

## Semaine n°7 du 13 novembre au 17 novembre

## Informatique(Python) : cf exemples en annexe

- ⇒ Fonctions : `def`, `return`.
- ⇒ Instructions conditionnelles `if`, `else`, `elif`. (pas de fonction récursive)
- ⇒ Module `maths` et `random` et variable global/local.
- ⇒ Script `input`, `print`.
- ⇒ Boucle `while` + Compteur.

## Fonctions usuelles

- ⇒ Fonctions usuelles (cf formulaire). Pour chaque fonction du formulaire, les domaines de définition, continuité, dérivabilité, dérivée, limites et **graphique** doivent être parfaitement connus :
  - Fonctions affines.
  - Valeur absolue.
  - Partie entière.
  - Fonctions puissances (à exposant entier positif, entier négatif),
  - Racine carrée, racine cubique.
  - Logarithme népérien et logarithme décimal,
  - Exponentielle (base  $e$ ).
  - exponentielle de base  $a \in \mathbb{R}_+^*$ .
  - Fonction puissance réelle.
  - Cosinus, sinus et tangente.

## Variation de fonction

- ⇒ Ensemble de définition,
- ⇒ Compositions de fonctions et recherche du domaine de définition d'une composée.
- ⇒ périodicité, parité, monotone.
- ⇒ image d'un ensemble, Théorème des valeurs intermédiaire.
- ⇒ Lien entre dérivée et monotonie.
- ⇒ Majorant ou minorant d'une fonction.
- ⇒ Extrema : définition et théorème :

Si  $f$ , définie sur un intervalle  $I$ , admet un extremum en  $x_0 \in I$  et  $x_0$  n'est pas une extrémité de  $I$   
alors  $f'(x_0) = 0$

- ⇒ Limites : limites usuelles, opération sur les limites, composée de limites, croissance comparée, théorème des gendarmes, théorème de comparaison.
- ⇒ Asymptotes verticale, horizontale, oblique. ATTENTION : aucune méthode d'étude du comportement asymptotique n'a été vue cette année.

## Dérivées

- ⇒ Nombre dérivé en  $a$  : définition, interprétation graphique (coefficient directeur de la tangente), fonction dérivée.
- ⇒ Définition : fonction de classe  $\mathcal{C}^1$ .
- ⇒ Dérivées usuelles.
- ⇒ Opérations sur les dérivées, compositions, formules de compositions usuelles ( $\ln(u)$ ,  $e^u$ ,  $\sqrt{u}$ ,  $u^n$ ).
- ⇒ Fonctions de deux variables : définition, ensemble de définition, méthode de calcul des dérivées partielles.

## Méthodes de calcul : sommes et produits

→ Notation  $\sum$  : définition, linéarité, Chasles, changement d'indice.

## Remarques aux colleurs

- Veuillez s'il vous plaît à ce que la détermination des ensembles de dérivabilité soient bien rédigées et que le raisonnement soit bien compris (voir rédactions en annexe).
- N'hésitez pas à vérifier que les courbes représentatives des fonctions classiques sont connues (point classique et tangente)
- Merci aussi de poser une petite question d'informatique (cf Annexe).

## Exemples de programmes informatiques

## Exercice 1

Réaliser une fonction `DepasseValeur` prenant en paramètre un entier naturel  $M$  et renvoyant le plus petit entier naturel  $n$  tel que  $2^n > M$ .

```
def DepasseValeur(M):
    n=0 #initialisation du compteur
    while (2**n <=M):
        n=n+1 #incrementation du compteur
    return n
```

## Exercice 2

On veut créer le programme suivant : l'ordinateur choisit un nombre entier au hasard entre 1 et 100 puis demande à l'utilisateur de rentrer des nombres entiers jusqu'à deviner le nombre choisi par l'ordinateur. A chaque tentative ratée de l'utilisateur, l'ordinateur indique si le nombre proposé est trop grand ou trop petit par rapport au nombre cherché.

```
from random import *
nb=randint(1,100)
tentative=0 #valeur fausse pour pouvoir rentrer dans la boucle
while (tentative != nb):
    tentative=eval(input("donner un nombre entier entre 1 et 100 : "))
    if tentative <nb:
        print("le nombre proposé est trop petit.")
    elif tentative > nb:
        print("le nombre proposé est trop grand.")
    else:
        print("Gagné!")
```

## Exercice 3

Créer un script qui demande à l'utilisateur de donner le mot de passe du labo de bio ("cellule"). L'utilisateur a le droit à trois tentatives maximum.

```
mdp="cellule"
proposition='' #valeur fausse pour pouvoir rentrer dans la boucle
nbessai = 0 #initialisation du compteur
while (proposition != mdp) and (nbessai <3):
    proposition=input("donner le mot de passe : ")
    nbessai = nbessai + 1 #incrementation du compteur
if (proposition ==mdp):
    print("bienvenu au labo de bio")
else:
    print("nombre de tentatives dépassé")
```

**Exercice 4**

Créer une fonction `entier` qui prend en entrée un entier et qui renvoie `True` si le nombre est un entier et `False` sinon

```
from math import floor
def entier(x):
    if (x==floor(x)) :
        return True
    else :
        return False
```

**Exercice 5**

Créer une fonction `jeu` qui prend en entrée un nombre entier `b` entre 0 et 10 et génère un nombre `a` au hasard entre 0 et 10. Si `b` et `a` sont égaux, on renvoie " gagné ", sinon on affiche " perdu ".

```
from random import randint
def jeu(b):
    a=randint(0,10)
    if (a==b) :
        return "gagné"
    else :
        return "perdu"
```

**Exercice 6**

Créer une fonction python `piecedesequilibre` qui simule l'expérience suivante : On lance une pièce de monnaie qui tombe sur pile avec probabilité 1/4 et qui tombe sur face avec probabilité 3/4.

**Première solution :**

```
from random import randint
def piecedesequilibre():
    a=randint(1,4)
    if (a==1) : # 1 chance sur 4 d'obtenir le chiffre 1 quand on choisit un entier
        return "pile"
    else :
        return "face"
```

**Deuxième solution :**

```
from random import random
def piecedesequilibre():
    a=random() # nombre réel quelconque choisi entre 0 et 1
    if (a<=0.25) : # la proportion de nombres réels a<=0.25 est 0.25
        return "pile"
    else :
        return "face"
```

**Exemples de rédaction**Exercice 1

On considère la fonction  $f : x \mapsto \sqrt{e^x - 1}$

1. Déterminer le domaine de définition de  $f$ .

*solution :*

Soit  $x_0 \in \mathbb{R}$ ,

$$\begin{aligned}
 f \text{ est définie en } x_0 &\iff \begin{cases} x \mapsto e^x - 1 \text{ est définie en } x_0, \\ e^{x_0} - 1 \geq 0, \end{cases} && \text{car } x \mapsto \sqrt{x} \text{ est définie sur } \mathbb{R}_+ \\
 &\iff \begin{cases} x_0 \in \mathbb{R}, & \text{car } x \mapsto e^x \text{ est définie sur } \mathbb{R}, \\ e^{x_0} \geq 1, \end{cases} \\
 &\iff x_0 \geq 0, && \text{car exponentielle est strictement croissante sur } \mathbb{R}.
 \end{aligned}$$

Le domaine de définition de  $f$  est  $D_f = [0 ; +\infty[$ .

2. Déterminer le domaine de dérivabilité de  $g$  et calculer sa dérivée.

*solution :*

Soit  $x_0 \in \mathbb{R}$ ,

$$\begin{aligned}
 f \text{ est dérivable en } x_0 &\text{ si } \begin{cases} x \mapsto e^x - 1 \text{ est dérivable en } x_0, \\ e^{x_0} - 1 > 0, \end{cases} && \text{car } x \mapsto \sqrt{x} \text{ est dérivable sur } \mathbb{R}_+^* \\
 &\text{ si } \begin{cases} x_0 \in \mathbb{R}, & \text{car } x \mapsto e^x \text{ est dérivable sur } \mathbb{R}, \\ e^{x_0} > 1, \end{cases} \\
 &\text{ si } x_0 > 0, && \text{car exponentielle est strictement croissante sur } \mathbb{R}.
 \end{aligned}$$

Le domaine de dérivabilité de  $f$  est  $D = ]0 ; +\infty[$ .

$$\forall x \in ]0 ; +\infty[, f'(x) = \frac{e^x}{2\sqrt{e^x - 1}}.$$