

Ne pas attendre le dernier jour pour faire tous les calculs, ne pas non plus faire tous les calculs le premier jour. L'objectif est de calculer régulièrement !

- Lundi 26 : en utilisant  $\operatorname{th}(x) = \frac{\operatorname{sh}(x)}{\operatorname{ch}(x)}$ , montrer que :  $\operatorname{th}(x) = x - \frac{1}{3}x^3 + \frac{2}{15}x^5 + o(x^6)$ .
- Mardi 27 : résoudre l'équation différentielle  $y'' - 3y' + 2y = e^x + \sin(x)$ .
- Mercredi 28 : déterminer un équivalent simple au voisinage de 0 de  $f(x) = x^x - (\sin x)^{\sin x}$ .
- Jeudi 29 : en utilisant les complexes, calculer pour  $n \in \mathbb{N}$ ,  $S_n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} (-1)^k \cos\left(x + \frac{k\pi}{2}\right)$ .
- Vendredi 1 : déterminer le  $DL_3\left(\frac{\pi}{3}\right)$  de  $f(x) = \operatorname{Arctan}(2 \sin x)$ .
- Samedi 2 : étudier la nature de la suite  $u$  définie par :  $\forall n \in \mathbb{N}, u_{n+1} = u_n^2 + \frac{3}{16}$  et  $u_0 > 0$  (ne bâclez pas, l'objectif est de réactiver la méthode).
- Lundi 4 : résoudre en fonction du paramètre réel  $a$  le système  $(S) \begin{cases} 2x + 5y - 8z = 8 \\ 4x + 3y - 9z = 9 \\ 2x + 3y - 5z = 7 \\ x + 8y - 7z = a \end{cases}$
- Mardi 5 : résoudre sur  $]0, 1[$ , l'équation différentielle  $(1 - x^2)y' + (1 + x^2)y = e^x$  (il y a du travail).
- Mercredi 6: on pose  $f(x) = \frac{e^x - \cos(x) - x}{x - \ln(1+x)}$ . Déterminer le  $DL_1(0)$  de  $f$ . En déduire que  $f$  est prolongeable par continuité en 0. Montrer que  $f$  ainsi prolongée est dérivable en 0. Donner l'équation de la tangente au point d'abscisse 0 et la position de la courbe par rapport à la courbe.
- Jeudi 7 : donner le terme général de la suite :  $\forall n \in \mathbb{N}, u_{n+2} = -2u_{n+1} - 4u_n$ .
- Vendredi 8 : on pose  $f(x) = x^2 \operatorname{Arctan}\left(\frac{1}{1+x}\right)$ . Déterminer le développement asymptotique de  $f(x)$  au voisinage de  $+\infty$  à la précision  $\frac{1}{x}$ . En déduire l'existence d'une droite asymptote à  $\mathcal{C}_f$  au voisinage de  $+\infty$  et sa position par rapport à la courbe.
- Samedi 9 : résoudre en fonction des paramètres réels  $m, a, b, c$  le système  $(S) \begin{cases} x + y + mz = a \\ x + y - z = b \\ x + my - mz = c \end{cases}$