

TP n°1 : Lois de Snell et Descartes**Objectifs du TP :**

- Mettre en œuvre une expérience de réflexion totale et s'en servir pour remonter à l'indice optique d'un milieu.
- Exploiter la relation de Snell-Descartes pour déterminer l'indice optique d'un milieu.
- Estimer et calculer des incertitudes, comparer le résultats d'une mesure à une valeur de référence.

**Symboles rencontrés dans ce TP :**

i. : C'est une question à laquelle il faut répondre.

★ : Il y a une manipulation expérimentale à faire.

🌀 : Il y a un travail à faire sur l'ordinateur.

**Attendus de votre compte-rendu de TP**

- Faire une petite introduction précisant les principaux objectifs du TP et une conclusion vis-à-vis des objectifs visés.
- Dans chaque partie, répondre aux questions, noter vos résultats expérimentaux, faire des schémas, commenter vos résultats.
- S'il y a un travail numérique, le sauvegarder et l'envoyer via Pronote.

I. Etude de la loi de Snell-Descartes sur la réfraction

**1) Rappeler la loi de Snell-Descartes (avec un schéma).**

★ Allumer le dispositif expérimental, on s'intéresse au dioptré air → plexiglass

★ Mesurer l'angle  $i_1$  du rayon incident et  $i_2$  du rayon réfracté. Recommencer pour dix valeurs d'angle d'incidence différents. Compléter le tableau.

$i_1$										
$i_2$										

L'exploitation des mesures sera effectuée avec Python en utilisant Spyder.

🌀 Sur Spyder, ouvrir sur le fichier TP1.py.

🌀 Compléter les lignes pour rentrer vos mesures dans le programme.

🌀 Compléter la section du programme pour convertir les angles mesurés en radian.

**2) On dispose donc d'un tableau de dix valeurs d'indice  $n$ . De quel type est l'incertitude associée ?**

🌀 Ajouter une ligne sous le calcul de l'indice optique pour afficher le tableau de valeur avec l'instruction : « print() »

🌀 Exécuter les différentes cellules pour calculer :

- la valeur moyenne des valeurs de  $n$
- l'écart-type de la série de mesures de  $n$  :
- l'incertitude type de l'indice optique  $u(n)$

**3) Recopier les valeurs obtenues dans le tableau ci-dessous.**

$\bar{n}$	$\sigma_n$	$u(n)$

4) Ecrire le résultat sous forme  $X = x \pm u(x)$  (Attention aux chiffres significatifs).

Dans la littérature, on trouve  $n = 1,49$  pour l'indice optique du plexiglass.

5) Calculer le z-score et conclure. (cf : fiche méthode sur les incertitudes)

## II. Réflexion totale

6) Quelle condition sur les indices optiques des milieux est nécessaire pour observer le phénomène de réflexion totale ? Justifier.

7) Retrouver dans votre cours l'expression de l'angle limite  $i_{1,lim}$  en fonction de  $n_1$  et  $n_2$ . (On rappelle qu'à la limite de réflexion totale on a  $i_2 = \frac{\pi}{2}$ ).

8) Proposez un protocole permettant de déterminer expérimentalement la valeur de  $i_{1,lim}$ .

★ Mettre en œuvre le protocole proposé.

9) De quel type est l'incertitude associée ?

★ Evaluer la demi-largeur  $\epsilon_{1,lim}$  de l'intervalle de l'angle limite  $i_{1,lim}$  où vous êtes raisonnablement certains que la valeur recherchée se trouve.

10) En déduire l'incertitude  $u(i_{1,lim})$  et écrire le résultat final.

Dans ce cas la formule de propagation des incertitudes donne :  $u(n) = \frac{1}{\tan(i_{1,lim}) \times \sin(i_{1,lim})} \times u(i_{1,lim})$ .

11) Calculer  $n$  et son incertitude par cette méthode. Ecrire le résultat sous forme  $X = x \pm u(x)$ .

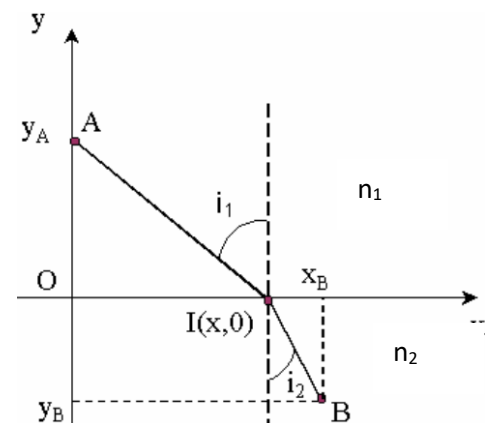
12) Calculer le z-score et conclure. (cf : fiche méthode sur les incertitudes)

13) Conclure en comparant (avantages et inconvénients) les deux méthodes pour mesurer l'indice optique du plexiglass.

## III. Complément théorique : Le principe de Fermat

Pierre de Fermat (mathématicien et physicien français, 1601-1665) postula que les rayons lumineux répondaient à un principe très général selon lequel le chemin emprunté par la lumière pour se rendre d'un point donné à un autre était celui pour lequel le temps de parcours était minimum.

On souhaite exploiter ce principe pour retrouver la loi de Snell-Descartes pour la réfraction.



1) Calculer la distance parcourue par le rayon lumineux pour aller de A vers B en fonction de  $x$ .

2) En déduire son temps de parcours  $\tau(x)$ .

3) A quelle condition sur  $x$  le temps de parcours est extrémale (ici minimale) ? (on pourra commencer par calculer la dérivée de  $\tau(x)$ )

4) Retrouver la loi de la réfraction de Snell-Descartes.

On remarquera que :  $\frac{x}{AI} = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y_A^2}} = \sin(i_1)$  et  $\frac{x_B - x}{IB} = \frac{x_B - x}{\sqrt{(x_B - x)^2 + y_B^2}} = \sin(i_2)$