

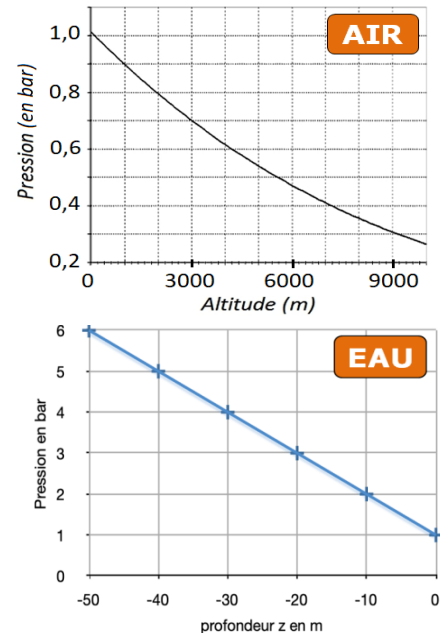
- Statique des fluides -

Notions et contenus	Capacités exigibles
<b>Pression dans un fluide au repos</b> - Forces volumiques, forces surfaciques. - Résultante de forces de pression sur une surface.	- Citer des exemples de forces surfaciques ou volumiques. - Utiliser les symétries pour déterminer la direction d'une résultante de forces de pression. - Déterminer l'expression ou la valeur de la résultante des forces de pression sur une surface plane.
- Statique des fluides dans le champ de pesanteur uniforme. - Poussée d'Archimède.	- Établir la relation $dP/dz = \pm \rho g$ . - Expliquer l'origine de la poussée d'Archimède et démontrer son ex-pression
<b>Équilibre hydrostatique dans le champ de pesanteur terrestre</b> - Modèle de l'atmosphère isotherme. Échelle de hauteur caractéristique de variation de la pression.	- Établir l'expression de la pression en fonction de l'altitude dans le cas de l'atmosphère isotherme dans le modèle du gaz parfait. - Citer la valeur de la pression atmosphérique moyenne au niveau de la mer.
- Stratification verticale des océans.	- Établir l'expression de la pression avec la profondeur dans le cas d'un fluide incompressible.
- Flottabilité.	- Interpréter la flottabilité d'une particule de fluide à l'aide des projections verticales du poids et de la poussée d'Archimède. - Identifier quelques phénomènes physiques favorables ou défavorables aux mouvements verticaux de convection dans l'atmosphère ou les océans terrestres. - Construire, par analyse dimensionnelle, les temps caractéristiques associés à ces phénomènes et les comparer

On parle souvent de la pression d'un gaz comme étant une grandeur caractérisant l'ensemble du système, alors que c'est une **grandeur locale**. En effet si un système gazeux est en équilibre, dans le champ de pesanteur et dans un récipient de petite taille, alors la pression est quasi-uniforme ; mais si nous montons plus en altitude la pression diminue (cf. graphique du haut)

Mais **la pression n'est pas une notion réservée aux gaz** : on la définit également au sein d'un liquide ou d'un solide ; et dans ces deux cas, elle évolue très rapidement avec la profondeur (cf. graphique du bas).

L'objectif de ce chapitre est de caractériser de manière quantitative les variations de pression pour les fluides (liquides et gaz) au repos (pas de mouvement d'ensemble) en fonction de l'altitude dans le champ de pesanteur terrestre uniforme. Ces lois d'évolution de la pression nous permettront ainsi de comprendre qualitativement la stratification verticale de l'atmosphère terrestre et des océans ainsi que les mouvements de convection qui s'y déroulent.

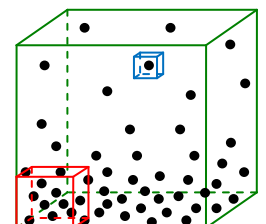


**I- Echelle d'étude et forces au sein d'un fluide**

**1) Echelle d'étude**

Nous avons vu dans le cours de *Physique 04* qu'il existait différentes échelles d'observation des systèmes thermodynamiques. Celles-ci sont rappelées ci-dessous avec quelques-unes de leurs caractéristiques.

Echelle ...			
La matière apparaît-elle comme continue ?	OUI	OUI	NON
Peut-on définir température, pression, masse volumique ?	OUI	OUI	NON
Ces grandeurs rendent-elles compte de l'aspect local ?	NON	OUI	-

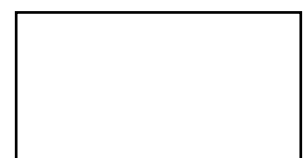


**2) Les forces au sein d'un fluide**

**a/ Force de VOLUME**

➔ **Définition** : Une **force de VOLUME** est une force **à distance qui s'exerce en tout point du volume du système** étudié.

La plus commune des forces de volume est le **poids**. Si on raisonne sur une particule fluide de volume **dV**, de masse **dm** et de masse volumique  $\rho$ , elle subit un poids élémentaire  $\vec{dP}$  tel que :



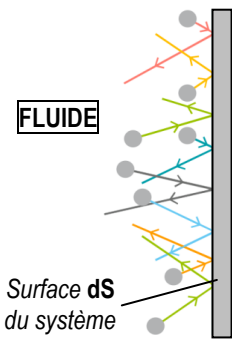
## b/ Force de SURFACE

→ **Définition** : Une **force de SURFACE** est une force **de contact qui s'exerce en tout point d'une surface délimitant le système étudié de l'extérieur** (exemples : réaction normale d'un support, réaction tangentielle d'un support, force de rappel d'un ressort, tension d'un fil ...).

La **force pressante exercée par un fluide sur la surface d'un système** est un autre exemple de force de surface. En effet, les molécules qui constituent un fluide ont un mouvement microscopique permanent ; par conséquent, la surface d'un système au contact de ce fluide **subit des chocs incessants de la part des molécules de fluide**, chocs qui sont à l'origine de la force de contact évoquée précédemment.

Raisonnons à l'échelle mésoscopique, sur une surface élémentaire  $dS$  d'un système subissant cette **force de contact** de la part du fluide. Cette force de contact peut se décomposer en **deux forces de directions orthogonales** :

- une **force de direction TANGENTE** à la surface  $dS$ , appelée **force visqueuse** ou **force de viscosité** ;
- une **force de direction NORMALE** à la surface  $dS$ , appelée **force pressante** ou **force de pression**.



En 1<sup>ère</sup> année, on s'intéresse aux **fluides MACROSCOPIQUEMENT AU REPOS**, c'est-à-dire qu'on considère qu'il n'y a pas de mouvement d'ensemble des molécules de fluide. Dans ce cas :

- **la force visqueuse est nulle** car il y a en moyenne autant de chocs de molécules de fluide sur la surface dans un sens que dans l'autre (ce ne sera plus le cas en 2<sup>ème</sup> année quand vous étudierez les écoulements de fluide) ;
- **la force pressante élémentaire  $d\vec{F}_{press}$  exercée par le fluide sur la surface élémentaire  $dS$**  est reliée à la pression  $P$  (supposée uniforme sur la surface  $dS$  du fait de la petite taille de  $dS$ ) par la relation :



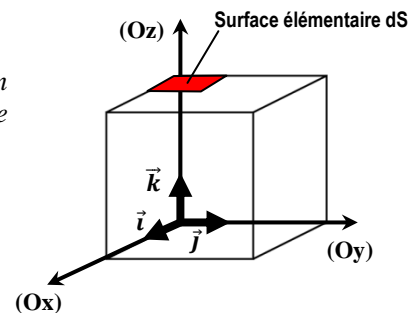
### → **RESULTANTE des forces pressantes :**

L'expression de la force pressante élémentaire  $d\vec{F}_{press}$  donnée précédemment est celle subie par une **surface élémentaire  $dS$** . Passons à une échelle plus grande et déterminons alors la **résultante  $\vec{F}_{press}$**  des forces pressantes subies par une **grande surface  $S$**  ; pour cela, on décompose cette grande surface  $S$  en une multitude de petites surfaces élémentaires  $dS$  subissant chacune une force pressante élémentaire  $d\vec{F}_{press}$ .

En toute logique, **la résultante  $\vec{F}_{press}$  est obtenue en additionnant toutes les forces pressantes élémentaires  $d\vec{F}_{press}$**  subies par chaque surface élémentaire  $dS$ .

#### ⊗ **Application 1 : Pression UNIFORME exercée sur une surface**

Une boîte métallique de forme cubique et d'arête  $a = 10,0$  cm contient un gaz à la pression  $P = 5,00$  bars. Indiquer les caractéristiques de la force pressante exercée par ce gaz sur la face horizontale supérieure de ce cube.



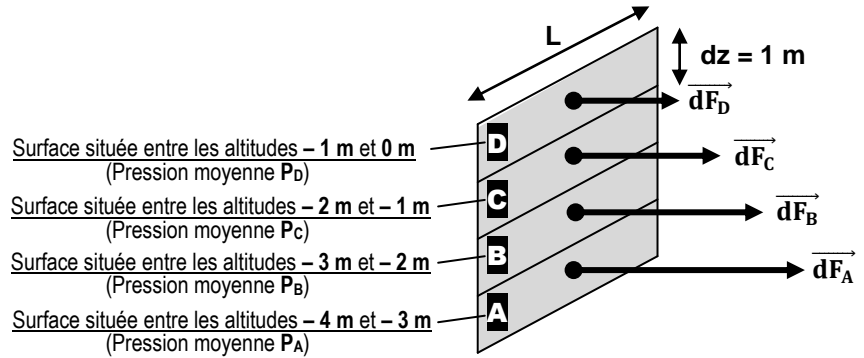
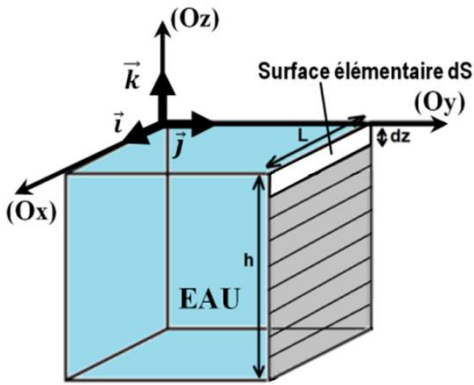
- Origine :
- Direction :
- Sens :
- Norme :

Application 2 : Pression NON UNIFORME exercée sur une surface

Dans l'eau, la pression  $P$  dépend de l'altitude «  $z$  » selon la relation :

$$P(z) = P_0 - \rho_{\text{eau}} \cdot g \cdot z \quad \text{avec } P_0 = 1,00 \cdot 10^5 \text{ Pa} ; \rho_{\text{eau}} = 1000 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3} \text{ et } g = 9,80 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$$

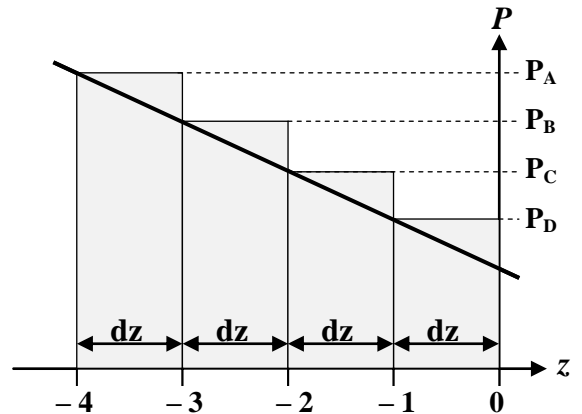
Déterminer les caractéristiques de la force pressante exercée par l'eau sur la paroi verticale d'une piscine de profondeur  $h = 4,00 \text{ m}$  et de largeur  $L = 10,00 \text{ m}$ .



- # La surface **A** subit une force pressante  $\vec{dF}_A =$
- # La surface **B** subit une force pressante  $\vec{dF}_B =$
- # La surface **C** subit une force pressante  $\vec{dF}_C =$
- # La surface **D** subit une force pressante  $\vec{dF}_D =$

La force pressante  $\vec{F}_{\text{eau}/\text{paroi}}$  exercée par l'eau sur l'ensemble de la paroi est la SOMME de toutes les forces pressantes élémentaires :

$$\vec{F}_{\text{eau}/\text{paroi}} =$$



Finalement, «  $P_A \cdot dz + P_B \cdot dz + \dots + P_D \cdot dz$  » représente l'aire sous la courbe  $P = f(z)$  entre les altitudes - 4 m et 0 m (à condition que  $dz$  soit infiniment petit). C'est pourquoi nous allons utiliser l'outil « intégrale » pour réaliser ce calcul.

$$\vec{F}_{\text{eau}/\text{paroi}} =$$

- Origine :
- Direction :
- Sens :
- Norme :

## II- Relation fondamentale de la statique des fluides

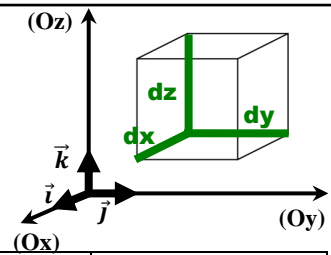
### 1) Etablissement de la relation

☛ **Système** : particule fluide mésoscopique de masse volumique  $\rho$ , de forme parallélépipédique de côtés  $dx$ ,  $dy$  et  $dz$ , de volume  $dV = dx \cdot dy \cdot dz$  et de masse  $dm$ , au repos dans le champ de pesanteur uniforme  $\vec{g}$ .

☛ **Référentiel** : terrestre, supposé galiléen.

☛ **Bilan des forces** : - Poids de la particule fluide :

- 1 force pressante exercée sur chaque face de la particule fluide :



Face située à l'ordonnée « y »	Face située à l'ordonnée « y + dy »	Face située à la hauteur « z »	Face située à la hauteur « z + dz »	Face située à l'abscisse « x »	Face située à l'abscisse « x + dx »
Force $\vec{dF}_1$	Force $\vec{dF}_2$	Force $\vec{dF}_3$	Force $\vec{dF}_4$	Force $\vec{dF}_5$	Force $\vec{dF}_6$
$\vec{dF}_1 = P(y) \cdot dx \cdot dz \cdot \vec{j}$ $\vec{dF}_2 = -P(y + dy) \cdot dx \cdot dz \cdot \vec{j}$		$\vec{dF}_3 = P(z) \cdot dx \cdot dy \cdot \vec{k}$ $\vec{dF}_4 = -P(z + dz) \cdot dx \cdot dy \cdot \vec{k}$		$\vec{dF}_5 = P(x) \cdot dy \cdot dz \cdot \vec{i}$ $\vec{dF}_6 = -P(x + dx) \cdot dy \cdot dz \cdot \vec{i}$	

☛ **Application de la 1<sup>ère</sup> loi de Newton** :

☛ **Projection sur l'axe (Ox)** : Seules ..... et ..... ont une coordonnée non nulle

☛ **Projection sur l'axe (Oy)** : Seules ..... et ..... ont une coordonnée non nulle

☛ **Projection sur l'axe (Oz)** : Seules ....., ..... et ..... ont une coordonnée non nulle

### ➔ Quelques remarques et conséquences :



• Les différentes projections réalisées précédemment montrent que **la pression** au sein d'un fluide au repos dans le champ de pesanteur **ne dépend que de l'altitude du point considéré**.

• Dans un fluide au repos et dans un champ de pesanteur uniforme, **les surfaces isobares (de même pression) sont donc des surfaces de même altitude**, c'est-à-dire **HORIZONTALES**.

• **La pression ne présente pas de discontinuité au passage d'un milieu fluide à un autre** : à l'interface de deux fluides, la pression est la même de part et d'autre (attention si une surface solide indéformable sépare deux fluides alors la pression de part et d'autre peut être différente).

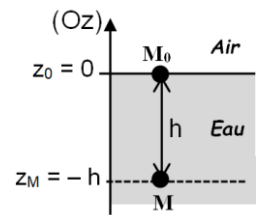
• **La surface de séparation entre deux fluides non miscibles au repos est HORIZONTALE**.

### 2) Application aux fluides INCOMPRESSIBLES

Les liquides peuvent être considérés comme étant des fluides incompressibles, c'est-à-dire des **fluides dont le volume ne dépend pas de la pression** (voir cours de *Physique 04*). De plus, pour les **systèmes fermés** que nous étudierons par la suite, la **masse est constante**. On en déduit donc que **les fluides incompressibles sont caractérisés par une même masse volumique  $\rho$  en tout point du fluide**, même si la pression varie en son sein.

Cette remarque permet de déterminer la pression au sein d'un fluide incompressible en fonction de la profondeur en utilisant la relation fondamentale de la statique des fluides. Prenons l'exemple d'un liquide de masse volumique  $\rho$  pour lequel on cherche la pression  $P_M$  en un point  $M$  situé à une profondeur  $h$  par rapport à la surface de ce liquide où il règne une pression  $P_0 = P_{atm}$ . On travaille avec un **axe (Oz) ascendant** dans un **champ de pesanteur uniforme**.

- ☛ **Pression atmosphérique moyenne au niveau de la mer (A CONNAÎTRE) :**
- ☛ **Relation fondamentale de la statique des fluides pour un axe (Oz) ascendant :**
- ☛ **Intégration entre le point M (Pression  $P_M$ , altitude  $z_M$ ) et le point  $M_0$  (Pression  $P_0$ , altitude  $z_0$ ) :**



- ☛ **Cohérence de la relation obtenue :**

- ☛ **Autre formulation :** Dans un **champ de pesanteur uniforme**, pour un **axe (Oz) ascendant**, la pression au sein d'un **fluide incompressible** est telle que :



La relation obtenue montre que la pression dans un fluide incompressible varie fortement avec la profondeur : **on ne parle donc pas de pression DU fluide mais de pression EN UN POINT du fluide.**

☞ **Application 3 :** A quelle profondeur doit-on descendre pour que la pression soit égale à 2 bars ?



Ces valeurs numériques montrent qu'à chaque profondeur est associée une pression : on peut donc modéliser les océans comme une **succession de différentes couches (ou strates) où la pression augmente régulièrement avec la profondeur**. On parle de **STRATIFICATION des océans**.

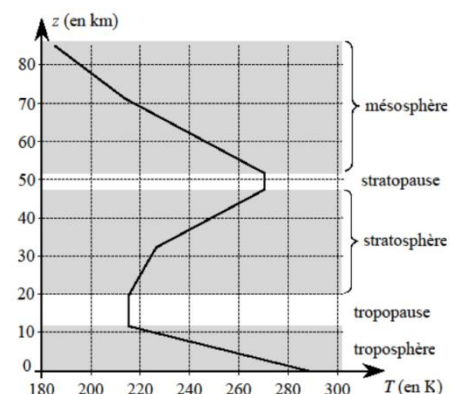
### 3) Application aux fluides COMPRESSIBLES

On a vu dans le cours de *Physique 04* qu'un fluide compressible est un **fluide dont le volume dépend de la pression**. De plus, pour les **systèmes fermés** que nous étudierons par la suite, la **masse est constante**. On en déduit donc que **les fluides compressibles sont caractérisés par une masse volumique  $\rho$  qui dépend de la pression** et qui sera par conséquent **différente selon l'altitude  $z$  du point étudié**.

Prenons l'exemple de l'air qui nous entoure et intéressons-nous à l'évolution de la pression en fonction de l'altitude dans le **modèle simplifié de l'ATMOSPHERE ISOTHERME** décrit ci-dessous :

#### Hypothèses de travail

- 1 L'atmosphère terrestre est un mélange gazeux constitué d'environ 20 % de  $O_2$  et 80 % de  $N_2$  qu'on assimilera à un **gaz parfait** unique de masse molaire  $M_{air} = 29,0 \text{ g.mol}^{-1}$ .
- 2 La valeur  $g$  du champ de pesanteur sera supposée **constante** sur toute l'épaisseur de l'atmosphère terrestre ( $\approx 500 \text{ km}$ ).
- 3 L'atmosphère terrestre est supposée **isotherme** : sa température  $T_0$  ne dépend donc pas de l'altitude  $z$ .
- 4 Pour pouvoir appliquer la relation fondamentale de la statique des fluides, l'atmosphère terrestre sera considérée comme un **fluide au repos**.



- ☛ **Commentaires sur les hypothèses de travail :**

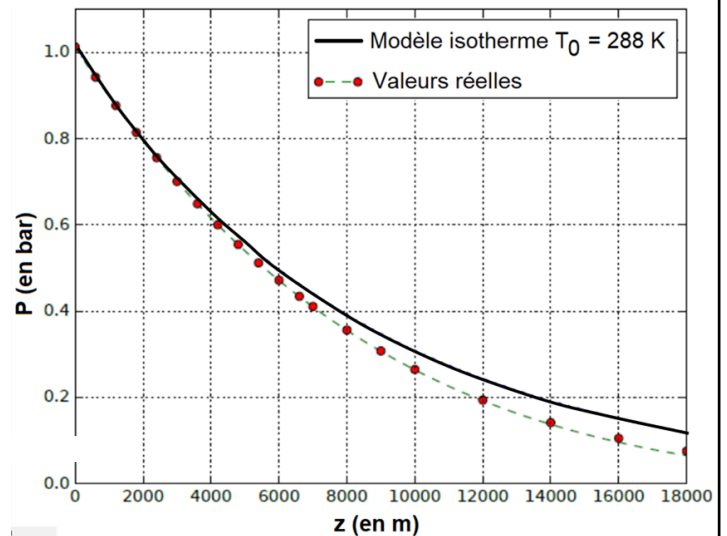
Malgré ces écarts constatés entre la réalité et les hypothèses formulées, l'utilisation de la relation fondamentale de la statique des fluides conduit à une loi de pression réaliste.

☛ Relation fondamentale de la statique des fluides pour un axe (Oz) ascendant dans un champ de pesanteur uniforme :

☛ Exprimer  $\rho_{\text{air}}$  en fonction de  $M_{\text{air}}$ ,  $R$ ,  $T_0$  et  $P$  :

☛ Equation différentielle vérifiée par  $P$  :

☛ Résolution de l'équation différentielle :



☛ Cohérence avec la réalité :

☛ Echelle de hauteur caractéristique de variation de la pression :



On peut retrouver l'expression précédente de manière analogue à la démonstration du II-2., c'est à dire en séparant les variables dans la relation fondamentale de la statique des fluides, qui s'écrit alors :

$$\frac{dP}{P} = -\frac{M_{\text{air}}g}{RT_0} dz \Leftrightarrow \int_{P_0}^P \frac{dP}{P} = \int_0^z -\frac{M_{\text{air}}g}{RT_0} dz \Leftrightarrow \ln \frac{P}{P_0} = -\frac{M_{\text{air}}g}{RT_0} z \Leftrightarrow P = P_0 e^{-\frac{M_{\text{air}}g}{RT_0} z}$$

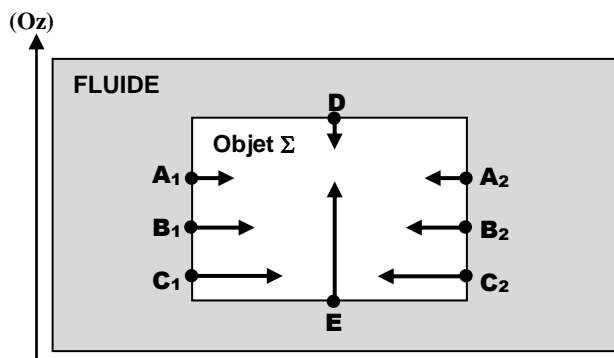
☞ Application 4 : A quelle altitude  $z$  la pression a-t-elle diminué de 1 % par rapport à la pression  $P_0$  du niveau de la mer ? Conclure.

### III- Poussée d'Archimède et applications

#### 1) Définition et expression

Considérons un solide  $\Sigma$  de masse  $m$  et de volume  $V$  de géométrie simple, par exemple un cylindre vertical (vu de profil sur la figure ci-contre), immergé dans un fluide incompressible de masse volumique  $\rho_{\text{fluide}}$ , au repos dans un champ de pesanteur uniforme.

Nous savons que la pression au sein d'un fluide augmente avec la profondeur et que les forces pressantes sont orientées de façon normale à l'interface fluide/solide. Ces forces pressantes sont représentées par des vecteurs en différents points du solide  $\Sigma$  sur la figure ci-contre.

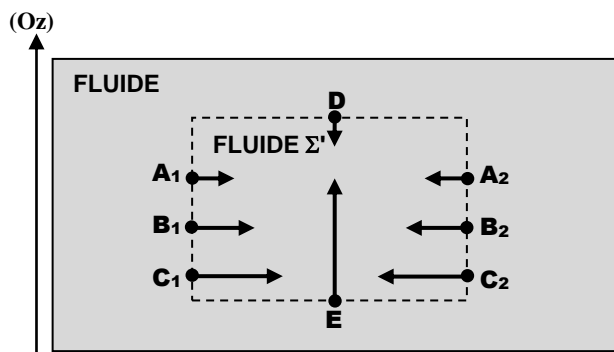


➤ **Application 5** : Comment est orientée la résultante des forces pressantes s'exerçant sur le solide  $\Sigma$  ?

☛ **Définition** :

Intéressons-nous au fluide  $\Sigma'$  qui était présent à l'emplacement du solide avant que celui-ci ne soit immergé (fluide encadré en pointillé sur la figure de droite) : **la résultante  $\vec{\Pi}$  des forces pressantes qui s'exercent sur ce fluide  $\Sigma'$  est identique à la résultante des forces pressantes qui s'exercent sur le solide  $\Sigma$**  puisque ces deux systèmes ont la même surface et sont situés à la même profondeur.

Cette propriété permet de déterminer l'expression de la poussée d'Archimède par la démonstration suivante :



☛ **Démonstration** : Etudions le système  $\Sigma'$  au repos.

☛ **Conclusion** : THEOREME d'ARCHIMEDE



- Le **point d'application** de la poussée d'Archimède est le **centre de masse de la partie immergée du système**.

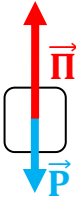
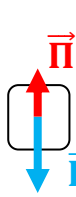
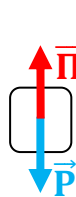
- La **poussée d'Archimède** est souvent **négligeable par rapport au poids du système** quand celui-ci est « **lourd** » et immergé dans un gaz. Mais elle ne l'est plus quand le système est « **léger** » et immergé dans un gaz (ballon d'Hélium, montgolfière ...) ou pour tout système immergé dans un liquide.

- Le **théorème d'Archimède** est donné pour un système au repos immergé dans un fluide au repos. Mais il **reste valable** en bonne approximation si le système et/ou le fluide sont en mouvement relatif à **faible vitesse** dans le référentiel d'étude.

## 2) Flottabilité d'un corps

La poussée d'Archimède est étroitement liée à la notion de **FLOTTABILITE** d'un corps, c'est-à-dire à sa **capacité à revenir à la surface d'un fluide** dans lequel il aurait été préalablement totalement immergé.

Considérons pour cela un système matériel  $\Sigma$  de volume  $V$  et de masse volumique  $\rho_{\Sigma}$  totalement immergé dans un fluide de masse volumique  $\rho_{\text{fluide}}$ . Ce système est soumis à deux forces verticales de sens opposé : son poids  $\vec{P}$  et la poussée d'Archimède  $\vec{\Pi}$  exercée par le fluide dont les normes valent respectivement  $\rho_{\Sigma} \cdot V \cdot g$  et  $\rho_{\text{fluide}} \cdot V \cdot g$ . Selon la norme de ces deux forces, on peut envisager les trois situations suivantes :

 <b>Poids &lt; Poussée d'Archimède</b> $\rho_{\Sigma} \cdot V \cdot g < \rho_{\text{fluide}} \cdot V \cdot g$ $\rho_{\Sigma} < \rho_{\text{fluide}}$ Système entraîné vers le .....	 <b>Poids &gt; Poussée d'Archimède</b> $\rho_{\Sigma} \cdot V \cdot g > \rho_{\text{fluide}} \cdot V \cdot g$ $\rho_{\Sigma} > \rho_{\text{fluide}}$ Système entraîné vers le .....	 <b>Poids = Poussée d'Archimède</b> $\rho_{\Sigma} \cdot V \cdot g = \rho_{\text{fluide}} \cdot V \cdot g$ $\rho_{\Sigma} = \rho_{\text{fluide}}$ Système .....



Certains ouvrages appellent « flottabilité » la résultante du poids et de la poussée d'Archimède. Cette résultante des forces est orientée vers le haut dans le 1<sup>er</sup> cas (ordonnée positive pour un axe (Oz) ascendant), vers le bas dans le 2<sup>ème</sup> cas (ordonnée négative pour un axe (Oz) ascendant) et nulle dans le dernier cas, justifiant ainsi les termes de flottabilité **POSITIVE**, **NEGATIVE** ou **NULLE**.

### → Quelques applications courantes :

- Bien que les bateaux soient construits avec des matériaux de masse volumique élevée comme le fer, **la masse volumique moyenne des bateaux est inférieure à celle de l'eau** car ils contiennent essentiellement de l'air de masse volumique  $1,29 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ . Cela permet à la poussée d'Archimède d'être supérieure au poids du bateau, donnant ainsi une flottabilité positive au bateau.
- Quand un sous-marin est immergé, la poussée d'Archimède qu'il subit de la part de l'eau qui l'entoure peut être considérée comme constante. Quand on veut faire descendre le sous-marin, on remplit sa double-paroi extérieure par de l'eau : cela remplace l'air présent dans cette double paroi par de l'eau, ce qui fait **augmenter la masse volumique moyenne du sous-marin jusqu'à dépasser celle de l'eau**, donnant une flottabilité négative au sous-marin. En revanche, si on veut faire remonter celui-ci, il faut remplacer l'eau dans la double-paroi par de l'air pour que **la masse volumique moyenne du sous-marin soit inférieure à celle de l'eau**, donnant ainsi une flottabilité positive ; à cette fin, des réservoirs à air comprimé se trouvent à bord. Enfin, pour rester entre deux eaux, on remplit la chambre d'air avec autant d'eau que nécessaire pour que la **masse volumique moyenne du sous-marin soit égale à celle de l'eau**, permettant au sous-marin d'avoir une flottabilité nulle.
- Les poissons peuvent descendre ou monter dans l'eau grâce à un organe appelé « vessie natatoire » : il s'agit d'une poche qui peut se remplir ou se vider de gaz par absorption d'air ou par des processus physico-chimiques d'échanges de gaz avec le sang. Si le volume de gaz présent dans cette poche augmente, la masse volumique moyenne du poisson diminue (en effet, la masse du poisson reste constante, mais son volume augmente), **lorsqu'elle est inférieure à celle de l'eau**, le poisson remonte car il a une flottabilité positive. Inversement, lorsque les poissons évacuent du gaz, leur **masse volumique moyenne peut devenir supérieure à celle de l'eau**, ce qui fait descendre le poisson car celui-ci a une flottabilité négative.

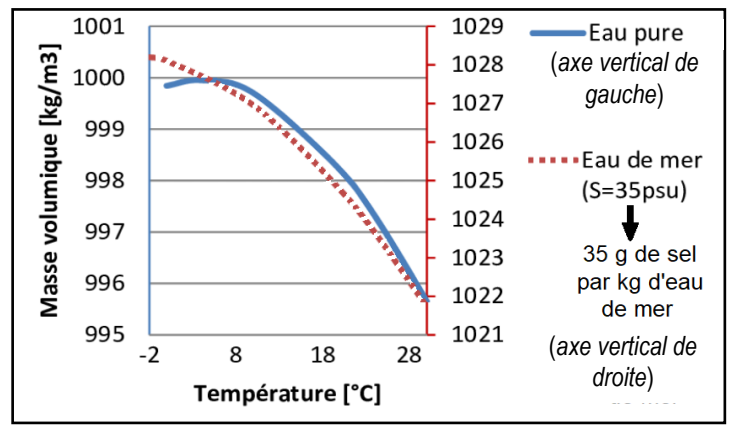
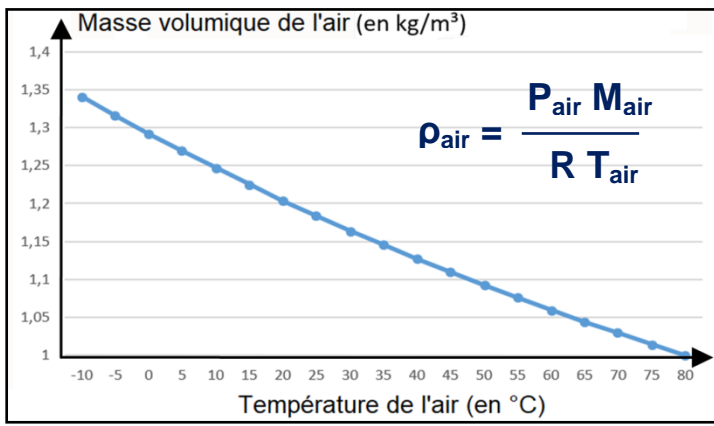
## 3) Mouvements de convection verticale dans un fluide

On a considéré jusqu'à maintenant que les fluides étudiés étaient au repos (sans mouvement d'ensemble), mais cela ne concerne finalement que de rares situations. Dans la plupart des cas, on observe en effet des **déplacements macroscopiques de matière** dans les fluides, par exemple dans notre atmosphère ou dans nos océans : intéressons-nous dans la suite aux mouvements verticaux de convection qui y sont observés.

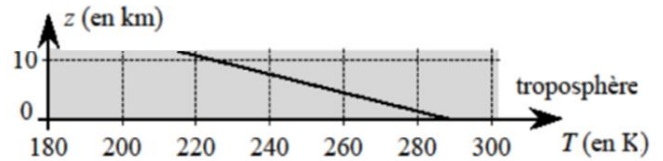
### a/ Paramètres FAVORABLES aux phénomènes de convection dans les fluides

On rappelle que lors d'un phénomène de convection (cours de *Physique 06*), certaines parties du fluide montent (elles ont donc une **flottabilité positive**) alors que d'autres descendent (elles ont donc une **flottabilité négative**). Or, comme vu précédemment, les notions de flottabilité et de masse volumique sont étroitement liées : **tout paramètre modifiant la masse volumique d'une particule fluide sera donc favorable aux mouvements de convection verticaux**.

Deux principaux paramètres peuvent modifier la masse volumique d'une particule fluide (voir graphiques au verso) :



☞ **Application 6** : Expliquer les mouvements de convection dans la troposphère.



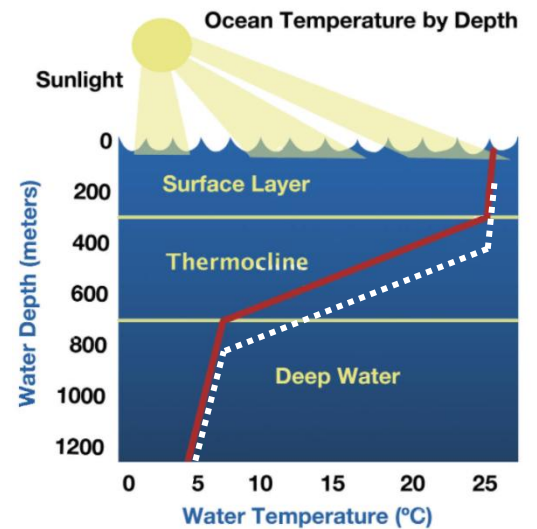
☞ **Application 7** :

a) Le critère de température permet-il de justifier le phénomène de convection océanique ?

b) Comment le vent et l'évaporation de surface favorisent-ils le phénomène de convection océanique ?

# Action du vent :

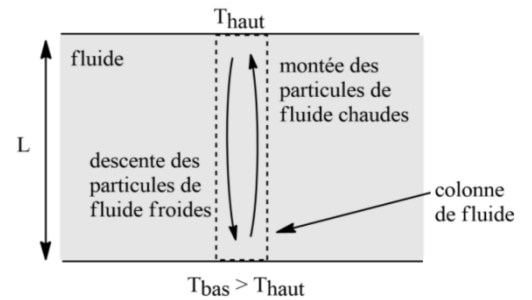
# Action de l'évaporation de surface :



**b/ Paramètres DÉFAVORABLES aux phénomènes de convection dans les fluides**

Intéressons-nous dans la suite aux **mouvements verticaux de convection THERMIQUE**, c'est-à-dire ayant pour origine une différence de température entre deux couches de fluide.

Pour que le mouvement de convection ait lieu, il faut que la couche inférieure de fluide ait une température  $T_{bas}$  plus grande que la température  $T_{haut}$  de la couche supérieure. Dans la suite on notera  $L$  la distance séparant les deux couches de fluide étudiées ( $L$  = longueur caractéristique).



Mais **quelques facteurs peuvent être défavorables à cette convection** :



Trois phénomènes sont donc à considérer : les particules fluides situées dans la couche inférieure sont « désireuses » de s'élever mais la conduction thermique et les frottements mettent un frein à leur envie ! **Pour comparer l'efficacité de ces trois phénomènes**, et donc savoir lequel l'emporte sur l'autre, on peut associer un **TEMPS CARACTERISTIQUE**  $\tau$  à chacun :

- le **temps caractéristique de la convection**  $\tau_{CONV}$  : cette durée permettra d'estimer la durée nécessaire pour qu'une particule fluide parcoure toute la longueur  $L$  de la colonne de fluide par convection ;

- le **temps caractéristique de la conduction**  $\tau_{\text{COND}}$  : cette durée permettra d'estimer la durée nécessaire pour que le phénomène de conduction thermique uniformise la température au sein de la colonne de fluide de longueur  $L$  ;

- le **temps caractéristique du frottement**  $\tau_{\text{FROT}}$  : cette durée permettra d'estimer la durée nécessaire pour qu'une particule fluide mise en mouvement de convection s'immobilise par la seule action des forces de frottement.

### Méthode pour déterminer le temps caractéristique d'un phénomène



❶ Faire la liste des paramètres physiques, noté  $p_i$ , dont dépend le temps caractéristique  $\tau$  du phénomène (on détermine les paramètres d'influence à l'aide d'expériences) ;

❷ Exprimer ce temps caractéristique en fonction de ces paramètres, sous la forme suivante :  $\tau = p_1^a \times p_2^b \dots$  ;

❸ Écrire l'équation dimensionnelle correspondante :  $[\tau] = [p_1]^a \times [p_2]^b \times \dots$  en définissant les dimensions de chaque grandeur à l'aide des dimensions fondamentales (les principales étant : masse  $M$ , longueur  $L$ , temps  $T$ , température  $\theta$ , quantité de matière  $N$ ) ;

❹ Les deux membres devant avoir la même dimension, l'exposant de chaque dimension fondamentale doit être identique de part et d'autre de l'égalité. On en déduit ainsi autant d'équations qu'il y a de dimensions et on peut alors trouver les valeurs des coefficients  $a$ ,  $b$  ... puis une formule pour  $\tau$ .

➤ **Application 8** : En appliquant le point méthode ci-dessus, déterminer l'expression des temps caractéristiques  $\tau_{\text{CONV}}$ ,  $\tau_{\text{COND}}$  et  $\tau_{\text{FROT}}$  sachant que :

a)  $\tau_{\text{CONV}}$  dépend de la longueur  $L$  de la colonne de fluide (en m), de la masse  $m$  de la particule (en kg) et de sa flottabilité  $F$  (en N) ;

b)  $\tau_{\text{COND}}$  dépend de la longueur  $L$  de la colonne de fluide (en m), de la conductivité thermique  $\lambda$  du fluide (en  $W.m^{-1}.K^{-1}$ ), de la masse volumique  $\rho$  du fluide (en  $kg.m^{-3}$ ) et de la capacité thermique massique  $c$  du fluide (en  $J.K^{-1}.kg^{-1}$ ) ;

c)  $\tau_{\text{FROT}}$  dépend de la longueur  $L$  de la colonne de fluide (en m), de la masse volumique  $\rho$  du fluide (en  $kg.m^{-3}$ ) et de la viscosité dynamique  $\eta$  du fluide (grandeur caractérisant la résistance à l'écoulement du fluide, exprimée en  $kg.m^{-1}.s^{-1}$ ).