

Pratique calculatoire

Calcul numérique.

Simplifications de sommes ou de produits de fractions.

Factorisations de trinômes.

Équation du second degré.

Cercles trigonométriques, valeurs usuelles.

Formules exigibles : $\cos(a + b)$, $\sin(a + b)$, $\cos(2a)$, $\sin(2a)$, $\tan(a + b)$.

Dresser un tableau de signes.

Identité $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$.

Déterminer le signe d'un trinôme.

Utiliser le cercle trigonométrique pour résoudre des équations et inéquations trigonométriques.

Exprimer $\cos(a - b)$, $\sin(a - b)$.

Les étudiants doivent savoir sur le cercle trigonométrique les expressions de $\cos(\pi \pm a)$, $\sin(\pi \pm a)$, $\cos\left(\frac{\pi}{2} - a\right)$, $\sin\left(\frac{\pi}{2} - a\right)$.

Inégalités dans \mathbb{R}

Inégalités larges, inégalités strictes.

Compatibilité avec les opérations.

Valeur absolue, inégalité triangulaire.

Majoration, minoration et encadrement de sommes, de produits et de quotients.

Intervalles de \mathbb{R} .

Pour cette semaine, on se limite à la résolution d'inéquations du type $|ax + b| \leq c$.

Méthodes de raisonnement

Raisonnement par récurrence.

Limité aux récurrences simples.

Questions de cours

1. Énoncer l'inégalité triangulaire.
2. Étant donné un réel $a \geq 0$, établir par récurrence que $(1 + a)^n \geq 1 + na$ pour tout entier naturel n .
3. Montrer par récurrence que, pour tout entier naturel n non nul : $1 + 2 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$.

$$\forall (x, y) \in \mathbb{R}^2, \quad |x + y| \leq |x| + |y|.$$