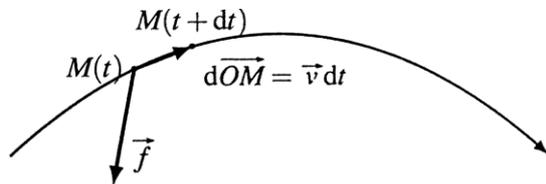


Chapitre 5 : Approche énergétique du mouvement d'un point matériel
Cadre d'étude : cas d'un système modélisé par un point matériel

I. Puissance, travail et énergie cinétique

1. Puissance et travail d'une force

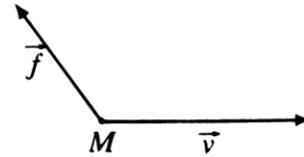
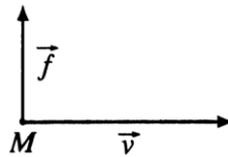
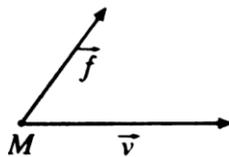
• **Puissance d'une force**



La puissance de la force \vec{f} appliquée au point matériel M , animé de la vitesse \vec{v} est définie par :

Remarque : la puissance dépend du référentiel d'étude

• **Caractère moteur ou résistant d'une force**



• **Travail élémentaire d'une force**

- **Expression générale :**

Le travail élémentaire de la force \vec{f} de puissance $P(\vec{f})$, appliquée au point matériel M , pendant un intervalle de temps dt est :

- **Expression en coordonnées cartésiennes :**

- **Travail moteur / résistant :**

• **Travail d'une force au cours d'un déplacement le long d'une trajectoire**

- **Expression :**

- **Cas du travail d'une force constamment perpendiculaire au mouvement :**

- **Travail d'une force constante**

- **Travail d'une force conservative**

Toute force dont le travail ne dépend pas du chemin suivi, mais uniquement du point de départ et du point d'arrivée, est une force conservative

→ *Application n°1*

2. **Théorème de l'énergie cinétique dans un référentiel galiléen dans le cas d'un système modélisé par un point matériel**

- **Définition de l'énergie cinétique**

L'énergie cinétique d'un point matériel M (de masse m) de vitesse \vec{v} dans un référentiel \mathcal{R} est définie par :

Remarque : l'énergie cinétique dépend du référentiel d'étude

- **Théorème de l'énergie cinétique dans un référentiel galiléen**

- **Enoncé :**

Dans un **référentiel galiléen**, la variation d'énergie cinétique d'un point matériel entre deux instants est égale au travail des forces qui s'exercent que ce point (entre ces deux instants) :

En terme de puissance (théorème de la puissance cinétique) :

- **Démonstration :**

→ *Application n°2*

II. Champ de force conservative et énergie potentielle

1. Force conservative et énergie potentielle

- **Définition :** \vec{F} est une force conservative s'il existe une fonction E_p , appelée énergie potentielle, telle que :
- **Retour sur la propriété du travail d'une force conservative :**

Remarque : Une force qui dépend de la vitesse (exemple de la force de frottement fluide) n'est jamais conservative. Les forces constantes et les forces qui ne dépendent que de la position sont en générales conservatives.

2. Lien entre un champ de force conservative \vec{F} et l'énergie potentielle E_p dans un cas unidimensionnel

- **En coordonnées cartésiennes :** cas où $\vec{F} = F(x)\vec{u}_x$

$$dE_p = -\delta W = -\vec{F} \cdot d\vec{\ell} = -\vec{F} \cdot d\vec{OM} =$$

On en déduit : $F_x =$

Bilan :

- **Sens de la force et variation d'énergie potentielle :**

Signe de $\frac{dE_p}{dx}$			
Sens de \vec{F}			
Conclusion			

- **Généralisation aux cas où le système ne dépend que de la coordonnées cylindrique ou sphérique r :** cas où $\vec{F} = F(r)\vec{u}_r$

3. Application

- Energie potentielle de pesanteur :
- Energie potentielle élastique :

→ Application n°3

III. Energie mécanique

1. Définition de l'énergie mécanique

L'énergie mécanique d'un point matériel est la somme de l'énergie cinétique et des énergies potentielles :

2. Théorème de l'énergie mécanique

- Enoncé

Dans un référentiel **galiléen**, la variation d'énergie mécanique au cours du mouvement entre deux instants est égale aux travaux des forces non conservatives (qui ne dérivent pas d'une énergie potentielle) :

Sous forme intégrale :

Sous forme infinitésimale :

En terme de puissance :

- Démonstration

3. Mouvement conservatif

- Mouvement conservatif

En présence de forces conservatives \vec{F}_c et/ou à des forces ne travaillant pas \vec{F}_0 :

- **Mouvement dissipatif :**

En présence de forces non conservatives \vec{F}_{nc} qui travaillent :

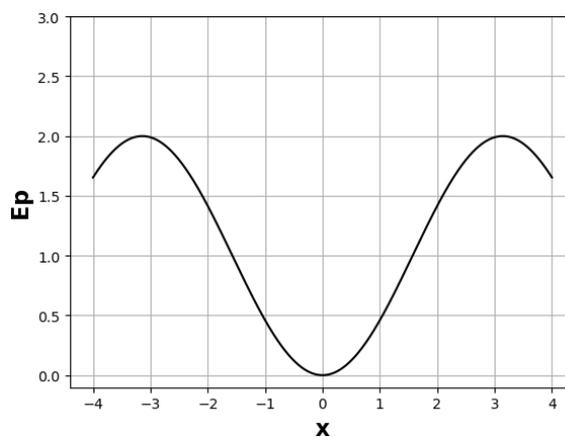
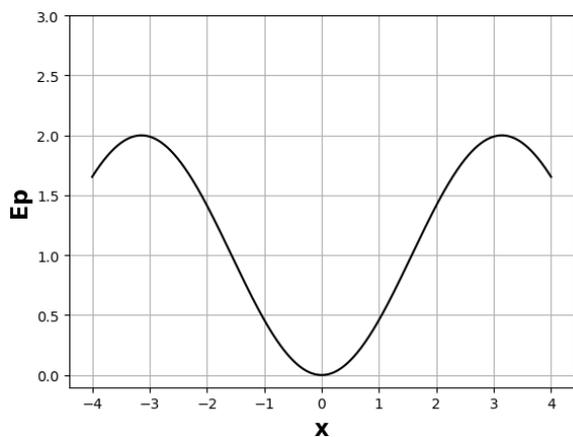
→ *Application n°4*

4. **Mouvement conservatif à un degré de liberté**

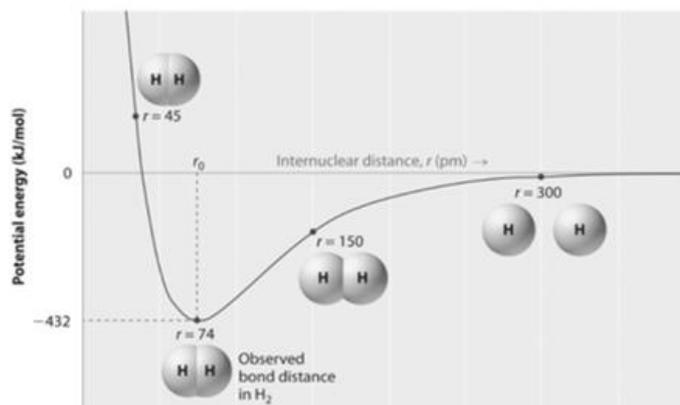
- **Position du problème**

- **Représentation graphique :**

Positions accessibles, trajectoire bornée ou non, point de vitesse nulle, barrière et puits d'énergie potentielle



- Application à la liaison chimique



5. Positions d'équilibre et Stabilité

- **Définitions**

Un point matériel est en **équilibre** lorsque sa vitesse est nulle à tout instant $\vec{v} = \vec{0} \Rightarrow \vec{a} = \vec{0} \Rightarrow \vec{F} = \vec{0}$

Si on écarte le point matériel de sa position d'équilibre :

L'équilibre sera **stable** s'il revient vers sa position d'équilibre

L'équilibre sera **instable** s'il s'écarte définitivement de sa position d'équilibre initiale

- **Analyse graphique**

Signe de $\frac{dE_p}{dx}$	
Sens de \vec{F}	
Signe de $\frac{d^2E_p}{dx^2}$	
Stabilité de l'équilibre	

Les questions à se poser à l'issue de ce chapitre

Cours de 1^{ère} année

- Est-ce que je sais citer les 3 lois de Newton ?
- Est-ce que je sais établir les équations horaires du mouvement et l'équation de la trajectoire dans le cas d'un mouvement dans un champ de pesanteur uniforme ?
- Est-ce que je sais établir et résoudre dans le cas du modèle d'une force de frottement fluide linéaire en vitesse, l'équation différentielle du mouvement faisant apparaître la constante de temps du phénomène ainsi que la vitesse limite ?
- Est-ce que je sais à quoi correspondent les lois de Coulomb ?

Puissance et travail d'une force

- Est-ce que je connais l'expression de la puissance et du travail d'une force ?
- Est-ce que je sais établir l'expression du travail du poids ? de la force de rappel d'un ressort ?

Energie potentielle, énergie mécanique, Théorème de l'énergie cinétique, Théorème de l'énergie mécanique

- Est-ce que je connais le lien entre champ de forces conservatives et énergie potentielle (cas unidimensionnel) ?
- Est-ce que je connais l'expression de l'énergie mécanique ?
- Est-ce que je sais citer le théorème de l'énergie cinétique ? Est-ce que je sais l'utiliser pour déterminer un travail ou une vitesse ?
- Est-ce que je sais citer le théorème de l'énergie mécanique ? Est-ce que je sais l'exploiter pour étudier un mouvement conservatif ?
- Dans quel cas faut-il étudier un problème de mécanique à l'aide d'un théorème énergétique ?

Mouvement conservatif à un degré de liberté

Sur un graphe d'énergie potentielle :

- est-ce que je sais identifier une barrière et un puits d'énergie potentielle ?
- est-ce que je sais décrire qualitativement le comportement d'un système : trajectoire bornée ou non, positions accessibles, positions de vitesse nulle.
- est-ce que je sais reconnaître l'existence de positions d'équilibre et analyser qualitativement la nature stable ou instable de ces positions