Loi uniforme sur $\{1, \dots N\}$: $\mathcal{U}(\llbracket 1, n \rrbracket)$

Tirage équiprobable :
$$X(\Omega) = \{1, ... N\}$$
 et $E(X) = \frac{N+1}{2}$ $V(X) = \frac{(N-1)(N+1)}{12} = \frac{N^2-1}{12}$

Exemple: tirage d'une boule dans une urne en contenant N indiscernables.

 $\overline{\text{Remarque}}: X \hookrightarrow \mathcal{U}(\llbracket a, b \rrbracket) \Longleftrightarrow X - a + 1 \hookrightarrow \mathcal{U}(\llbracket 1, b - a + 1 \rrbracket)$

Loi de Bernoulli de paramètre $p : \mathcal{B}(p)$

$$X(\Omega) = \{0, 1\},\ P(X = 1) = p, \quad P(X = 0) = 1 - p = q$$

$$E(X) = p \qquad V(X) = pq$$

Jeu du pile ou face avec une pièce équilibrée (p=1/2) ou non $(p \neq 1/2)$, expérience à deux résultats possibles.

Loi binomiale $\mathcal{B}(n,p)$ de paramètres n et p

$$X(\Omega) = \{0, \dots n\}$$
 et, pour $k \in \{0, \dots n\}$,
 $P(X = k) = \binom{n}{k} p^k q^{n-k}$ avec $q = 1 - p$
$$E(X) = np$$

$$V(X) = npq$$

X: nombre de succès dans n épreuves de Bernoulli indépendantes.

Exemple : nombre de « pile » après n tirages successifs dans le jeu du pile ou face.

Loi géométrique sur \mathbb{N}^* de paramètre p

$$X(\Omega) = \mathbb{N}^*$$
 pour $k \in \mathbb{N}^*$, $P(X = k) = pq^{k-1}$ où $q = 1 - p$
$$E(X) = \frac{1}{p} \qquad V(X) = \frac{q}{p^2}$$

X : rang du premier succès dans une répétition d'épreuves de Bernoulli indépendantes et identiques.

Exemple : 1^{ère} fois que « pile » sort dans une succession de lancer d'une pièce.

Loi de Poisson $\mathcal{P}(\lambda)$ de paramètre $\lambda > 0$

$$X(\Omega) = \mathbb{N}$$
 et
$$\forall k \in \mathbb{N}, \quad P(X = k) = \frac{\lambda^k}{k!} \exp(-\lambda)$$
 $E(X) = \lambda \qquad V(X) = \lambda$

Modélise un comptage : le nombre de ... durant une période temporelle.

Exemple : nombre de clients entrant dans un magasin par jour, nombre de personnes par heure arrivant à un guichet, nombre de gouttes de pluie par seconde tombant sur une surface donnée.