

B- Mouvement d'un point matériel (dans \mathcal{R} fixé)

1- Trajectoire

Soit un point M en mouvement dans le référentiel \mathcal{R} . L'ensemble des points $M(t)$ constitue sa **trajectoire**. C'est une **courbe orientée** selon t croissant.

Cas particuliers :

- Si la trajectoire est portée par une droite, le mouvement est **rectiligne**.
- Si la trajectoire est portée par un cercle, le mouvement est **circulaire**.
- Si la trajectoire est portée par une parabole, le mouvement est **parabolique**.

2- Vitesse (dans un référentiel fixé !)

□ Vecteur vitesse, vitesse instantanée

Sur un déplacement, on connaît la **vitesse moyenne** \underline{v} :

$$\underline{v} = \frac{\text{longueur parcourue} \xrightarrow{m}}{\text{temps de parcours} \xrightarrow{s}} \quad (\text{USI : m.s}^{-1})$$

En chaque point de la trajectoire, on peut définir un vecteur vitesse à l'instant t , c'est la vitesse instantanée, qu'on appellera « vitesse » tout court par la suite : \vec{v}

- Sens et direction du déplacement, tangent à la trajectoire
- Norme $v = \|\vec{v}\|$

Attention, ne pas confondre le vecteur et sa norme. (Velocity \neq Speed)

Quand on parle de « vitesse » tout court et que c'est une valeur numérique, il s'agit 9

□ Vecteur déplacement élémentaire

Pendant dt , le point se déplace de $M(t)$ à $M(t + dt)$

Le déplacement élémentaire est

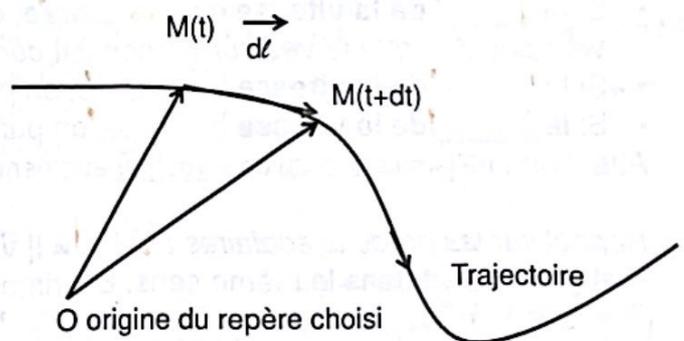
$$\overrightarrow{d\ell} = \overrightarrow{M(t)M(t+dt)}$$

Par la relation de Chasles, on peut introduire un point fixe O :

$$\overrightarrow{d\ell} = \overrightarrow{M(t)O} + \overrightarrow{OM(t+dt)}$$

$$\overrightarrow{d\ell} = \overrightarrow{OM(t+dt)} - \overrightarrow{OM(t)} = \overrightarrow{dOM}$$

notation à connaître !!



Ce vecteur dépend-il de la position de l'origine O ? *non*

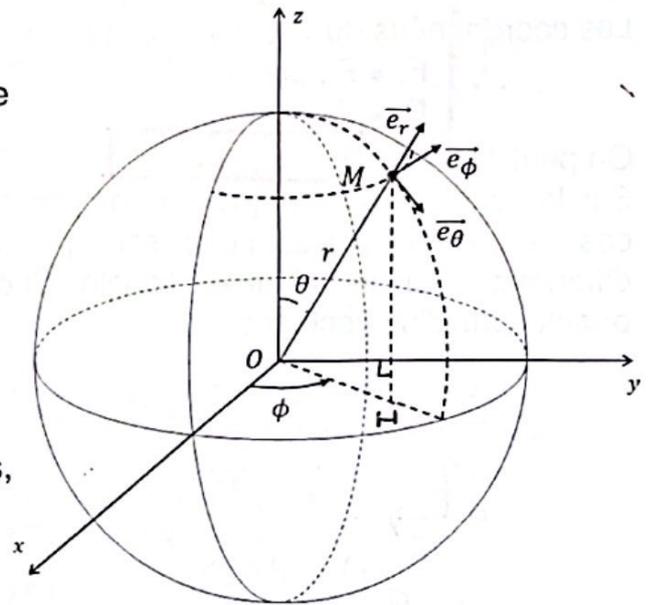
des axes du repère? *non*

4- Culturel autres coordonnées : les coordonnées sphériques (quand les

cartésiennes sont mal adaptées)
 On part toujours d'un repère cartésien précédent.
 On considère un point $M(x, y, z)$. On privilégie aussi l'axe Oz .
 H est le projeté orthogonal de M sur le plan xOy .
 On note (r, θ, ϕ) les coordonnées sphériques de M avec :

- $r =$ distance $OM =$ distance entre M et O .
- $\theta = (\vec{k}, \vec{OM})$ angle non orienté
- $\phi = (\vec{i}, \vec{OH})$ angle orienté dans le plan xOy

r définit une sphère de centre O
 θ définit un cône de révolution autour de Oz
 ϕ définit un $1/2$ plan à partir de Oz
 (θ, ϕ) sont les coordonnées angulaires, définissent une direction à partir de O



Relations entre les coordonnées

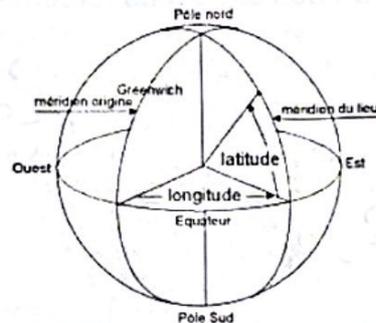
$$\begin{cases} r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} \\ z = r \cdot \cos \theta \\ x = OH \cdot \cos \phi = r \cdot \sin \theta \cdot \cos \phi \\ y = OH \cdot \sin \phi = r \cdot \sin \theta \cdot \sin \phi \end{cases}$$

chap atomistique 1

□ Cas du repérage géographique sur Terre : (latitude, longitude et altitude)

Ce sont des coordonnées sphériques, mais avec des conventions particulières de notation.

- l'axe Oz est l'axe Nord-Sud. Le plan xOy est le plan équatorial, avec l'axe Ox qui passe par le méridien de Greenwich
- L'altitude h est la distance à la surface terrestre. Elle équivaut à avoir r avec $r = R + h$
- La latitude est un angle compté à partir de l'Equateur. Elle équivaut à θ .
 Dans l'hémisphère Nord, on la note λ_N avec $\lambda_N = 90 - \theta$ en $^\circ$.
 Dans l'hémisphère Sud, on la note λ_S avec $\lambda_S = \theta - 90$ en $^\circ$.
- La longitude équivaut à ϕ . On lui met un indice W ou E selon que le point est à l'Ouest ou à l'Est du méridien de Greenwich

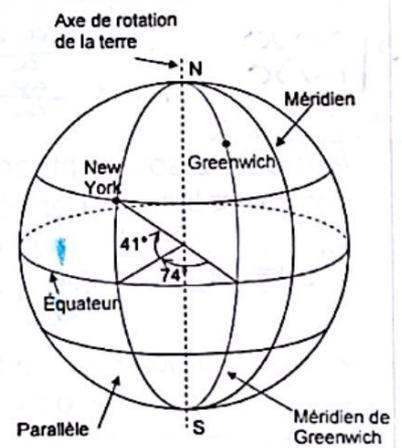


Exemple : les coordonnées géographiques de New York sont :

$(74^\circ W : 41^\circ N)$

Longitude Latitude

C'est une ville au bord de la mer, altitude = 0



avec flecho = vecteur
= norme

Décomposition d'un vecteur \vec{F} dans un plan

Si α est l'angle orienté entre le vecteur \vec{i} et le vecteur \vec{F}

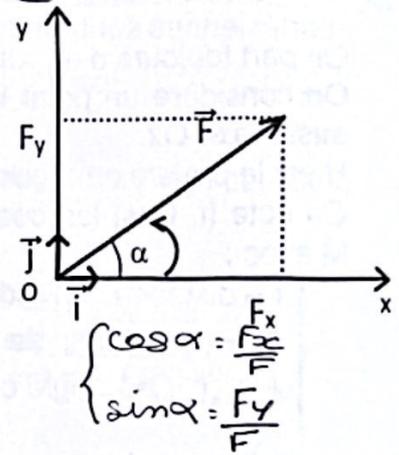
On peut noter $F = \|\vec{F}\|$ la norme

Les coordonnées du vecteur \vec{F} sont alors

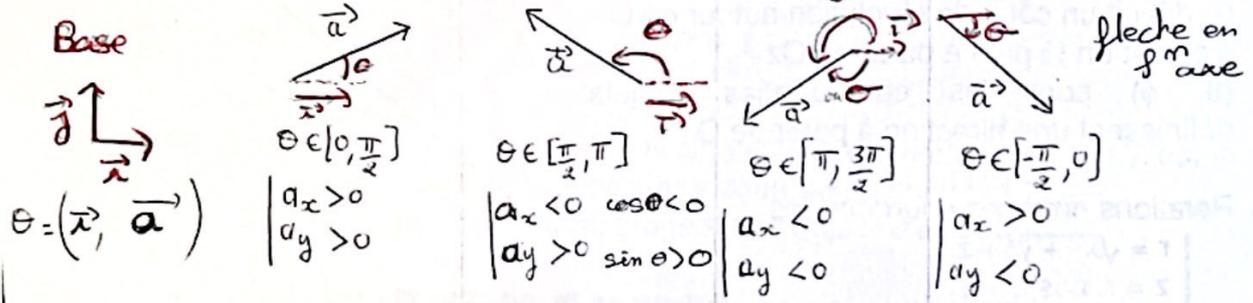
$$\begin{cases} F_x = F \cdot \cos \alpha \\ F_y = F \cdot \sin \alpha \end{cases}$$

On peut écrire $\vec{F} = F_x \cdot \vec{i} + F_y \cdot \vec{j}$

Sur le schéma ci-contre, α est compris entre 0 et 90°. Dans ce cas, les deux coordonnées sont positives. Les signes sont différents selon la valeur de l'angle. Ci-dessous, les différentes orientations d'un vecteur :



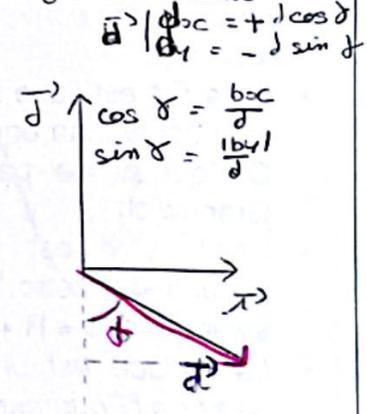
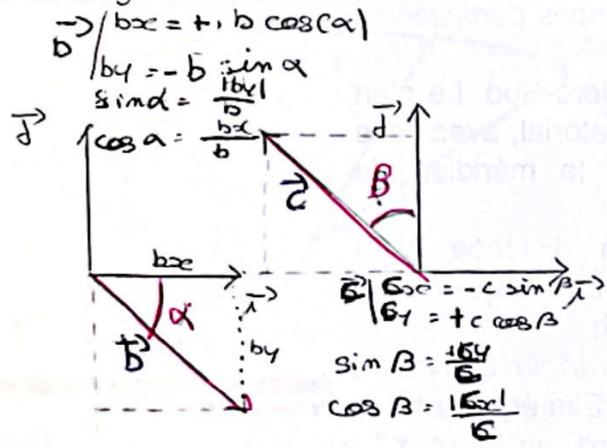
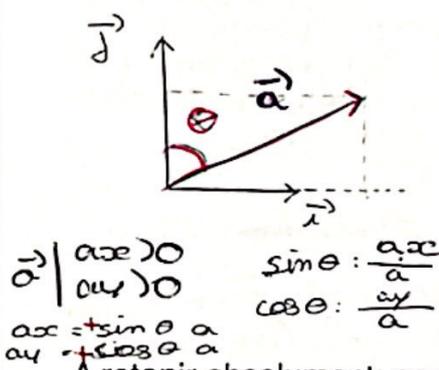
$$\begin{cases} \cos \alpha = \frac{F_x}{F} \\ \sin \alpha = \frac{F_y}{F} \end{cases}$$



Dans tous les cas : $a_x = a \cdot \cos(\theta)$
 $a_y = a \cdot \sin(\theta)$



Attention, en mécanique, on définit souvent un angle non orienté, compris entre 0 et 90° par rapport à un des axes (pas forcément Ox). Sur les exemples ci-dessous, donnez les coordonnées des vecteurs en rouge en fonction de leur norme et de l'angle non orienté qui apparait sur la figure.



À retenir absolument: pour un vecteur de norme a , qui fait un angle α par rapport à un des axes, les coordonnées sont du type :

$$a_x \text{ ou } a_y = \pm a \cdot \cos(\alpha) \quad \text{ou} \quad \pm a \cdot \sin(\alpha)$$

- ✓ Analyser le signe de chaque composantes en fonction de l'orientation du vecteur
- ✓ Attribuer « sin » ou « cos » à la bonne composante (il y en a un de chaque)
- ✓ Vérifier que l'attribution est bonne pour des valeurs particulières de l'angle : $\alpha = 0$ ou 90°

2- Repère

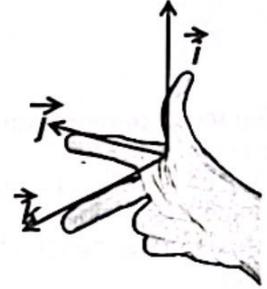
Une fois le référentiel choisi, les positions, trajectoires et vecteurs sont précisés grâce à un repère. C'est une notion mathématique, un outil. On note ici (par commodité) les vecteurs en gras.

Dans l'espace, un repère R est défini par une origine O et trois vecteurs de base $(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ qui donnent les directions des axes de référence. L'origine et les axes sont fixes dans le référentiel.

On note R le repère : $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

On choisit généralement un repère orthonormé direct :

- les vecteurs de base sont orthogonaux
- de norme unité
- dans le sens direct (règle de la main droite)



Remarque 1 : la donnée d'un repère suffit en pratique à préciser le référentiel choisi puisque les trois axes et l'origine sont immobiles. On peut noter directement le référentiel $R : (O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ce qui donne un point et trois directions fixes.

Remarque 2 : un repère est fixé dans un référentiel donné mais dans ce référentiel, on peut définir une infinité de repères (il convient donc de choisir le plus judicieux pour l'étude)

3- Coordonnées cartésiennes

3

$u \rightarrow$ unitaire

Les vecteurs de bases s'appellent selon les cas $(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ou $(\vec{u}_x, \vec{u}_y, \vec{u}_z)$

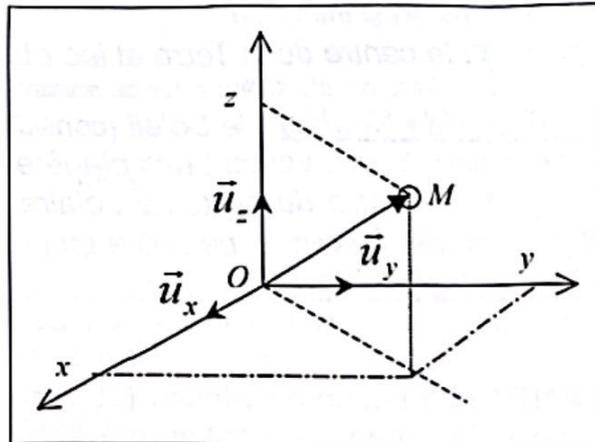
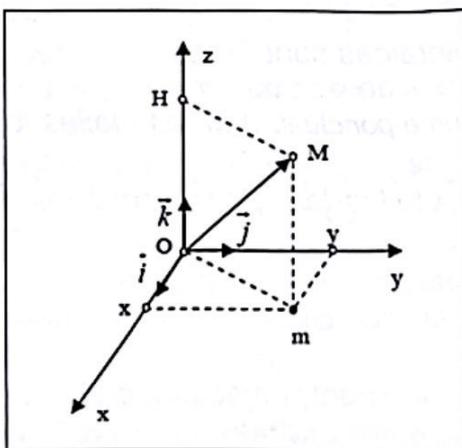
Un point M a trois coordonnées : $M(x, y, z)$

Le vecteur position s'écrit $\vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k} \quad \vec{OM} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$

Chaque coordonnée est obtenue en projetant le vecteur position sur des axes

$$\begin{cases} x = \vec{OM} \cdot \vec{i} \\ y = \vec{OM} \cdot \vec{j} \\ z = \vec{OM} \cdot \vec{k} \end{cases}$$

$$\vec{i} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \vec{j} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \vec{k} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$



4

Chapitre Mécanique M-1- Cinématique du point

***** *Le mouvement est une notion très relative* *****



A- Espace et temps d'un observateur

Référentiel

Repère, coordonnées cartésiennes

Décompositions d'un vecteur

Cas du repérage géographique (latitude, longitude, altitude)

B- Mouvement d'un point matériel

Trajectoire. Vitesse et accélération

Mouvement uniforme, accéléré ou retardé selon le signe de $\vec{a} \cdot \vec{v}$.

Expression de \vec{v} et \vec{a} en cartésiennes

when you add a direction to your speed



C- Mouvements particuliers

Mouvement rectiligne uniforme

Mouvement rectiligne uniformément accéléré ou retardé

Mouvement de vecteur accélération constante

D- Changement de référentiel, composition des mouvements

Cas général et cas particulier de deux référentiels en translation rectiligne. Notion d'entraînement

Composition des vitesses

Invariance de l'accélération dans deux référentiels en translation rectiligne uniforme.

Invariance de la vitesse de la lumière par changement de référentiel, limites de la mécanique classique

1

A- Espace et temps d'un observateur

1- Référentiel

Un référentiel \mathcal{R} définit : - l'ensemble des points fixes pour un observateur
- l'échelle de temps associée à cet observateur

C'est une notion physique. En mécanique classique, le temps est absolu, le même dans tous les référentiels. Il n'est donc pas utile de le préciser à chaque fois. On choisira toujours le référentiel le mieux adapté au problème. Voici les exemples les plus courants :

➤ Terrestre : le sol et les murs sont immobiles. C'est le plus intuitif (à considérer si l'énoncé ne précise pas). Utile pour les mouvements habituels à notre échelle. Dans ce référentiel, le Soleil fait un tour par jour, la Terre est immobile.

➤ Géocentrique : le centre de la Terre et les étoiles lointaines sont fixes. Utile pour le mouvement des satellites terrestres. Dans ce référentiel, le sol fait un tour par jour et le Soleil un tour par an.

➤ Héliocentrique (de Képler) : le Soleil (considéré comme ponctuel...) et les étoiles lointaines sont fixes. Utile pour le mouvement des planètes. Dans ce référentiel, la Terre fait un tour par an.

➤ De Copernic : le centre du système solaire et les étoiles lointaines sont fixes. C'est le référentiel galiléen de référence, peu utile en pratique.

➤ Référentiel lié à un véhicule en mouvement : par exemple dans le référentiel lié à un train en marche, les banquettes du train sont immobiles mais les arbres et la voie ferrée sont en mouvement.

!!!IMPORTANT!! : La notion de vitesse (et donc de mouvement, trajectoire ou accélération) n'a de sens que dans un référentiel donné. Tout mouvement est relatif à un référentiel.

2