Semaine n°4 du 06 octobre au 10 octobre

Informatique(Python) : cf exemples en annexe

- → Fonctions : def, return. (Aucune bibliothèque python n'a été vu).
- → Instructions conditionnelles if, else, elif. (pas de fonction récursive)

Nombres réels

- \rightarrow Définitions : intervalles de \mathbb{R} , segment, majorant, minorant, plus grand et plus petit élément, borne supérieure et borne inférieure d'une partie de \mathbb{R} .
- Valeur absolue d'un nombre réel : définition et propriétés ($|x| = \alpha, |x| \le \alpha, |x| \ge \alpha, |xy|, \frac{|x|}{|y|}$, inégalités triangulaires)
- → Partie entière d'un nombre réel : définition, opérations.
- → Puissance entière et la racine carrée : définition, opérations.
- \rightarrow Identités remarquables : $(a+b)^2$, $(a-b)^2$, (a+b)(a-b).
- → Résolution d'équations :
 - Règles de transformation pour obtenir une équation équivalente, cas de la composition par une fonction strictement monotone.
 - Equation produit.
 - Résolution de $x^2 = a$ avec $a \in \mathbb{R}$.
 - Résolution dans \mathbb{R} d'équation du second degré.
 - Equations nécessitant la recherche d'un domaine de validité (Avec toutes les fonctions usuelles) (cf Annexe)
- Résolution de système par substitution.
- → Résolution d'inéquations :
 - Règles de transformation pour obtenir une inéquation équivalente, cas de la composition par une fonction strictement croissante ou strictement décroissante.
 - On peut additionner membre à membre des inégalités de même sens.
 - On peut multiplier membre à membre des inégalités de même sens ne concernant que des nombres positifs.

Trigonométrie

- → Définition sur le cercle trigonométrique d'un cosinus, d'un sinus, d'une tangente, valeurs usuelles.
- Formulaire : périodicité et symétries, cosinus et sinus d'une somme ou d'une différence, formules de duplication (Démonstration exigible pour la duplication).
- → Résolution d'équations :

Soit
$$\alpha \in \mathbb{R}$$
: $\cos(x) = \cos(\alpha) \Leftrightarrow \begin{cases} x \equiv \alpha[2\pi] \\ \text{ou} \\ x \equiv -\alpha[2\pi] \end{cases}$ $\sin(x) = \sin(\alpha) \Leftrightarrow \begin{cases} x \equiv \alpha[2\pi] \\ \text{ou} \\ x \equiv \pi - \alpha[2\pi] \end{cases}$

Soit
$$\alpha \neq \frac{\pi}{2}[\pi]$$
: $\tan(x) = \tan(\alpha) \Leftrightarrow \{ x \equiv \alpha[\pi] \}$

- Présentation de la notation $\operatorname{arccos}(c)$ (respectivement $\operatorname{arcsin}(s)$ et $\operatorname{arctan}(t)$) comme unique solution $\operatorname{sur}[0,\pi]$ de l'équation $\cos(x)=c$ avec $c\in[-1,1]$ (respectivement unique solution $\operatorname{sur}[-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}]$ de l'équation $\sin(x)=s$ avec $s\in[-1,1]$ et unique solution $\operatorname{sur}]-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}[$ de l'équation $\tan(x)=t$ avec $t\in\mathbb{R}$).
- \rightarrow Transformation d'expressions de la forme $a\cos(\theta) + b\sin(\theta)$ en expressions de la forme $R\cos(\theta + \phi)$.

Fonctions usuelles

- → Fonctions usuelles (cf formulaire). Pour chaque fonction du formulaire, les domaines de définition, continuité, dérivabilité, dérivée, limites et graphique doivent être parfaitement connus :
 - Fonctions affines.
 - Fonctions puissances à exposant entier positif et entier négatif
 - Fonction inverse

Remarques aux colleurs

- Les élèves ont des difficultés en calcul. Il ne faut pas hésiter pas à mettre en question de cours des simplifications de fractions ou de puissances (dernière semaine).
- N'hésitez pas à vérifier que les courbes représentatives des fonctions classiques sont connues (point classique et tangente)
- Merci d'être exigeant sur la rédaction des résolutions d'équations et inéquations (cf Annexe)
- Merci aussi de poser une petite question d'informatique (cf Annexe).

Exemples de programmes informatiques

Exercice 1

Créer une fonction qui calcule le volume d'un gaz en fonction de sa pression, sa température et son nombre de moles en utilisant l'équation des gaz parfaits PV = nRT avec P la pression, V le volume, n le nombre de moles, T la temperature en Kelvin et R la constante universelle des gaz parfaits. On prendra R = 8.3144621.

```
R = 8.3144621 # On définit la constante universelle des gaz parfaits
def volume(P, n , T) :
    vol = (n*R*T)/P # On calcule le volume dans les conditions données
    return vol
```

Exercice 2

Créer une fonction python Airrectangle qui prend en entré 2 nombres réels 1 et L et renvoie l'air du rectangle de largeur 1 et de longueur L.

```
def Airrectangle(1,L) :
    return 1*L
```

Exercice 3

Réaliser une fonction maximum prenant en paramètre deux nombres a et b et renvoyant le maximum de ces deux nombres (sans utiliser la fonction max) :

```
def maximum(a,b):
    if a>b:
        return a
    else:
        return b
```

Exercice 4

Créer une fonction parite qui prend en paramètre un entier n et renvoie True si cet entier est pair et False sinon.

```
def parite(n):
   if(n%2==0):
      return True
   else:
      return False
```

Exemples de rédaction

Exercice

Résoudre sur \mathbb{R} l'équation $\sqrt{x+2} = x-4$

Etude du domaine de validité de l'équation :

Soit $x \in \mathbb{R}$ L'équation est valide si et seulement si $x + 2 \ge 0 \Leftrightarrow x \ge -2$.

On résout l'équation sur $[-2, +\infty[$.

Soit
$$x \in [-2, +\infty[$$
,

$$\underline{1\text{er cas}} : \text{Si } x \in [-2, 4[,$$

alors
$$x - 4 < 0$$
.

Dans ce cas l'équation n'a pas de solution puisqu'une racine carrée est un nombre positif.

2eme cas: Si
$$x \in [4, +\infty[$$
,

$$\sqrt{x+2} = x-4 \Leftrightarrow x+2 = (x-4)^2 \text{ car la fonction } x \mapsto x^2 \text{ est strictement croissante sur } \mathbb{R}_+$$

avec $\sqrt{x+2} \in \mathbb{R}_+ \text{ et } x-4 \in \mathbb{R}_+.$

$$\Leftrightarrow x^2 - 9x + 14 = 0$$

$$\Leftrightarrow (x-2)(x-7) = 0$$

$$\Leftrightarrow x = 2 \text{ ou } x = 7$$

Seule la solution 7 est valide car 2 < 4.

L'ensemble des solutions de l'équation est sont $S = \{7\}$.