Programme de colle de mathématiques Semaine 7 - Du 12 au 16 Novembre 2024

VII. Équations différentielles linéaires

- Équations différentielles linéaires du premier ordre y'+ay=b où a,b sont continues à valeurs dans $\mathbb R$ ou $\mathbb C$: équation homogène, problème de Cauchy, principe de superposition, méthode de la variation de la constante. Raccord des solutions.
- Équations différentielles linéaires du second ordre à coefficients constants: équation homogène, problème de Cauchy, principe de superposition, second membre de type $t \mapsto K e^{\gamma t}$ où $\gamma \in \mathbb{C}, t \mapsto K \cos(\omega t)$ ou $t \mapsto K \sin(\omega t)$ $(\omega \in \mathbb{R}).$

VIII. Nombres réels

- \bullet Construction de $\mathbb R$ admise: opérations et relation d'ordre connues.
- Borne supérieure, borne inférieure d'une partie de \mathbb{R} . Caractérisation avec les ε . Théorème de la borne supérieure.
- Définition de la partie entière, notation $\lfloor x \rfloor$ et propriétés élémentaires. Caractérisation à l'aide de l'unicité de l'écriture: x = |x| + d où $d \in [0, 1[$.

Questions de cours (preuve à connaître)

- Théorème définissant la partie entière.
- $\bullet \ \lfloor x+1 \rfloor = \lfloor x \rfloor + 1.$

Cahier de colles : groupes 1,2,3,4.

• \mathbb{Q} est est dense dans \mathbb{R} .