

NOM :
PRENOM :

Bonus/malus de participation :

Question 1 (/1,5pt). Soit $f : I \rightarrow \mathbb{R}$ où I est un intervalle de \mathbb{R} . Donner la définition de : “ f est croissante sur I ”.

Question 2 (/1,5pt). Vrai ou Faux ? Écrire lisiblement “vrai” ou “faux” à côté de chaque égalité. On ne demande pas de justifier. Pour tous $a, b \in \mathbb{R}_*^+$:

$$\bullet \ln\left(\frac{1}{a^2}\right) = -2\ln(a) \quad \left| \quad \bullet \frac{\ln(a)}{\ln(b)} = \ln(a-b) \quad \left| \quad \bullet (e^{a-b})^2 = (e^{b-a})^2$$

Question 3 (/3pts). Simplifier (on ne demande pas de préciser pour quelles valeurs de x, y, z cela a un sens) :

$$\ln\left(\frac{x^3y}{z^2}\right) - \ln(x^2y) + 2\ln\left(\frac{z}{y}\right) =$$

$$\frac{e^{-x} - 1}{e^{-x} + 1} + \frac{e^x - 1}{e^x + 1} =$$

$$\ln\left(\frac{1}{\sqrt{e^{-x}}}\right) =$$

Question 4 (/4pts). Soit (u_n) la suite définie par $u_0 = 3$, $u_1 = -2$ et pour tout $n \in \mathbb{N}$, $u_{n+2} = -3u_{n+1} + 4u_n$. Déterminer l'expression de u_n en fonction de n pour tout $n \in \mathbb{N}$.

NOM :
PRENOM :

Bonus/malus de participation :

Question 1 (/1,5pt). Soit $f : I \rightarrow \mathbb{R}$ où I est un intervalle de \mathbb{R} . Donner la définition de : “ f est décroissante sur I ”.

Question 2 (/1,5pt). Vrai ou Faux ? Écrire lisiblement “vrai” ou “faux” à côté de chaque égalité. On ne demande pas de justifier. Pour tous $a, b \in \mathbb{R}_*^+$:

$$\bullet (\ln(a))^2 = \ln(2a) \quad \left| \quad \bullet \frac{e^{2a}}{e^{-2b}} = (e^{a+b})^2 \quad \left| \quad \bullet \exp(-2 \ln(a^3)) = -6a$$

Question 3 (/3pts). Simplifier (on ne demande pas de préciser pour quelles valeurs de x, y, z cela a un sens) :

$$\ln\left(\frac{y^3 z}{x^2}\right) - \ln(y^2 z) + 2 \ln\left(\frac{x}{z}\right) =$$

$$\frac{e^{-x} + 1}{e^{-x} - 1} + \frac{e^x + 1}{e^x - 1}$$

$$\ln\left(\frac{1}{\sqrt{e^{-x}}}\right) =$$

Question 4 (/4pts). Soit (u_n) la suite définie par $u_0 = 3$, $u_1 = -1$ et pour tout $n \in \mathbb{N}$, $u_{n+2} = -2u_{n+1} + 3u_n$. Déterminer l'expression de u_n en fonction de n pour tout $n \in \mathbb{N}$.