

## T4 – CHANGEMENTS D'ETAT et MACHINES THERMIQUES

### Travaux Dirigés

#### Exercice 1 : Enthalpies de transition de phase

- 1) Quelle est la chaleur libérée par la solidification de 200 g d'eau liquide au cours d'une transformation isobare à 0°C ?
- 2) Quelle élévation de température subirait 1 kg d'eau liquide initialement à 10°C si on apportait (à pression constante) un transfert thermique égal à celui qui permettrait la fusion d'1 kg de glace ?
- 3) Quelle est l'énergie nécessaire pour, à pression atmosphérique faire passer un kilogramme d'eau de l'état liquide à l'état vapeur à 100°C ?

**Données :**

Enthalpie de fusion ou chaleur latente de fusion de l'eau à 0°C (sous 1 atm) :

$$\Delta_{fus}h(0^\circ\text{C}) = l_{fus}(0^\circ\text{C}) = 333 \text{ kJ}\cdot\text{kg}^{-1}$$

Enthalpie de vaporisation ou chaleur latente de vaporisation de l'eau à 100°C (sous 1 atm) :

$$\Delta_{vap}h(100^\circ\text{C}) = l_{vap}(100^\circ\text{C}) = 2,26 \text{ MJ}\cdot\text{kg}^{-1}$$

Capacité thermique massique de l'eau liquide :  $c_0 = 4,18 \text{ kJ}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$

#### Exercice 2 : Variations d'enthalpie

Une masse  $m = 100 \text{ g}$  d'eau passe de l'état solide à  $-10^\circ\text{C}$  à l'état liquide à  $+10^\circ\text{C}$  sous une pression de 1 atm.

Calculer la quantité de chaleur nécessaire pour réaliser cette transformation.

**Données :**

Chaleur latente de fusion de l'eau :  $l_f = 334 \text{ kJ}\cdot\text{kg}^{-1}$  à 0°C sous 1 atm

Capacité thermique massique de l'eau liquide :  $c_l = 4,2 \text{ kJ}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$

Capacité thermique massique de l'eau solide :  $c_s = 2,1 \text{ kJ}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$

#### Exercice 3 : Détente isenthalpique

Etudions la détente dite de **Joule-Kelvin** du fluide réfrigérant R112 (fréon 12) dans une machine frigorifique : cette détente a lieu dans un système calorifugé (on considérera donc que le système subit une transformation **adiabatique**), dans des conditions telles que la détente est **isenthalpique**.

Nous allons étudier la détente A → B, avec A liquide saturant à  $T_A = 303 \text{ K}$ , B mélange diphasique à  $T_B = 263 \text{ K}$ , (titre en vapeur  $x_V$ ).

Déterminer les caractéristiques de l'état final, ainsi que l'entropie créée au cours de cette transformation.

Cette étude sera faite à l'aide des 3 méthodes ci-dessous.

- 1) Utilisation du diagramme des frigoristes (cf. **diagramme en annexe 2**).
- 2) Utilisation des tables thermodynamiques (cf. données ci-dessous) ;

**Table 1 (continued)**  
**DuPont™ Freon® 12 Saturation Properties — Temperature Table**

Temp °C	Pressure [kPa]	Volume [m³/kg]		Density [kg/m³]		Enthalpy [kJ/kg]			Entropy [kJ/K-kg]		Temp °C
		Liquid v <sub>f</sub>	Vapour v <sub>g</sub>	Liquid d <sub>f</sub>	Vapour d <sub>g</sub>	Liquid H <sub>f</sub>	Latent H <sub>fg</sub>	Vapour H <sub>g</sub>	Liquid S <sub>f</sub>	Vapour S <sub>g</sub>	
-20	150.7	0.0007	0.1098	1458.0	9.109	181.6	162.1	343.7	0.9305	1.5710	-20
-19	156.7	0.0007	0.1059	1455.0	9.446	182.5	161.6	344.1	0.9341	1.5700	-19
-18	162.8	0.0007	0.1021	1452.0	9.792	183.4	161.2	344.6	0.9376	1.5690	-18
-17	169.1	0.0007	0.0986	1449.0	10.150	184.3	160.8	345.1	0.9412	1.5690	-17
-16	175.6	0.0007	0.0951	1446.0	10.510	185.2	160.3	345.5	0.9447	1.5680	-16
-15	182.3	0.0007	0.0918	1443.0	10.890	186.1	159.9	346.0	0.9482	1.5670	-15
-14	189.2	0.0007	0.0887	1440.0	11.270	187.1	159.3	346.4	0.9517	1.5670	-14
-13	196.3	0.0007	0.0857	1437.0	11.670	188.0	158.9	346.9	0.9552	1.5660	-13
-12	203.6	0.0007	0.0828	1434.0	12.080	188.9	158.5	347.4	0.9587	1.5660	-12
-11	211.1	0.0007	0.0800	1431.0	12.500	189.8	158.0	347.8	0.9622	1.5650	-11
-10	218.8	0.0007	0.0774	1428.0	12.920	190.7	157.6	348.3	0.9656	1.5640	-10
-9	226.7	0.0007	0.0748	1425.0	13.370	191.6	157.1	348.7	0.9691	1.5640	-9
-8	234.8	0.0007	0.0724	1421.0	13.820	192.6	156.6	349.2	0.9726	1.5630	-8
-7	243.2	0.0007	0.0700	1418.0	14.280	193.5	156.2	349.7	0.9760	1.5630	-7
-6	251.8	0.0007	0.0678	1415.0	14.760	194.4	155.7	350.1	0.9795	1.5620	-6
-5	260.6	0.0007	0.0656	1412.0	15.240	195.3	155.3	350.6	0.9829	1.5620	-5
-4	269.6	0.0007	0.0635	1409.0	15.740	196.3	154.7	351.0	0.9863	1.5610	-4
-3	278.9	0.0007	0.0615	1406.0	16.260	197.2	154.3	351.5	0.9898	1.5610	-3
-2	288.4	0.0007	0.0596	1402.0	16.780	198.1	153.8	351.9	0.9932	1.5600	-2
-1	298.1	0.0007	0.0577	1399.0	17.320	199.1	153.3	352.4	0.9966	1.5600	-1
0	308.1	0.0007	0.0560	1396.0	17.870	200.0	152.8	352.8	1.0000	1.5590	0
1	318.4	0.0007	0.0542	1393.0	18.440	200.9	152.4	353.3	1.0030	1.5590	1
2	328.9	0.0007	0.0526	1390.0	19.020	201.9	151.8	353.7	1.0070	1.5590	2
3	339.7	0.0007	0.0510	1386.0	19.610	202.8	151.3	354.1	1.0100	1.5580	3
4	350.7	0.0007	0.0495	1383.0	20.220	203.8	150.8	354.6	1.0140	1.5580	4
5	362.0	0.0007	0.0480	1380.0	20.840	204.7	150.3	355.0	1.0170	1.5570	5
6	373.6	0.0007	0.0466	1377.0	21.480	205.7	149.7	355.4	1.0200	1.5570	6
7	385.4	0.0007	0.0452	1373.0	22.130	206.6	149.3	355.9	1.0240	1.5570	7

**Table 1 (continued)**  
**DuPont™ Freon® 12 Saturation Properties — Temperature Table**

Temp °C	Pressure [kPa]	Volume [m³/kg]		Density [kg/m³]		Enthalpy [kJ/kg]			Entropy [kJ/K-kg]		Temp °C
		Liquid v <sub>f</sub>	Vapour v <sub>g</sub>	Liquid d <sub>f</sub>	Vapour d <sub>g</sub>	Liquid H <sub>f</sub>	Latent H <sub>fg</sub>	Vapour H <sub>g</sub>	Liquid S <sub>f</sub>	Vapour S <sub>g</sub>	
8	397.6	0.0007	0.0439	1370.0	22.800	207.6	148.7	356.3	1.0270	1.5560	8
9	410.0	0.0007	0.0426	1367.0	23.480	208.5	148.2	356.7	1.0300	1.5560	9
10	422.7	0.0007	0.0414	1363.0	24.180	209.5	147.7	357.2	1.0340	1.5550	10
11	435.7	0.0007	0.0402	1360.0	24.900	210.4	147.2	357.6	1.0370	1.5550	11
12	448.9	0.0007	0.0390	1356.0	25.630	211.4	146.6	358.0	1.0400	1.5550	12
13	462.5	0.0007	0.0379	1353.0	26.380	212.3	146.2	358.5	1.0440	1.5540	13
14	476.4	0.0007	0.0368	1350.0	27.150	213.3	145.6	358.9	1.0470	1.5540	14
15	490.6	0.0007	0.0358	1346.0	27.930	214.3	145.0	359.3	1.0500	1.5540	15
16	505.1	0.0007	0.0348	1343.0	28.740	215.2	144.5	359.7	1.0540	1.5530	16
17	520.0	0.0008	0.0338	1339.0	29.560	216.2	143.9	360.1	1.0570	1.5530	17
18	535.1	0.0008	0.0329	1336.0	30.400	217.2	143.3	360.5	1.0600	1.5530	18
19	550.6	0.0008	0.0320	1332.0	31.260	218.2	142.8	361.0	1.0640	1.5520	19
20	566.4	0.0008	0.0311	1329.0	32.130	219.1	142.3	361.4	1.0670	1.5520	20
21	582.6	0.0008	0.0303	1325.0	33.030	220.1	141.7	361.8	1.0700	1.5520	21
22	599.0	0.0008	0.0295	1322.0	33.950	221.1	141.1	362.2	1.0740	1.5510	22
23	615.9	0.0008	0.0287	1318.0	34.890	222.1	140.5	362.6	1.0770	1.5510	23
24	633.0	0.0008	0.0279	1315.0	35.850	223.1	139.9	363.0	1.0800	1.5510	24
25	650.6	0.0008	0.0272	1311.0	36.830	224.1	139.3	363.4	1.0830	1.5510	25
26	668.5	0.0008	0.0264	1307.0	37.830	225.1	138.7	363.8	1.0870	1.5500	26
27	686.7	0.0008	0.0257	1304.0	38.850	226.0	138.2	364.2	1.0900	1.5500	27
28	705.3	0.0008	0.0251	1300.0	39.900	227.0	137.5	364.5	1.0930	1.5500	28
29	724.3	0.0008	0.0244	1296.0	40.970	228.0	136.9	364.9	1.0960	1.5490	29
30	743.7	0.0008	0.0238	1293.0	42.070	229.0	136.3	365.3	1.1000	1.5490	30
31	763.4	0.0008	0.0232	1289.0	43.180	230.0	135.7	365.7	1.1030	1.5490	31
32	783.5	0.0008	0.0226	1285.0	44.330	231.1	135.0	366.1	1.1060	1.5490	32
33	804.0	0.0008	0.0220	1281.0	45.490	232.1	134.3	366.4	1.1090	1.5480	33
34	824.9	0.0008	0.0214	1278.0	46.690	233.1	133.7	366.8	1.1130	1.5480	34
35	846.2	0.0008	0.0209	1274.0	47.910	234.1	133.1	367.2	1.1160	1.5480	35

- 3) Utilisation des données thermodynamiques restreintes :  $T_A = 303 \text{ K}$ ,  $P_A = P^*(T_A) = 7,4 \text{ bars}$ ,  $x_{VA} = 0$ ;  $T_B = 263 \text{ K}$ ,  $P_B = P^*(T_B) = 2,2 \text{ bars}$ ;  $C_{liq,\text{fréon}} = \text{cte} = 960 \text{ J.kg}^{-1}.K^{-1}$ ;  $\Delta_{vap}h(T_B) = 158 \text{ kJ.kg}^{-1}$

#### Exercice 4 : Résolution de problème : canette auto-réfrigérante

A l'occasion de la Coupe du Monde de Football 2002, une canette autoréfrigérante a été mise au point. Elle comprend un réservoir en acier contenant le liquide réfrigérant (une masse  $m_r = 60$  g de diazote N<sub>2</sub>) qui, lorsqu'on ouvre la canette, est libéré et subit une détente brutale. Il se vaporise alors en traversant une spirale en aluminium qui serpente à travers la boisson à refroidir.

On étudiera une canette de 33 cL, et on supposera pour simplifier qu'elle est remplie d'un liquide de capacité thermique massique très proche de l'eau ( $c = 4,2$  kJ/kg).

Quelques données caractéristiques du diazote :

- Masse molaire :  $M = 28$  g/mol
- Point de fusion : - 210,00 °C ; point d'ébullition :  $T_{eb} = - 195,798$  °C (à pression atmosphérique).
- Enthalpie massique de vaporisation du diazote à la température  $T_{eb}$  :  $Lv = 200$  kJ/kg,
- Capacité thermique massique du diazote gazeux : 1025 J/kg/K ; liquide : 730 J/kg/K.

Evaluer la variation de température de la boisson (en fonction du temps dont vous disposez, vous pourrez choisir un modèle plus ou moins simplifié).

#### Exercice 5 : Analyse d'un diagramme ( $P, h$ ) (Annexe 1)

Pour l'étude des fluides condensables, l'un des diagrammes les plus utilisés est le diagramme ( $P, h$ ) ou diagramme des frigoristes, représentant la pression en fonction de l'enthalpie.

La figure en **annexe 1** représente le diagramme ( $P, h$ ) de l'eau.

- 1) Identifier les domaines du liquide, de la vapeur sèche, des états d'équilibre liquide-vapeur et le point critique.
- 2) Justifier la forme des isothermes.
- 3) Expliquer comment déterminer une enthalpie de vaporisation à une température  $T$  donnée ; le faire pour  $T = 20$  °C.
- 4) Montrer que l'on peut écrire un théorème des moments avec l'enthalpie comme dans le diagramme de Clapeyron.

#### Exercice 6 : Compression isotherme d'un réfrigérant (Annexe 3)

On étudie les transformations thermodynamiques d'un réfrigérant (1,1,1,2-tétrafluoroéthane ou R134a) dont on donne une partie du diagramme ( $P, h$ ) en **annexe 3**.

Dans l'état initial A, le volume massique est  $\nu_i = 0,2$  m<sup>3</sup>/kg, la température est de 40°C. La masse totale de fluide, de masse molaire  $M = 102$  g/mol, est  $m = 15$  g. On effectue une compression isotherme mécaniquement réversible AB telle que le volume massique final, en B, soit  $\nu_f = 0,01$  m<sup>3</sup>/kg.

- 1) Préciser l'état physique et la composition du réfrigérant dans les états A et B.
- 2) Calculer le travail mécanique au cours de la transformation AB (on pourra faire une hypothèse simplificatrice).
- 3) Calculer le transfert thermique reçu par le réfrigérant.

Rép. : 1)  $x_v = 0,48$     2)  $W = 1,03$  kJ,    3)  $Q = -2,5$  kJ

### Exercice 7 : Lecture d'un diagramme entropique pour l'eau (Annexe 4)

- Pour  $T = 350^\circ\text{C}$ , quelle est la pression de vapeur saturante ?
- Pour  $P = 20 \text{ bar}$  et  $h = 1200 \text{ kJ.kg}^{-1}$ , quel est l'état physique de l'eau ?
- Pour  $x = 50\%$  et  $T = 500 \text{ K}$ , quelle est l'entropie massique du fluide ? de la phase vapeur ? de la phase liquide ?
- Quelle est la chaleur latente de vaporisation à  $T = 200^\circ\text{C}$  ?

### Exercice 8 : Détente isentropique de vapeur d'eau dans une machine à vapeur

Etude d'une détente supposée adiabatique réversible (donc isentropique) de vapeur d'eau dans un cylindre fermé par un piston mobile. L'état initial est de la vapeur d'eau juste saturante à 485 K et l'état final est à 373 K. Déterminer les caractéristiques de l'état final de 2 manières :

- En utilisant le diagramme entropique de l'eau.
- En utilisant les tables thermodynamiques complètes (cf. ci-contre).

		Liquide juste saturé $x_V = 0$				Vapeur saturante-sèche $x_V = 1$		
$T$	$p$	$v_L$	$h_L$	$s_L$	$v_V$	$h_V$	$s_V$	
K	bar	$\text{m}^3.\text{kg}^{-1}$	$\text{kJ.kg}^{-1}$	$\text{kJ.K}^{-1}.\text{kg}^{-1}$	$\text{m}^3.\text{kg}^{-1}$	$\text{kJ.kg}^{-1}$	$\text{kJ.K}^{-1}.\text{kg}^{-1}$	
485	20	$1,18 \cdot 10^{-3}$	909	2,45	0,0998	2 801	6,35	
373	1	$1,04 \cdot 10^{-3}$	418	1,30	1,70	2 676	7,36	

### Exercice 9 : Cycle Diesel

<http://ressources.univ-lemans.fr/AccesLibre/UM/Pedago/physique/02/thermo/moteurD.html>

Simulation : <http://ressources.univ-lemans.fr/AccesLibre/UM/Pedago/physique/02/thermo/diesel.html>

Une mole de gaz parfait subit les transformations réversibles suivantes :

- (2) : compression adiabatique
- (3) : échauffement isobare
- (4) : détente adiabatique
- (1) : refroidissement isochore.

Chaque état est défini par la pression  $P_i$ , la température  $T_i$  et le volume  $V_i$  ( $i$  variant de 1 à 4).

On appelle  $\gamma$  le rapport des chaleurs molaires  $\gamma = C_{Pm} / C_{Vm}$ . On définit  $a = \frac{V_1}{V_2}$  et  $b = \frac{V_4}{V_3}$ .

- Représenter sommairement le cycle sur un diagramme de Clapeyron.
- Déterminer l'expression du rendement en fonction de  $T_1, T_2, T_3, T_4$ .
- Donner l'expression du rendement en fonction de  $\gamma, a$  et  $b$ .
- Application numérique avec  $\gamma = 1,4$  ;  $a = 9$  et  $b = 3$ .

### Exercice 10 : Cycle de Beau de Rochas (moteur à explosion)

Afin de simplifier le problème, on suppose que le moteur étudié est constitué d'un seul cylindre. Les transformations seront considérées comme mécaniquement réversibles.

Les gaz sont supposés parfaits de coefficient de Laplace  $\gamma = 1,4$  ; ils subissent le cycle suivant :

- O → A : Phase d'admission isobare à la pression  $P_A$  dans le cylindre. La soupape d'admission est refermée.

Le mélange air-carburant se trouve alors dans les conditions  $V_A = 1 \text{ L}$ ,  $P_A = 1 \text{ bar}$ ,  $T_A = 20^\circ\text{C}$

Le gaz subit alors la suite de transformations suivantes :

- A → B : compression adiabatique réversible.  $V_B = \frac{V_A}{8}$ . On notera  $\tau = \frac{V_A}{V_B} = 8$
- B → C : une étincelle provoque la combustion isochore, instantanée, de toute l'essence.
- C → D : détente adiabatique réversible ;
- D → A : refroidissement isochore (la pression chute à cause de l'ouverture du cylindre vers l'extérieur).
- A → O : refoulement isobare des gaz vers l'extérieur à la pression  $P_A$ . C'est l'échappement.

- 1) Représenter l'ensemble des transformations sur un diagramme ( $P, V$ ). Indiquer en justifiant brièvement s'il s'agit d'un cycle moteur ou récepteur.

Les étapes d'admission et de refoulement se compensent et on raisonnera donc sur le système fermé effectuant le « cycle » ABCD ; on suppose donc constant le nombre total de moles gazeuses.

- 2) Déterminer la pression et la température du mélange dans l'état B.
- 3) La combustion du carburant amène à une température  $T_c = 2100$  K ; calculer  $P_C$ . En réalité la pression maximale est légèrement inférieure. Proposer une justification.
- 4) Calculer la température en D.
- 5) Exprimer le travail  $W_f$  **fourni** par le gaz au système mécanique au cours d'un cycle en fonction de la capacité thermique molaire à volume constant du mélange gazeux  $C_{v,m}$ , du nombre de moles  $n$  et des températures puis en fonction de  $n, R, \gamma$  et des températures. Le calculer.
- 6) Exprimer le rendement  $r$  du cycle en fonction des différentes températures, puis en fonction de  $\gamma$  et  $\tau$ .
- 7) Le moteur effectue 2500 cycles par minute. Quelle est sa puissance ? Combien le piston effectue-t-il d'allers-retours par minute ?

### Exercice 11 : Machine frigorifique

Le diagramme ci-dessous représente le cycle de fonctionnement d'une machine frigorifique réelle. Déterminer l'efficacité réelle de cette machine ainsi que l'efficacité de Carnot d'une machine frigorifique réversible travaillant entre les mêmes températures :  $T_c = 298$  K et  $T_f = 263$  K.

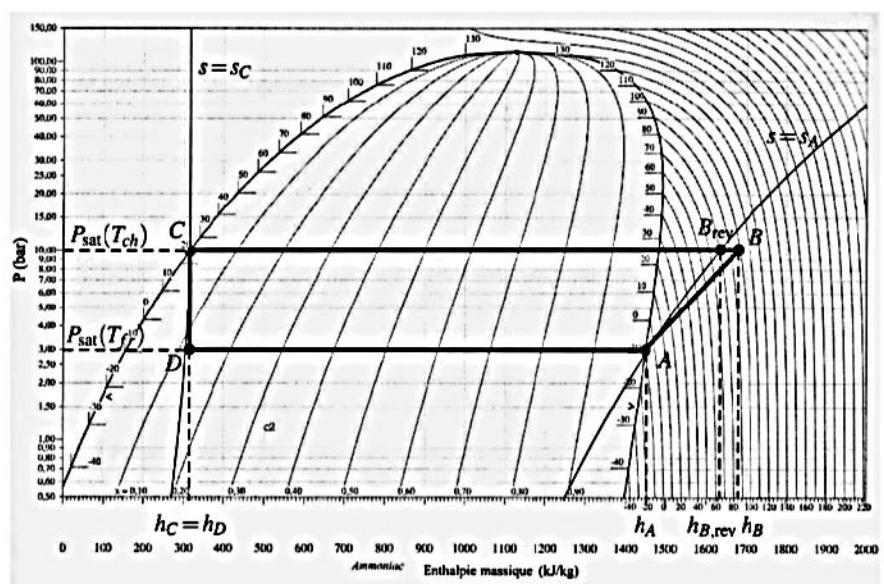
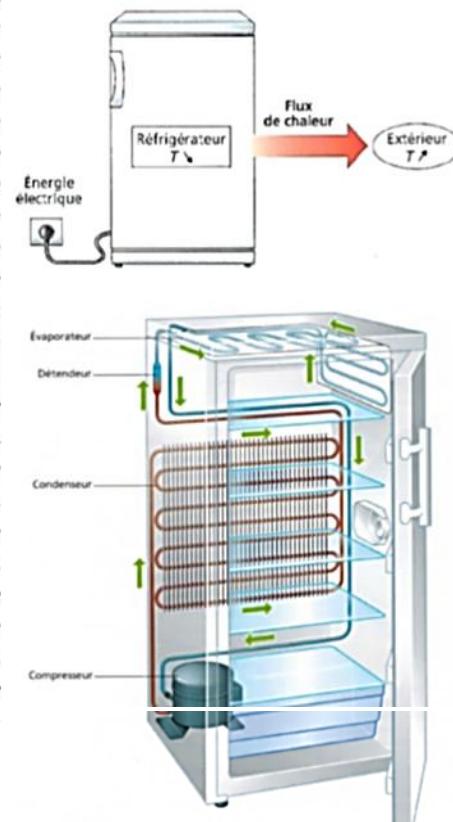


Figure 25.13 – Cycle d'une machine frigorifique :  $T_{ch} = 298$  K,  $T_f = 263$  K.

## Exercice 12 : Etude d'un réfrigérateur (d'après écrit ATS 2018)

(Annexe 5)

*Le principe du réfrigérateur est simple : il assure un transfert de chaleur depuis ses compartiments internes, qui se refroidissent, vers la pièce où il se trouve, qui se réchauffe. Ce transfert consomme de l'énergie électrique. [...] Le compresseur comprime le fluide réfrigérant, alors froid et sous forme gazeuse, ce qui augmente sa température et sa pression. A la sortie du compresseur, le fluide est donc chaud et à haute pression. [...] Ce gaz chaud et à haute pression circule ensuite à travers le condenseur, où il cède de la chaleur par diffusion vers l'extérieur et subit un changement d'état : le gaz se transforme en un liquide chaud sous haute pression. La condensation (plus exactement la liquéfaction) peut se produire à température élevée car la pression est importante. [...] En poursuivant son chemin dans le circuit frigorifique, le liquide passe ensuite à travers un détendeur qui abaisse sa pression et sa température, [...] la détente adiabatique s'effectue dans un fin capillaire). On obtient un mélange liquide-gaz à l'équilibre. Après cette chute de pression, le mélange liquide-gaz froid traverse l'évaporateur où il吸orbe la chaleur de l'intérieur du réfrigérateur pour subir un second changement d'état : le liquide se met à bouillir, c'est-à-dire qu'il se vaporise. On obtient alors un gaz froid et à basse pression, qui repart dans le compresseur pour un nouveau cycle.*



### A) Principe de fonctionnement du réfrigérateur à compresseur

Le réfrigérateur est supposé être une machine cyclique et ditherme. Pour un cycle complet, on note  $Q_1$  le transfert thermique reçu par le fluide réfrigérant de la part du milieu extérieur,  $Q_2$  le transfert thermique reçu par le fluide réfrigérant de la part de l'intérieur du réfrigérateur et  $W$  le travail de compression permettant de faire fonctionner le réfrigérateur.

- 1) Identifier le nom des organes (compresseur, détendeur, condenseur ou évaporateur) dans lesquels les transferts d'énergie  $Q_1$ ,  $Q_2$  et  $W$  s'opèrent.
- 2) Préciser si  $Q_1$ ,  $Q_2$  et  $W$  sont positifs ou négatifs.
- 3) Le compresseur met en jeu une compression rapide que l'on peut supposer adiabatique. Proposer une explication de l'augmentation de la température du gaz supposé parfait à l'issue de cette compression.
- 4) Dessiner l'allure du diagramme  $P(T)$  pour le seul équilibre liquide / gaz et préciser les phases dans chaque partie du diagramme et sur la courbe  $P(T)$ . A quelle condition une liquéfaction peut-elle s'observer à « température élevée » ?
- 5) Définir le coefficient de performance, noté  $CoP$ , du réfrigérateur puis l'exprimer en fonction de  $Q_1$  et  $Q_2$ .

On suppose le régime stationnaire atteint : la température  $T_{ext}$  de l'extérieur et la température de consigne  $T_{int}$  à l'intérieur du réfrigérateur sont constantes.

- 6) Déterminer l'expression du coefficient de performance maximal du réfrigérateur, noté  $COP_c$ , en fonction de  $T_{int}$  et  $T_{ext}$ .
- 7) Calculer ce  $COP_c$  si  $T_{ext} = 25^\circ\text{C}$  et  $T_{int} = 5^\circ\text{C}$ .

B) Etude du cycle du fluide réfrigérant dans un diagramme entropique  $T(s)$

Nous allons étudier plus précisément les différentes transformations que le fluide réfrigérant subit. L'écoulement du fluide réfrigérant est stationnaire, de débit massique  $D_m$ . Les variations d'énergies cinétique et potentielle du fluide seront négligées. Nous supposerons également que le fluide réfrigérant décrit le cycle suivant (on note  $\{T_i, P_i\}$  le couple température-pression relatif à l'état  $i$  du fluide) :

- Avant d'entrer dans le compresseur, le fluide est un gaz surchauffé (état  $A\{T_A, P_A\}$ ). Le compresseur impose une compression adiabatique et irréversible. Le fluide reste à l'état gazeux (état  $B\{T_B, P_B\}$ ).
- Le fluide circule ensuite dans le condenseur où il opère un refroidissement isobare puis une liquéfaction complète isobare (et donc isotherme) à la pression  $P_B$ . On obtient un liquide saturant (état  $C\{T_C, P_C\}$ ).
- Le liquide subit une détente isenthalpique (détente de type Joule-Thomson sans travail indiqué et sans transfert thermique) faisant apparaître un mélange diphasé après avoir traversé le détendeur (état  $D\{T_D, P_D\}$ ).
- Le fluide pénètre dans l'évaporateur et évolue de manière isobare jusqu'à l'état  $A$ .

On prendra les valeurs suivantes :  $P_A = 2 \text{ bar}$ ,  $P_B = 7 \text{ bar}$ ,  $T_A = 5^\circ\text{C}$ ,  $T_B = 55^\circ\text{C}$  et  $D_m = 10^{-2} \text{ kg.s}^{-1}$ . Une tolérance de  $\pm 2 \text{ kJ.kg}^{-1}$  sur la lecture de l'enthalpie massique sera acceptée. Une tolérance de  $\pm 1^\circ\text{C}$  sur la lecture des températures sera acceptée.

On rappelle, en tenant compte de nos hypothèses de travail, le premier principe de la thermodynamique appliquée à un fluide en écoulement dans une conduite, recevant une puissance thermique  $P_{th}$  et une puissance mécanique  $P_{meca}$  (mise en jeu par les éventuelles parties mobiles d'une machine présente dans la conduite) avec  $h_e$  et  $h_s$  les enthalpies massiques du fluide à l'entrée et à la sortie de la conduite :

$$D_m(h_s - h_e) = P_{th} + P_{meca}$$

En effet, le premier principe, pour un système étudié en système ouvert, peut s'écrire :

$$\Delta h = h_s - h_e = q + w_{\neq P} = q + w_{meca} \text{ (unités : J.kg}^{-1}\text{)}$$

En multipliant par le débit massique  $D_m$  du fluide ( $\text{kg.s}^{-1}$ ), on obtient :

$$D_m(h_s - h_e) = P_{th} + P_{meca} \text{ (unités : W)}$$

- 8) Repérer sur le diagramme entropique fourni en document-réponse les domaines liquide, diphasique et gazeux.

(Diagramme entropique ( $T,s$ ) fourni en **annexe 5**)

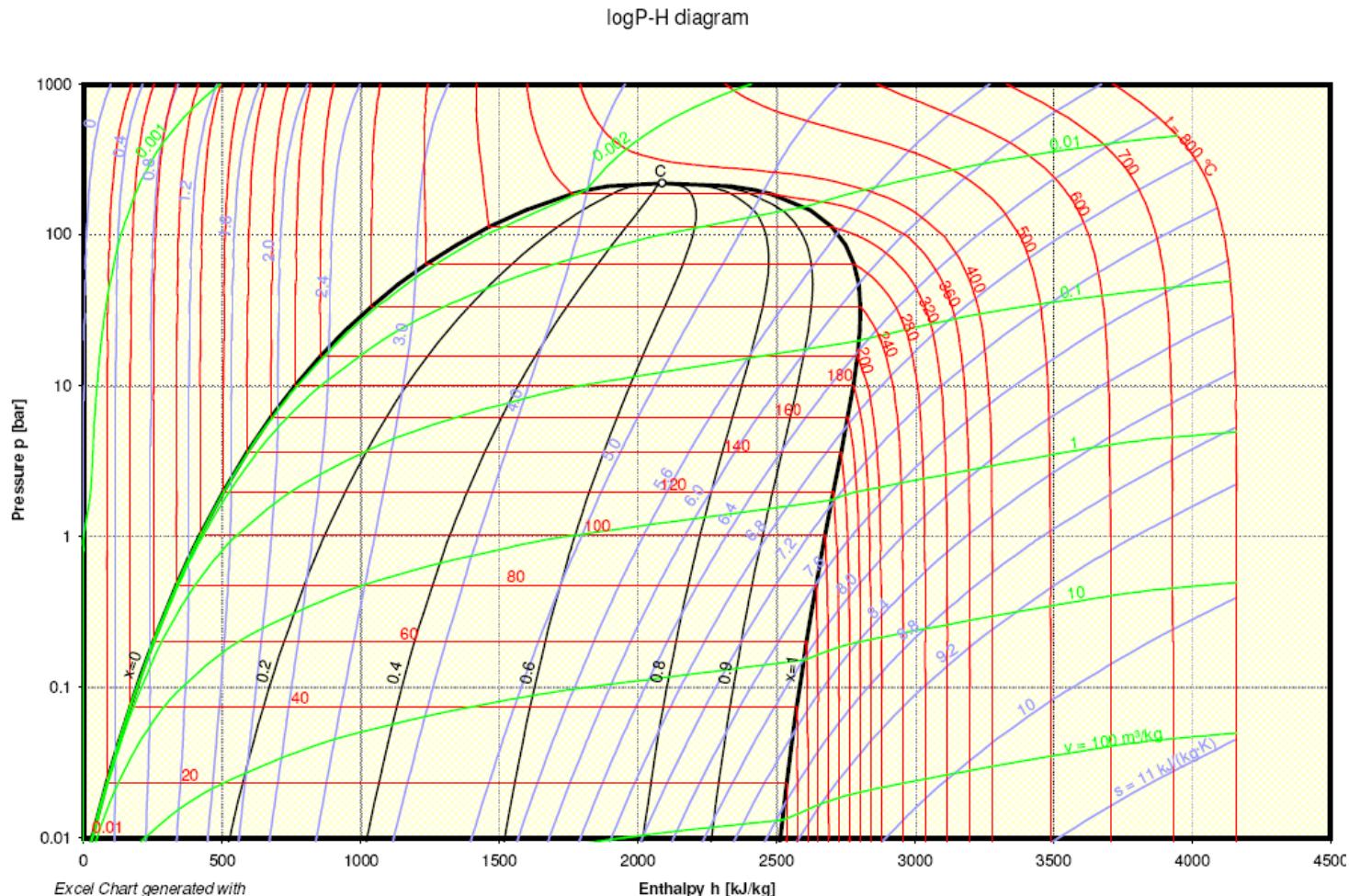
- 9) Reporter la position des points  $A, B, C$  et  $D$  sur le document-réponse fourni en annexe et à rendre avec la copie.
- 10) Donner, par lecture sur le diagramme entropique, la température  $T_l$  de liquéfaction du fluide réfrigérant observée pour le cycle étudié.
- 11) Donner, par lecture sur le diagramme entropique, la température  $T_v$ , de vaporisation du fluide réfrigérant observée pour le cycle étudié.
- 12) Exprimer puis calculer la puissance  $P_{th,2}$  reçue par le fluide pendant la transformation menant de l'état  $D$  à l'état  $A$ .
- 13) Exprimer puis calculer la puissance  $P_{meca}$  reçue par le fluide pendant la transformation menant de l'état  $A$  à l'état  $B$ .
- 14) Exprimer puis calculer la puissance  $P_{th,1}$  reçue par le fluide pendant la transformation menant de l'état  $B$  à l'état  $C$ .
- 15) Les résultats précédents, aux incertitudes de lecture près, permettent d'écrire  $P_{meca} \approx -(P_{th,1} + P_{th,2})$ . Commenter cette relation.
- 16) En déduire l'expression puis une estimation de la valeur du coefficient de performance  $CoP_{vrai}$  (un seul chiffre significatif sera accepté pour la valeur de  $CoP_{vrai}$ ).
- 17) Les résultats précédents impliquent que  $CoP_{vrai} < CoP_c$ . Interpréter ce résultat.
- 18) Lors d'un processus adiabatique, on peut déterminer, à l'aide du diagramme entropique, le travail massique  $w_f$  des forces de viscosité du fluide car  $w_f = - \int_{Etat\ initial}^{Etat\ final, adia} T ds$ . Estimer la puissance  $P_f$  associée à ces forces de viscosité lors de la compression (pour ce calcul la représentation de la transformation menant de l'état A à B sera linéarisée et donc assimilée à un simple segment reliant les points A et B). Commenter ce dernier résultat.
- 19) Reporter la position des points  $A, B, C$  et  $D$  sur le diagramme des frigoristes ( $P,h$ ) fourni (**annexe 5 bis**).
- 20) Retrouver la valeur du coefficient de performance à partir de déductions graphiques sur ce diagramme.

### Exercice 13 : Machine à vapeur : Cycle de Rankine

Dans une machine à vapeur, l'eau décrit un cycle de Rankine :

- Dans l'état A l'eau est à l'état de liquide saturant seul, dans les conditions de pression et température  $P_1 = 0,2$  bar et  $T_1 = 60^\circ\text{C}$  ;
- Transformation AB : l'eau est comprimée de façon adiabatique et isentropique dans une pompe, jusqu'à la pression  $P_2 = 15$  bar ;
- Transformation BC : l'eau est injectée dans la chaudière et s'y réchauffe de manière isobare jusqu'à la température  $T_2 = 200^\circ\text{C}$ , telle que  $P_{\text{sat}}(T_2) = P_2$  ;
- Transformation CD : l'eau se vaporise entièrement à la température  $T_2$  ;
- Transformation DE : l'eau est admise dans le cylindre à  $T_2$  et  $P_2$  et effectue une détente adiabatique réversible jusqu'à la température  $T_1$  ; on obtient un mélange liquide-vapeur ;
- Transformation EA : le piston chasse le mélange diphasique dans le condenseur où il se liquéfie totalement.

- 1) Représenter ce cycle sur le diagramme des frigoristes de l'eau représenté ci-dessous.
- 2) En exploitant ce diagramme, déterminer le transfert thermique pour chaque transformation du cycle.
- 3) Calculer le rendement de ce moteur et le comparer au rendement de Carnot. Quelles sont les causes d'irréversibilité ?



### **Exercice 14 : Détente dans une turbine à vapeur**

Au sein d'une turbine à vapeur, la vapeur sous haute pression subit une détente au contact de la turbine, au cours de laquelle elle fournit à la turbine de l'énergie mécanique. Données sur la turbine :

	Amont	Aval
Pression	$p_1 = 6 \cdot 10^6 \text{ Pa}$	$p_2 = 9,5 \cdot 10^4 \text{ Pa}$
Enthalpie massique	$h_1 = 3,28 \text{ MJ/kg}$	$h_2 = 2,67 \text{ MJ/kg}$
Vitesse	$v_1 = 160 \text{ m/s}$	$v_2 = 80 \text{ m/s}$
Débit massique	$D_{m1} = 20 \text{ kg/s}$	$D_{m2} = 20 \text{ kg/s}$

- 1) Déterminer la puissance FOURNIE par la vapeur traversant la turbine en négligeant le transfert thermique.
- 2) Comparer la variation d'énergie cinétique massique à la variation d'enthalpie de la vapeur.

### **Exercice 15 : Chauffage et refroidissement d'une maison**

Un récepteur thermique est utilisé pour assurer le chauffage (l'hiver) et le refroidissement (l'été) d'une maison, en fonctionnant en pompe à chaleur l'hiver et en climatiseur l'été.

Le fluide moteur est du fréon. Il parcourt un circuit dans lequel, étant sous forme de vapeur, il est comprimé par un compresseur *C* et se condense dans un liquéfacteur (ou condenseur) *L* ; puis il subit une détente au niveau d'une valve *V* et finit de se vaporiser dans l'évaporateur *E* avant de retourner dans le compresseur.

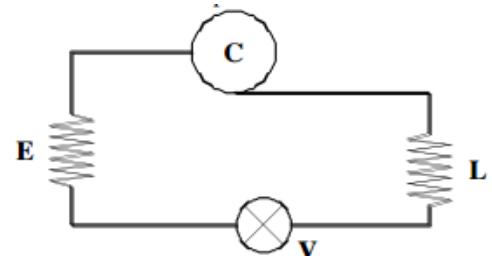


Schéma de principe de l'installation

- 1) Pour un récepteur thermique, lequel des deux organes *L* ou *E* faut-il mettre en contact avec la source chaude et la source froide respectivement ?  
En hiver, la température extérieure moyenne est de  $0^\circ\text{C}$  et la température intérieure est maintenue à  $20^\circ\text{C}$ .
- 2) Calculez la quantité de chaleur maximale qui peut être fournie à la maison au bout d'une heure si la puissance du compresseur électrique est de  $4,0 \text{ kW}$ .
- 3) En été, la température extérieure moyenne est de  $35^\circ\text{C}$  et la température intérieure est maintenue à  $20^\circ\text{C}$ . Quel est le coefficient de performance maximal du récepteur thermique ?

### **Exercice 16 : PAC pour chauffer l'eau d'une piscine**

Données :

- Température air extérieur :  $T_a = 7^\circ\text{C}$
- Température eau piscine :  $T_p = 20^\circ\text{C}$
- Volume de la piscine :  $V = 30 \text{ m}^3$
- Capacité thermique de l'eau :  $c = 4,2 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$
- Pour une variation de la température de l'eau de  $\Delta T = 1\text{K}$ , il faut  $\Delta t = 1000 \text{ s}$

1. Donner le schéma thermodynamique de la PAC. Signe des échanges d'énergie à justifier.
2. Calculer le coefficient de performance.
3. Calculer la puissance électrique de l'installation.

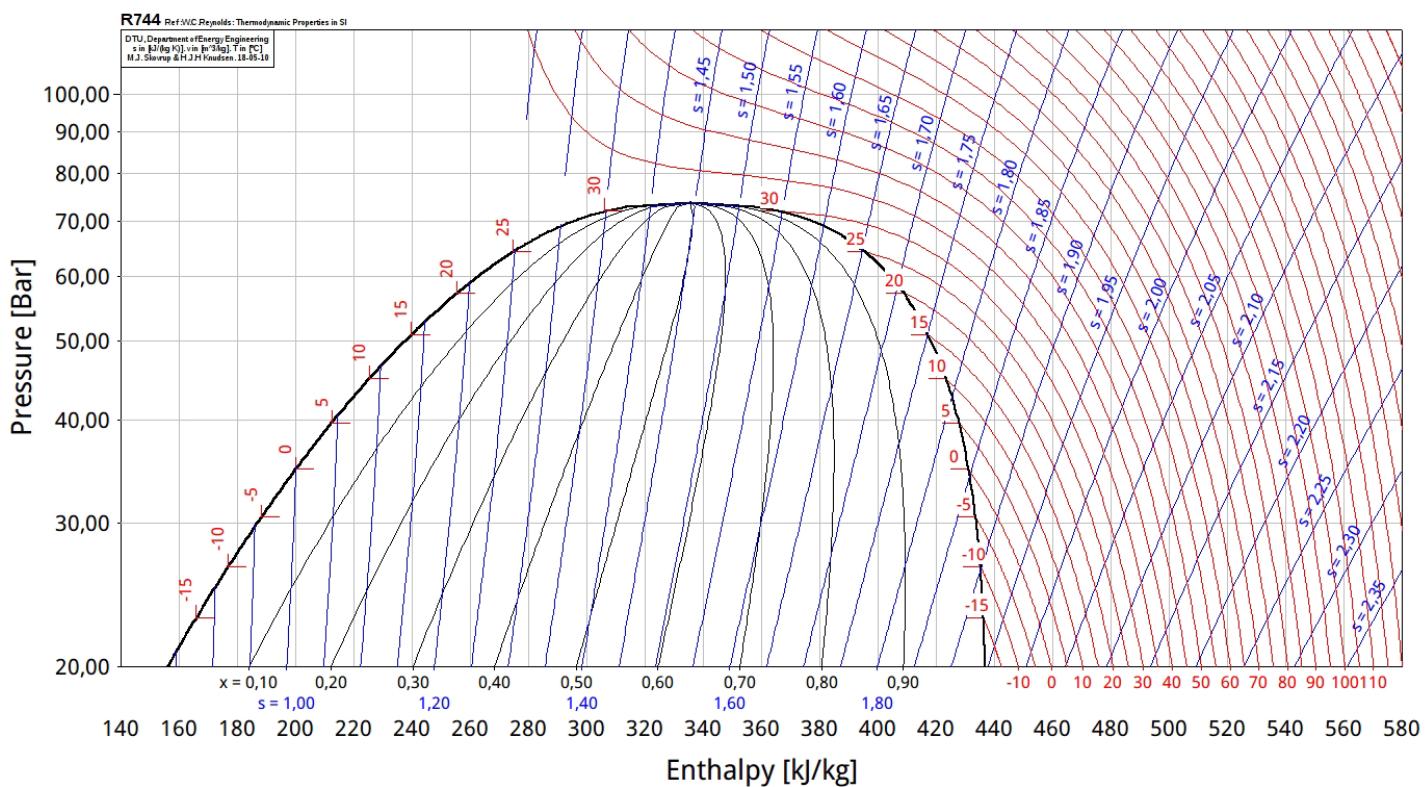
## **Exercice 17 : Cycle réfrigérant au CO<sub>2</sub> [oral banque PT]**

Le CO<sub>2</sub> (R744) est un fluide frigorigène de plus en plus utilisé car il est considéré comme un fluide écologique : son impact sur la couche d'ozone est nul et son impact sur l'effet de serre est faible. Ses caractéristiques thermodynamiques sont excellentes et permettent d'envisager un bel avenir pour ce fluide, malgré les pressions de service beaucoup plus élevées que celles des HFC qui peuvent poser des problèmes de sécurité.

On s'intéresse à un cycle réfrigérant, parcouru par du CO<sub>2</sub>, selon les étapes suivantes :

- une compression adiabatique réversible d'un état 1 ( $P_1 = 35$  bar, vapeur saturante sèche) jusqu'à  $P_2 = 90$  bar ;
  - un refroidissement isobare jusqu'à  $T_3 = 40$  °C;
  - une détente adiabatique jusqu'à la pression  $P_4 = P_1$  ;
  - une transformation isobare jusqu'à retrouver l'état de départ.

Le diagramme des frigoristes du CO<sub>2</sub> est représenté ci-dessous.



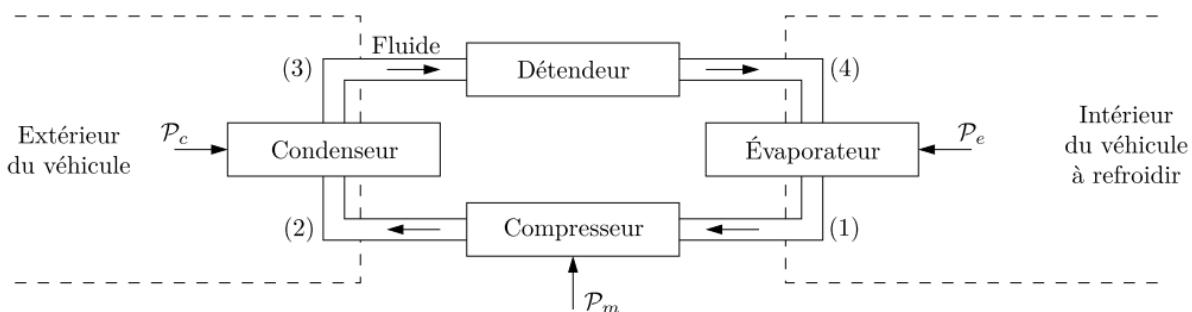
## **Figure 1 – Diagramme des frigoristes du CO<sub>2</sub>.**

- 1 - Justifier l'allure des courbes isothermes en utilisant les cas limites.
  - 2 - Dessiner le cycle sur le diagramme.
  - 3 - On utilise cette machine en fonctionnement frigorifique. Dans quel sens le cycle est-il parcouru ?
  - 4 - Calculer la chaleur échangée avec la source froide.
  - 5 - Calculer l'efficacité du cycle. Comment l'améliorer ?

### Exercice 18 : Climatisation d'une voiture (ATS 2012)

### (Annexe 6)

La quasi-totalité des véhicules neufs sont aujourd’hui équipés d’une climatisation. Pour refroidir l’air intérieur du véhicule, un fluide frigorigène, l’hydrofluorocarbone HFC connu sous le code R134a, effectue en continu des transferts énergétiques entre l’intérieur, l’extérieur du véhicule et le compresseur.



**Figure 10 - Structure de la climatisation**

1. Les chlorofluorocarbures ou CFC comme le fréon, sont des fluides frigorigènes qui ont été très longtemps utilisés. Pourquoi ces fluides ne sont-ils plus utilisés aujourd’hui ?

Sur le diagramme enthalpique ( $p, h$ ) (cf. document réponse en annexe) de l’hydrofluorocarbone HFC, de masse molaire  $M = 32 \text{ g.mol}^{-1}$  sont représentés :

- la courbe de saturation de l’équilibre liquide vapeur de l’hydrofluorocarbone HFC (en trait fort)
- les isothermes pour des températures comprises entre  $-40^\circ\text{C}$  et  $160^\circ\text{C}$  par pas de  $10^\circ\text{C}$
- les isentropiques pour des entropies massiques comprises entre  $1,70 \text{ kJ.K}^{-1}.\text{kg}^{-1}$  et  $2,25 \text{ kJ.K}^{-1}.\text{kg}^{-1}$  par pas de  $0,05 \text{ kJ.K}^{-1}.\text{kg}^{-1}$ .
- les isotrites en vapeur sous la courbe de saturation pour des titres massiques en vapeur  $x_v$ , variant de 0 à 1 par pas de 0,1.
- $P$  est en bar et  $h$  en  $\text{kJ.kg}^{-1}$

Lors de l’exploitation du diagramme, les mesures seront faites avec les incertitudes suivantes :

$\Delta h$ $\pm 5 \text{ kJ.kg}^{-1}$	$\Delta s$ $\pm 50 \text{ J.K}^{-1}.\text{kg}^{-1}$	$\Delta x$ $\pm 0,05$	$\Delta T$ $\pm 5^\circ\text{C}$	$\Delta p$ $\pm 5\%$
--	--	--------------------------	-------------------------------------	-------------------------

2. Indiquer sur le diagramme (document réponse) les domaines liquide, vapeur, équilibre liquide-vapeur du fluide.
3. Dans quel domaine du diagramme le fluide à l’état gazeux peut-il être considéré comme un gaz parfait ?

On étudie dans la suite l’évolution du fluide au cours d’un cycle en régime permanent. Le débit massique est  $D_m = 0,1 \text{ kg.s}^{-1}$ .

4. Rappeler l’expression du premier principe appliquée à un système ouvert en régime permanent (expression en terme de puissances) en définissant les différents termes introduits.

La puissance thermique  $P_e$  reçue par le fluide dans l’évaporateur permet la vaporisation isobare complète du fluide venant de (4) et conduit à de la vapeur à température  $T_1 = 5^\circ\text{C}$  et pression  $p_1 = 3$  bar : point 1.

5. Placer le point (1) sur le diagramme (document réponse). Relever la valeur de l'enthalpie massique  $h_1$  et de l'entropie massique  $s_1$  du fluide au point (1).

Le compresseur aspire la vapeur (1) et la comprime de façon isentropique avec un taux de compression  $r = p_2/p_1 = 6$ .

6. Déterminer  $p_2$ . Placer le point (2) sur le diagramme (document réponse). Relever la valeur de la température  $T_2$  et celle de l'enthalpie massique  $h_2$  en sortie du compresseur.
7. Déterminer la valeur de la puissance  $P_m$  du travail mécanique reçu par le fluide lors de son passage dans le compresseur. Commenter le signe de  $P_m$ .

Le fluide sortant du compresseur entre dans le condenseur dans lequel il est refroidi de manière isobare jusqu'à la température  $T_3 = 60^\circ\text{C}$  : point (3).

8. Placer le point (3) sur le diagramme (document réponse). Relever la valeur de l'enthalpie massique  $h_3$  en sortie du condenseur.

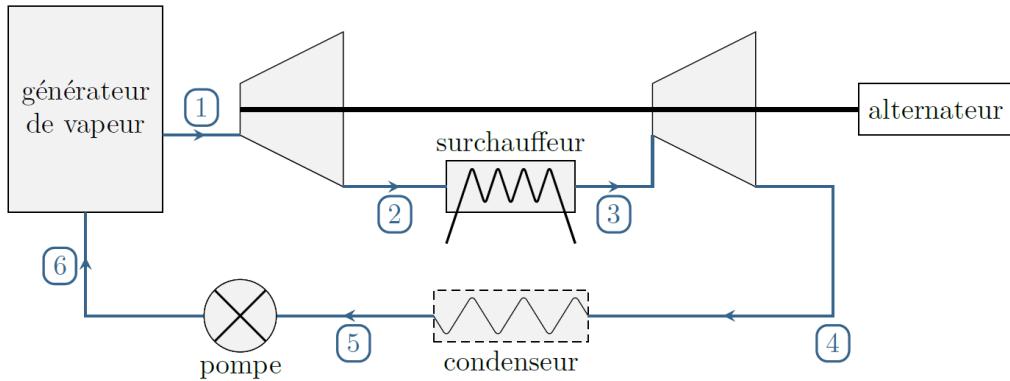
Le fluide sortant du condenseur est détendu dans le détendeur supposé adiabatique jusqu'à la pression de l'évaporateur  $p_1$  : point (4).

9. Montrer que la transformation dans le détendeur est isenthalpique.
10. Placer le point (4) sur le diagramme (document réponse) et tracer le cycle complet. Relever la valeur de la température  $T_4$  et le titre massique en vapeur  $x_4$  en sortie du détendeur.
11. En déduire la puissance thermique échangée  $P_e$  par le fluide lors de son passage à travers l'évaporateur entre (4) et (1). L'air intérieur du véhicule est-il refroidi?
12. Définir l'efficacité  $e$ , ou coefficient de performance, du climatiseur. Calculer sa valeur.
13. Comparer cette valeur à celle d'un climatiseur de Carnot fonctionnant entre la température de l'évaporateur et la température de liquéfaction du fluide sous la pression  $p_2$ . Commenter le résultat obtenu.

### **Exercice 19 : Turboalternateur d'une centrale thermique – cycle de Hirn (Annexe 7)**

On s'intéresse à l'installation représentée ci-dessous, qui modélise une centrale thermique à flamme (gaz ou charbon). Le fluide thermodynamique est de l'eau, qui suit un cycle appelé cycle de Hirn avec resurchauffe.

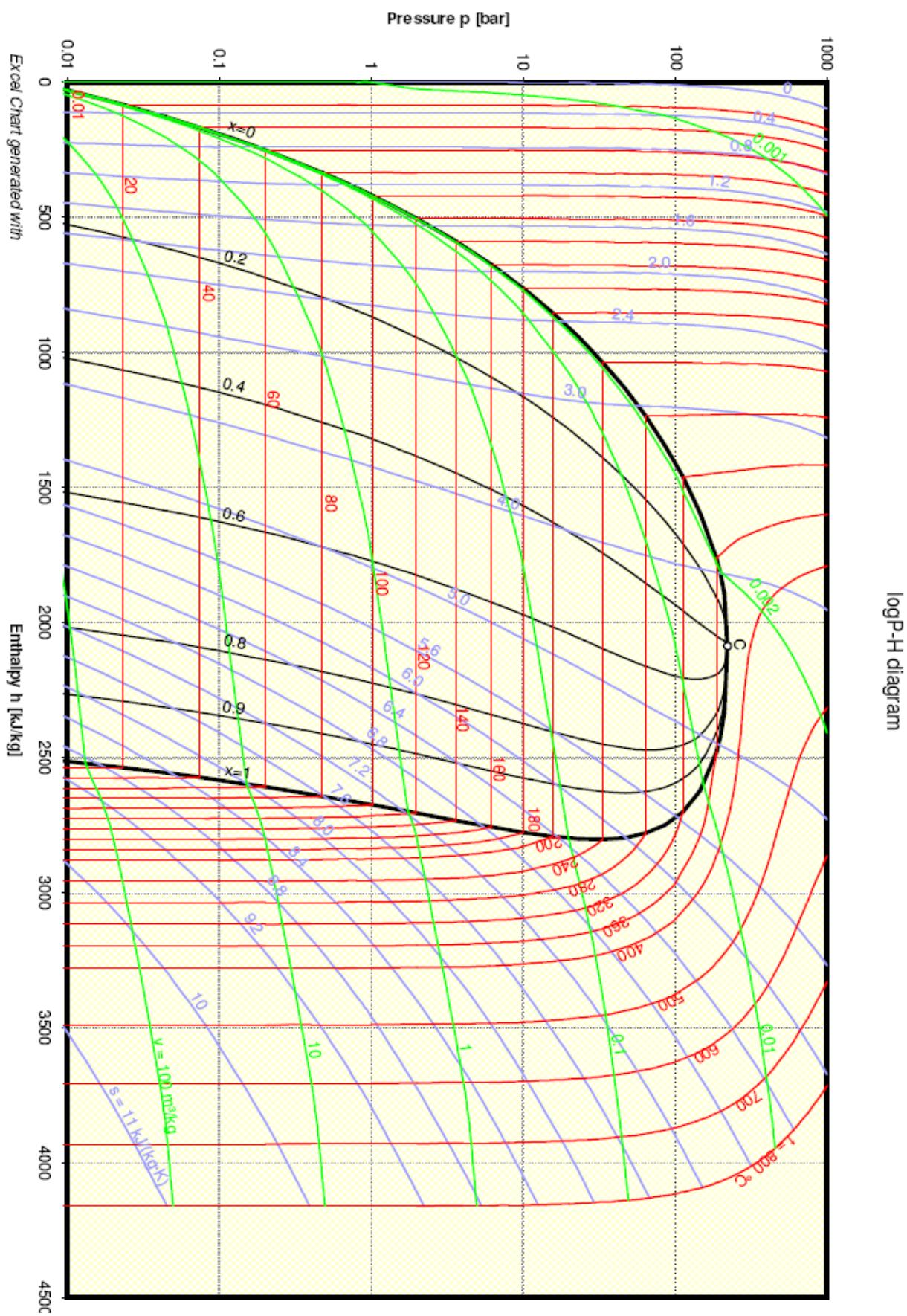
L'eau liquide est chauffée par une chaudière thermique dans un générateur de vapeur, qui débite de la vapeur d'eau à  $550^\circ\text{C}$  et 100 bar (état 1). Cette vapeur subit une détente adiabatique réversible dans une première turbine dite haute pression, d'où elle sort à la pression de 10 bar (état 2). Un surchauffeur isobare, lui aussi relié à la chaudière, ramène la vapeur à la température initiale (état 3). La vapeur passe ensuite dans la seconde turbine, dite basse pression, d'où sort de l'eau à la température de  $40^\circ\text{C}$  (état 4). Cette eau est envoyée dans un condenseur d'où elle sort à l'état de liquide juste saturant (état 5), puis elle est pompée de manière adiabatique réversible (état 6) et renvoyée en entrée du générateur de vapeur où elle subit un échauffement isobare. Les arbres des deux turbines sont liés entre eux.



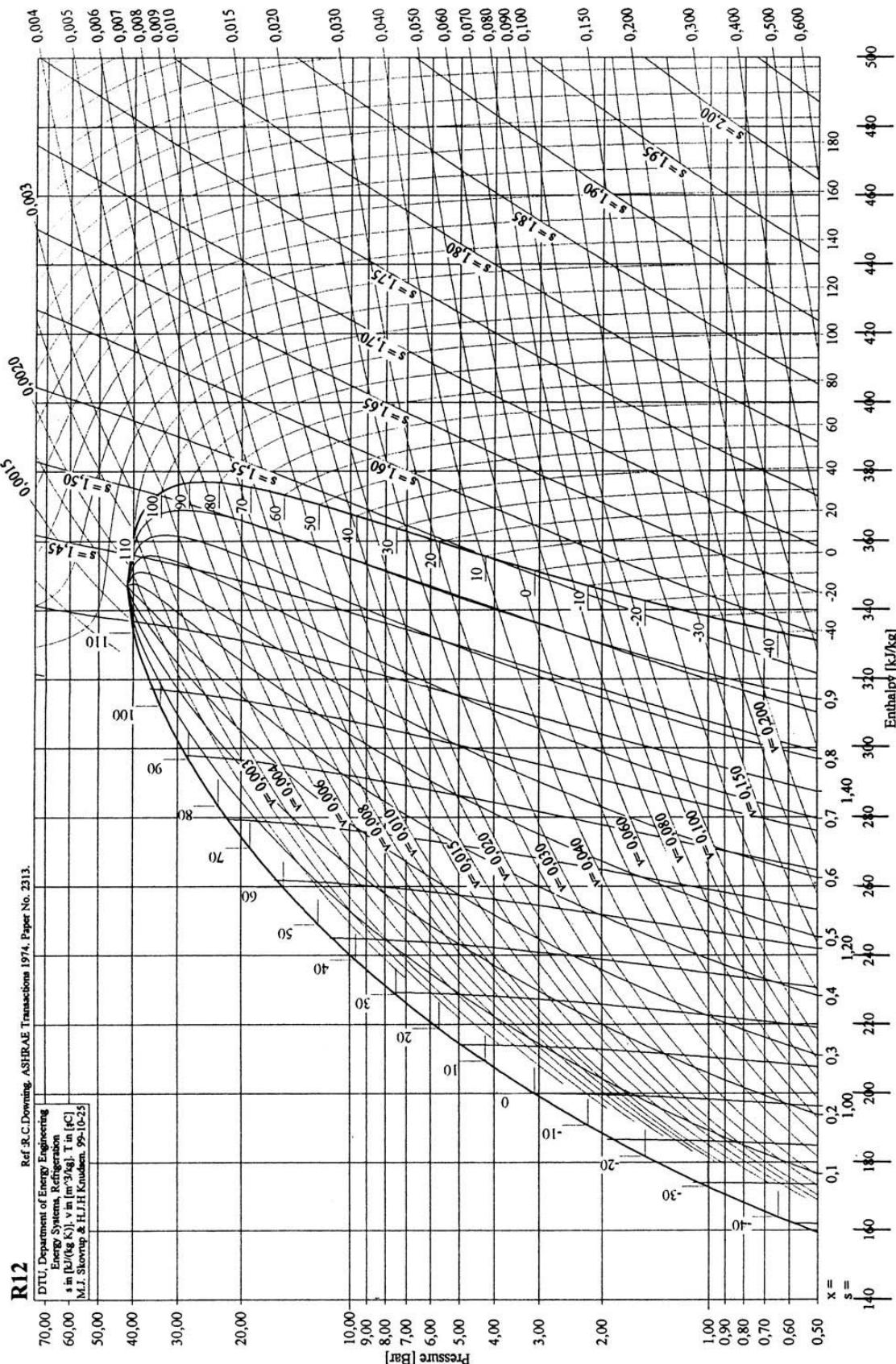
**Schéma d'une turbine à vapeur étagée**

- 1 - Tracer le cycle parcouru par l'eau dans le diagramme entropique fourni ci-dessous. Pourquoi le point 6 est-il confondu avec le point 5 ? Commenter son sens de parcours.
- 2 - En déduire la température de l'eau dans l'état 2 et l'état de l'eau dans l'état 4.
- 3 - Déterminer les enthalpies massiques de l'eau aux six points du cycle. Comment interpréter physiquement l'égalité  $h_5 = h_6$  ?
- 4 - Déterminer le travail massique disponible sur l'arbre des turbines.
- 5 - Si on considère que l'alternateur a un rendement électromécanique de 90 %, déterminer le débit d'eau à imposer pour obtenir une puissance électrique de 400 MW.
- 6 - Quelle est la quantité de chaleur massique dépensée au surchauffeur ?
- 7 - Calculer le rendement thermodynamique de ce turboalternateur.

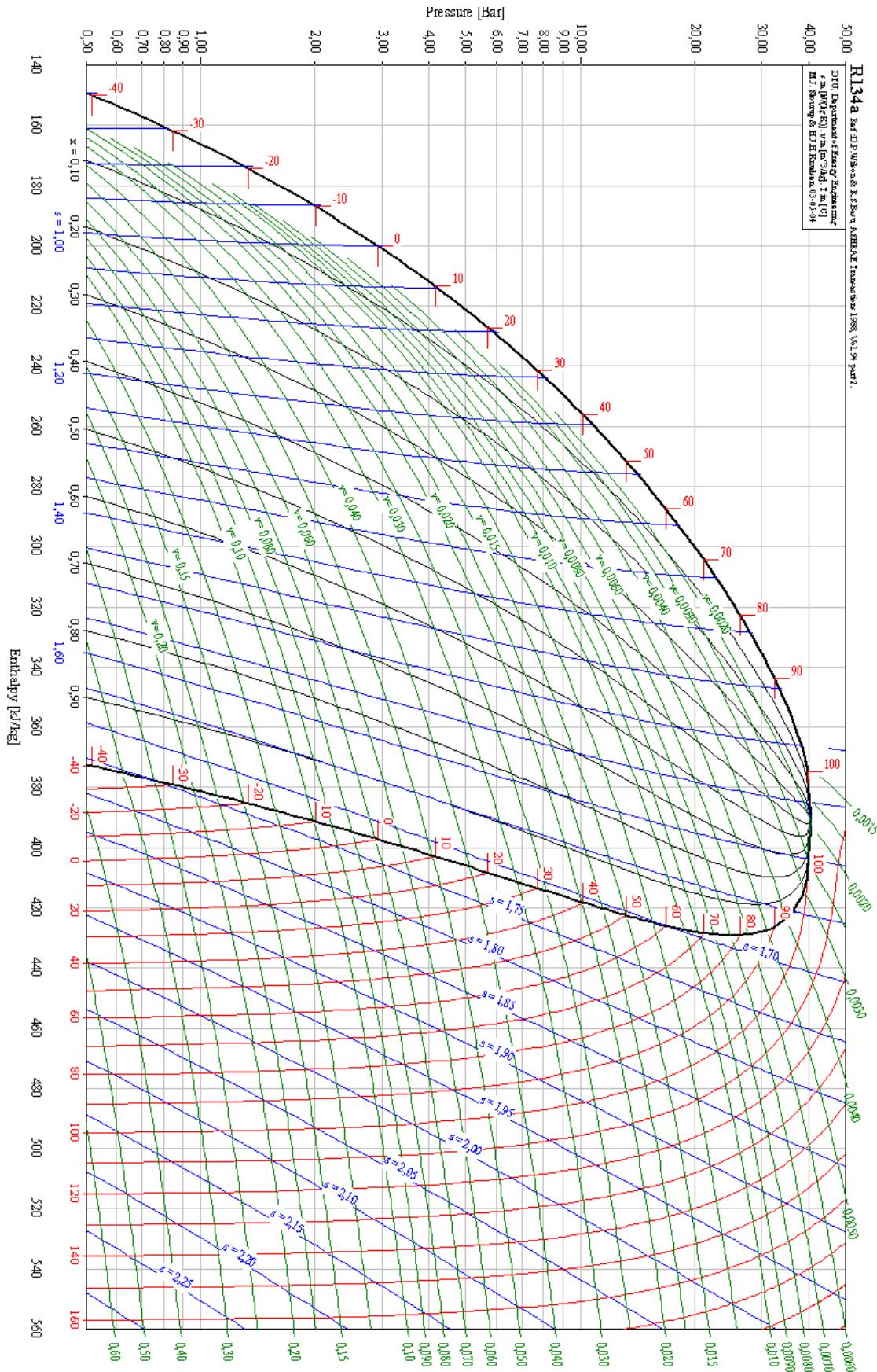
## Annexe 1



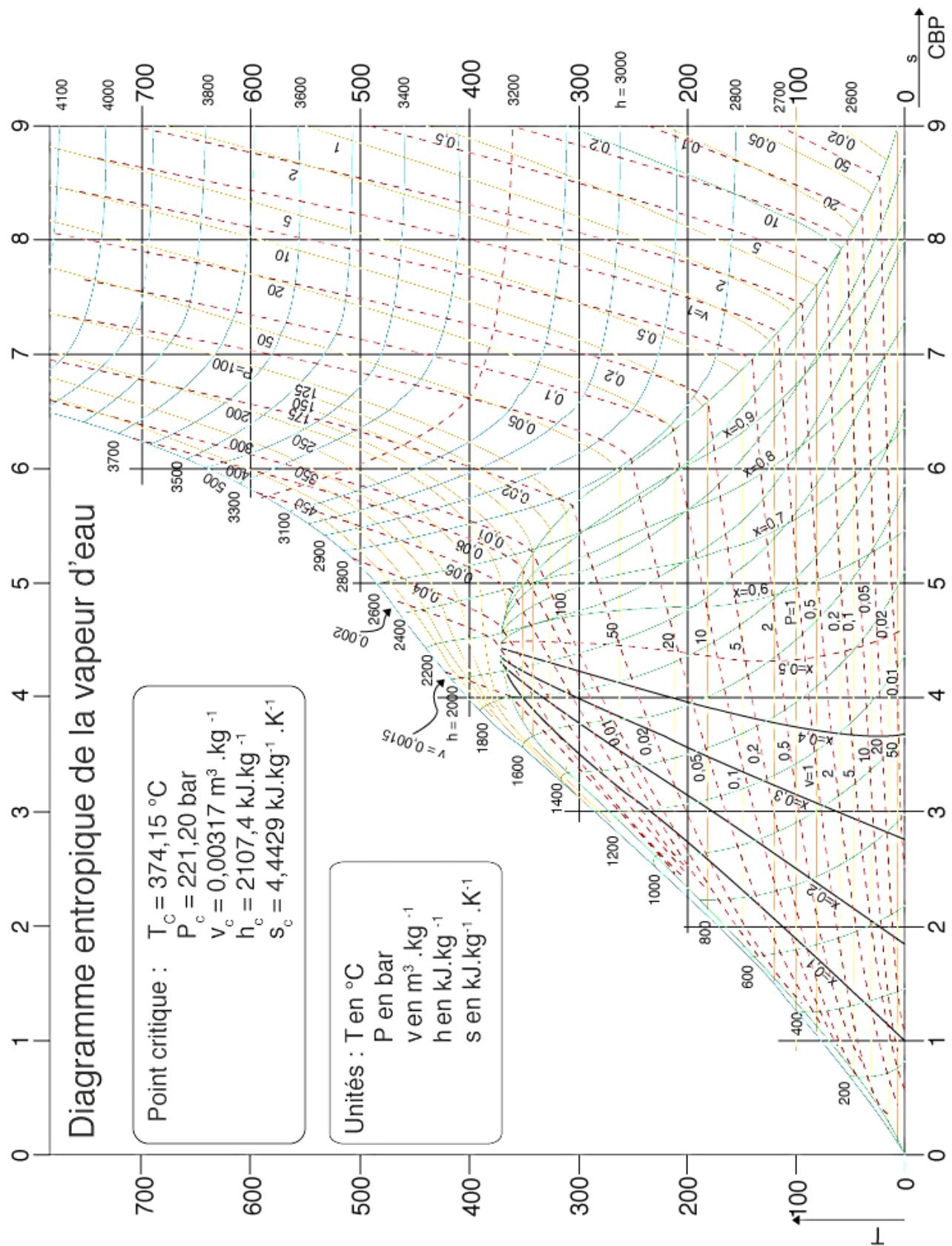
## Annexe 2



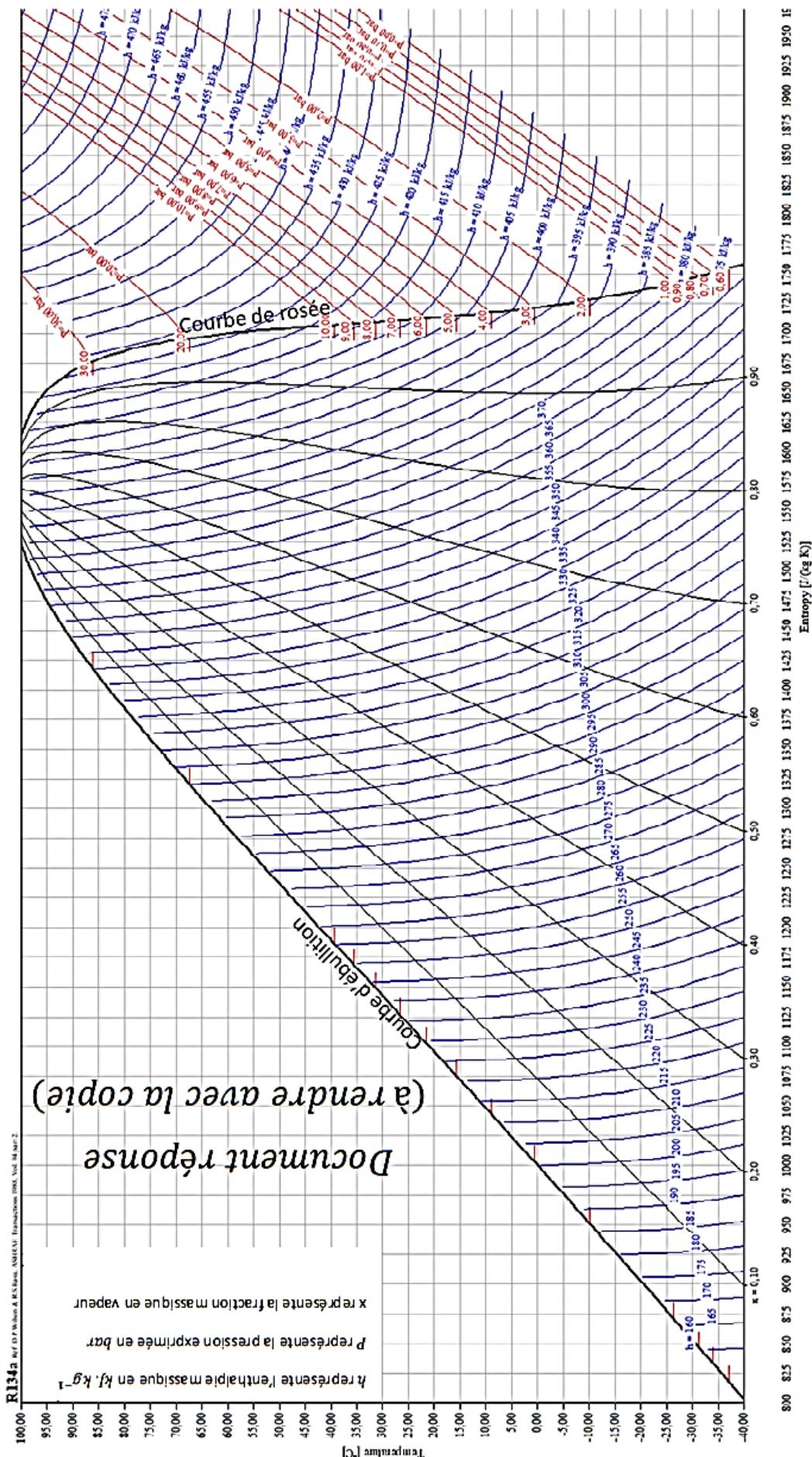
## **Annexe 3**



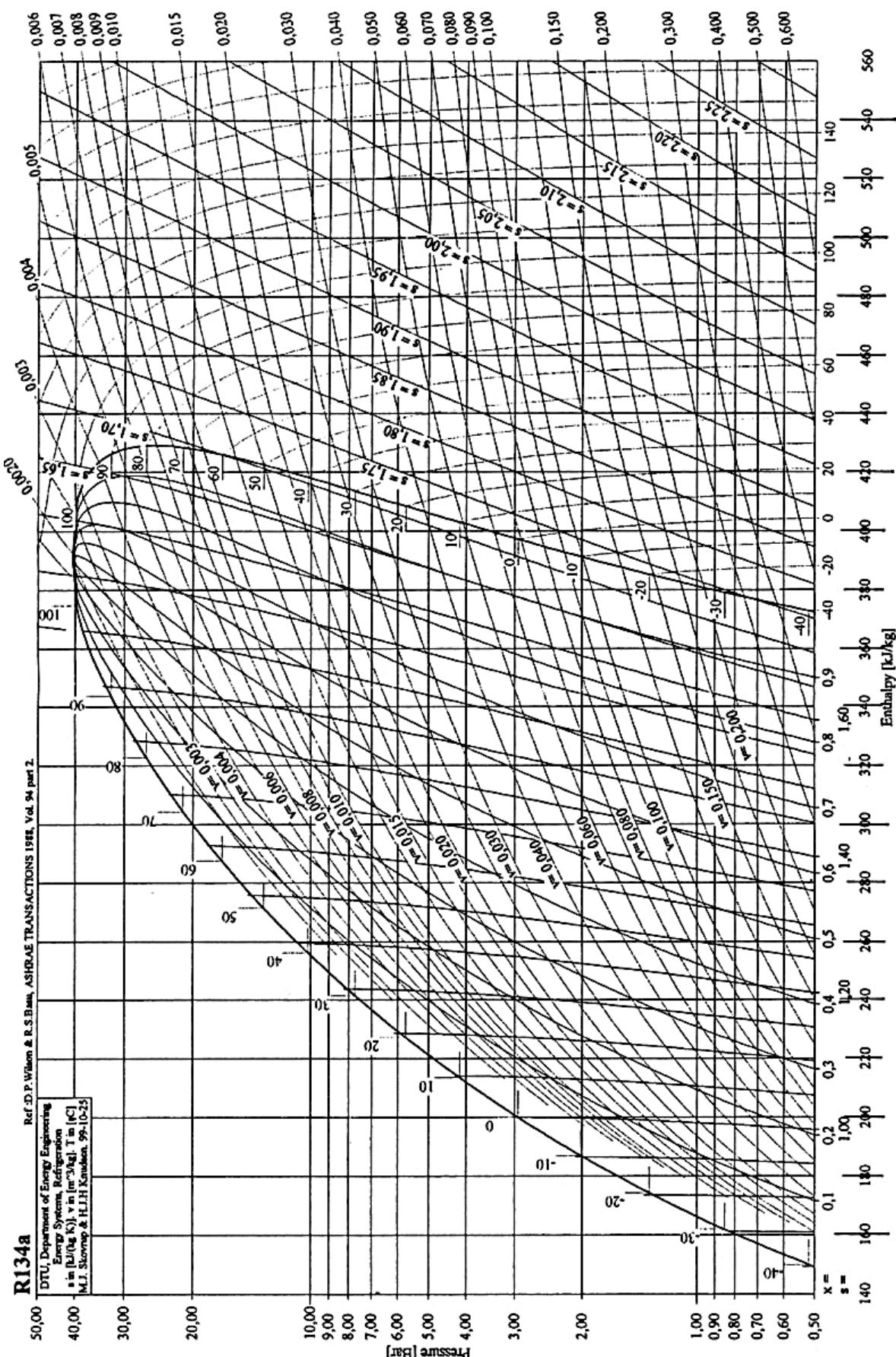
Annexe 4



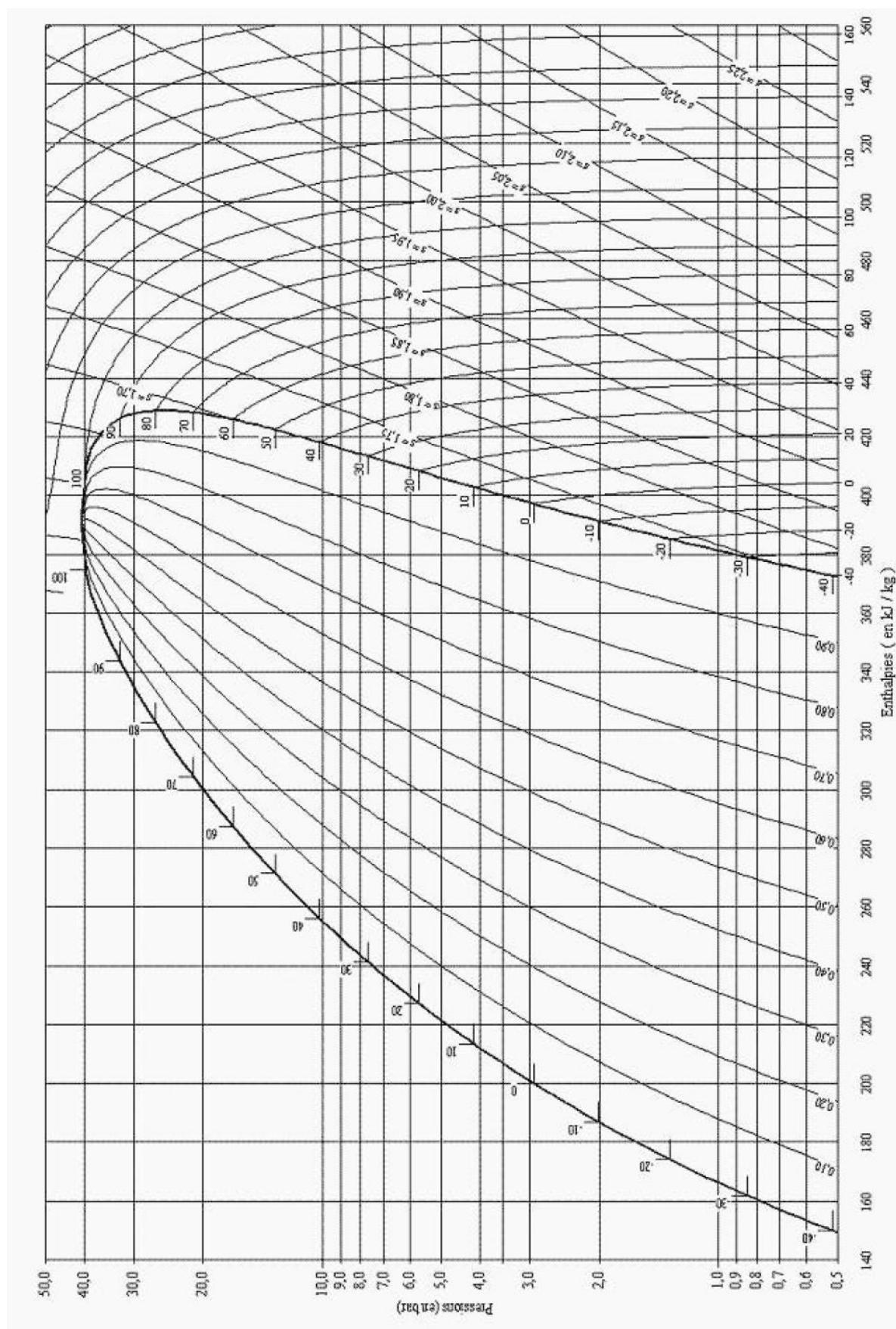
## Annexe 5



## Annexe 5 bis



## Annexe 6



## Annexe 7

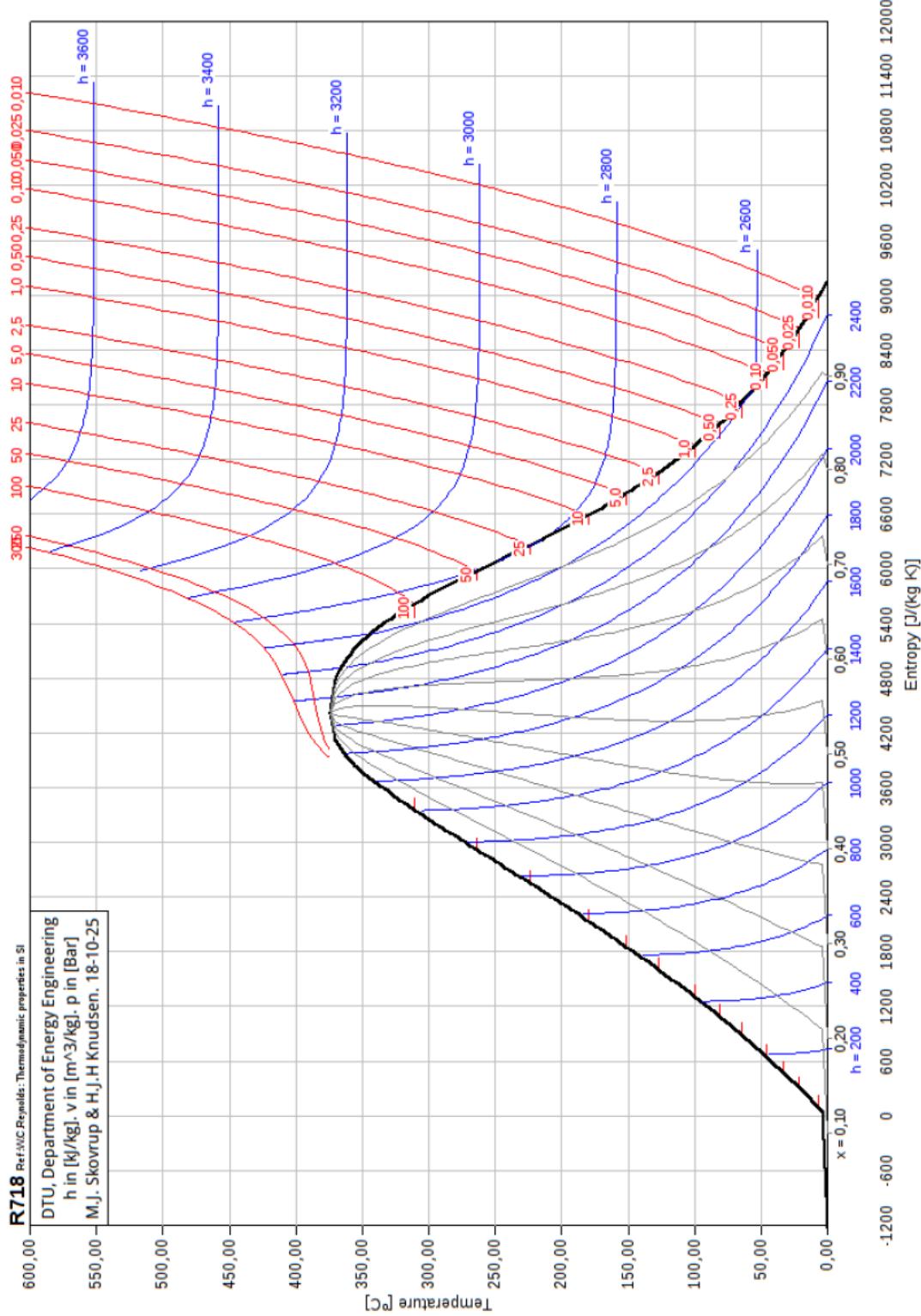


Figure 18 – Diagramme entropique de l'eau.