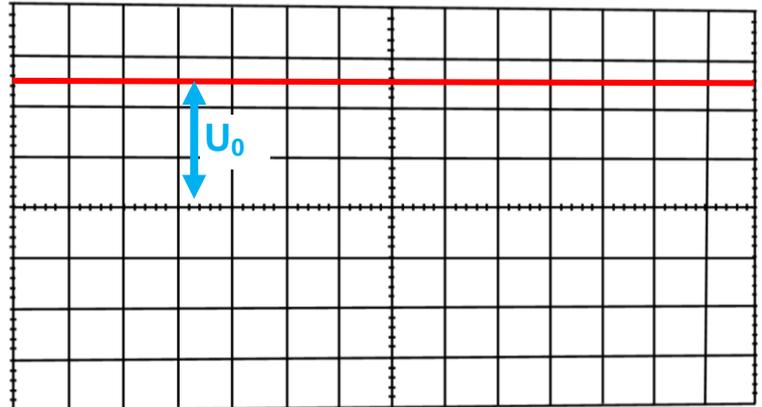


# Création et observation d'un signal électrique - CORRIGE

1- La tension électrique délivrée par le GBF vaut **environ 5 V**. Cela confirme le réglage qui a été réalisé avec le bouton [12] du GBF qui a permis d'afficher « 5,0 » en bas à gauche de l'écran.  
Comme le précise la remarque, la tension électrique affichée sur le GBF n'est jamais très précise. On préfère se fier à la mesure réalisée avec un voltmètre branchée aux bornes du GBF.

2- Voir ci-contre

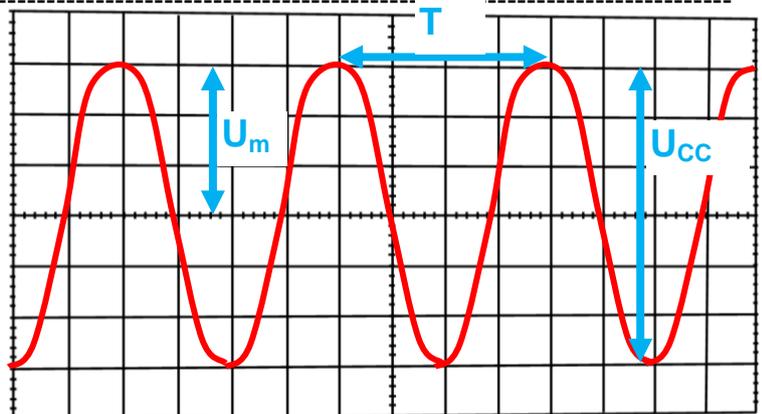
3- Le signal est situé **2,5 divisions au-dessus de l'axe des abscisses**, ce qui correspond à une tension  $U_0$  telle que :  
 $U_0 = 2,5 \text{ divisions verticales} \times 2 \text{ V / division}$   
 **$U_0 = 5,0 \text{ V}$** .



4- Le calibre **1 V par division** ne convient pas car **le signal sort de l'écran**.  
Le calibre **5 V par division** ne convient pas non plus car le signal est alors trop près de l'axe des abscisses et **on perd alors en précision dans la lecture**.

5- Voir ci-contre

6- Le point le plus haut atteint par la courbe est situé **3 divisions au-dessus de l'axe des abscisses**, ce qui correspond à une amplitude  $U_m$  telle que :  
 $U_m = 3 \text{ divisions verticales} \times 2 \text{ V / division}$   
 **$U_m = 6,0 \text{ V}$** .



Or, le bouton [11] du GBF avait permis d'afficher une valeur de 12 V. On en déduit donc que **ce bouton [11] permet de régler la tension crête à crête  $U_{cc}$**  (voir ci-contre).

7- La période temporelle  $T$  correspond à 4 divisions horizontales :  
 **$T = 4 \text{ divisions horizontales} \times 50 \mu\text{s / division}$**  soit  **$T = 200 \mu\text{s}$**

8- Par définition,  **$f = 1 / T$** , soit  **$f = 1 / 200 \cdot 10^{-6}$**  ;

On retrouve  **$f = 5,0 \cdot 10^3 \text{ Hz} = 5,0 \text{ kHz}$** , valeur de la fréquence réglée avec le bouton [10] du GBF.

9- **Valeur moyenne  $U_{moy}$**  : Par définition, pour une sinusoïde,  **$U_{moy} = 0$**  ; pour simplifier, il s'agit de la valeur de tension autour de laquelle oscille le signal.

10- Le calibre **1 V par division** ne convient pas car **le signal sort de l'écran**.  
Le calibre **5 V par division** ne convient pas non plus car le signal est alors trop près de l'axe des abscisses et **on perd alors en précision dans la lecture**.

11- Le calibre **10  $\mu\text{s}$  par division** ne convient pas car **on observe moins d'une période à l'écran**.  
Le calibre **500  $\mu\text{s}$  par division** ne convient pas non plus car le signal est alors trop resserré, il y a **trop de motifs périodiques affichés à l'écran, ce qui rend la lecture inconfortable et peu précise**.

12- Dans l'expression  **$u(t) = A \cdot \cos(\omega t + \varphi)$**  :

#  **$A$**  représente l'amplitude du signal, c'est-à-dire ici  **$A = 6 \text{ V}$**  ;

#  **$\omega$**  représente la pulsation du signal, et elle est donnée par la formule :  **$\omega = 2\pi / T$** ,  
soit ici  **$\omega = 2\pi / 200 \cdot 10^{-6}$**  c'est-à-dire ici  **$\omega = 3,1 \cdot 10^4 \text{ rad.s}^{-1}$**

#  $\varphi$  représente la phase à l'origine des temps et a une valeur comprise dans l'intervalle  $]-\pi ; \pi]$ . Or, d'après l'oscillogramme, à  $t = 0$ , on lit  $u(t=0) = -6 \text{ V}$ , c'est-à-dire  $u(t=0) = -U_m$ .

Comme  $u(t) = A \cdot \cos(\omega t + \varphi)$ , alors on a aussi  $u(t=0) = A \cdot \cos(\varphi)$ , soit  $u(t=0) = U_m \cdot \cos(\varphi)$ .  
On en déduit donc que  $-U_m = U_m \cdot \cos(\varphi)$ , c'est-à-dire  $\cos(\varphi) = -1$  et finalement,  $\varphi = \pi \text{ rad}$ .

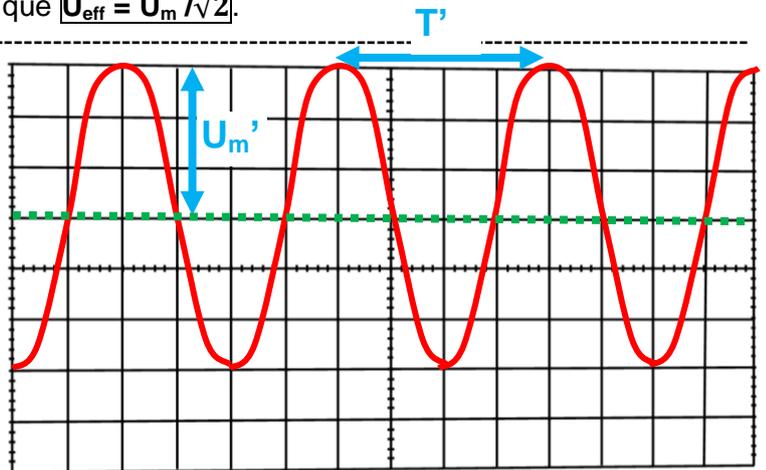
Conclusion : la fonction mathématique modélisant cette courbe s'écrit :  $u(t) = 6 \cos(3,1 \cdot 10^4 t + \pi)$

13- **Le voltmètre, utilisé en mode AC, mesure la valeur de la tension efficace  $U_{\text{eff}}$ .**

On obtient ici  $U_{\text{eff}} = 4,2 \text{ V}$

En remplaçant  $U_m$  par  $6,0 \text{ V}$ , on retrouve bien que  $U_{\text{eff}} = U_m / \sqrt{2}$ .

14- On obtient l'oscillogramme ci-contre, avec les mêmes réglages horizontaux et verticaux que le signal précédent, soit horizontalement  **$50 \mu\text{s} / \text{division}$**  et verticalement  **$2 \text{ V} / \text{division}$** .



15- Pour ce nouveau signal, nous n'avons pas modifié :

# l'amplitude :  $U_m' = U_m = 6 \text{ V}$  ;

# la période :  $T' = T = 200 \mu\text{s}$  ;

# la fréquence :  $f' = f = 5,0 \text{ kHz}$  ;

En revanche, ce signal n'est plus centré sur l'axe des abscisses : il oscille autour de la valeur moyenne  $U_{\text{moy}'} = 2 \text{ V}$  (correspondant au décalage (ou offset) rajouté sur le GBF), représentée en pointillés verts sur l'oscillogramme ci-dessus.

16- On en déduit donc que l'expression mathématique demandée est la même que celle obtenue à la question 12-, à laquelle on rajoute un décalage de  $+2,0 \text{ V}$ , ce qui se traduit par la relation :

$$u(t) = 2 + 6 \cos(3,1 \cdot 10^4 t + \pi)$$

17- D'après l'expression  $u(t) = 1 + 3 \cos(1,26 \cdot 10^5 t)$ , on déduit que :

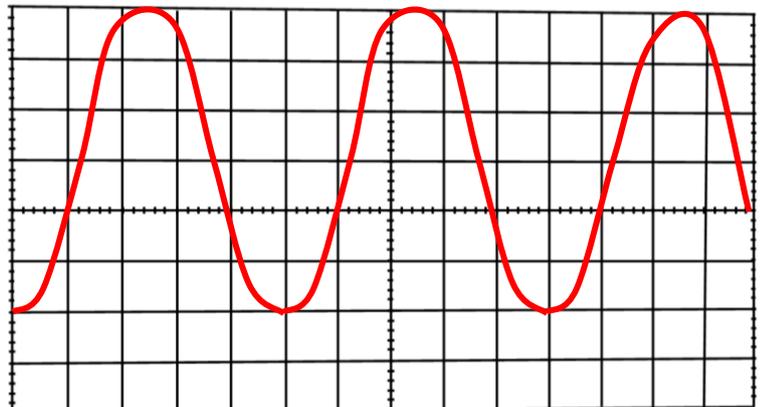
#  $U_m$ , l'amplitude du signal, est égale à  **$3,0 \text{ V}$**  ;

#  $\omega$ , la pulsation du signal, est égale à  $1,26 \cdot 10^5 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$ . Or, comme  $\omega = 2\pi f$ , on peut en déduire que la fréquence  $f$  du signal vaut  $f = \omega / 2\pi$ , soit ici  $f = 1,26 \cdot 10^5 / 2\pi$  c'est-à-dire ici  **$f = 2,0 \cdot 10^4 \text{ Hz} = 20 \text{ kHz}$**

#  $U_{\text{moy}}$ , la valeur moyenne du signal, est égale à  **$1,0 \text{ V}$** .

Pour que le GBF délivre cette tension :

- on appuie sur le bouton « **Function** » et on sélectionne le mode **Sin** ;
- on appuie sur le bouton « **Freq** » et on règle à  **$20 \text{ kHz}$**  ;
- on appuie sur le bouton « **Level** » et on règle à  **$6,0 \text{ V}$**  (tension crête à crête)
- on appuie sur le bouton « **Offset** » et on règle à  **$1,0 \text{ V}$**  ;



Quant à l'oscilloscope, les meilleurs réglages sont :

- **Base de temps horizontale :  $10 \mu\text{s} / \text{div}$**  ;
- **Sensibilité verticale :  $1,0 \text{ V} / \text{div}$** .