Mathématiques – ECG1 DM 1

DEVOIR MAISON 1

À rendre pour le lundi 06 octobre 2024

• Les résultats finaux doivent être mis en évidence (soulignés, surlignés ou encadrés).

Exercice 1 – Soit m un nombre réel fixé. On considère le système à paramètre suivant :

$$(S_m) \begin{cases} -mx - 2y - 6z = 2\\ 3x - (5+m)y - 9z = 3\\ -x + y + (1-m)z = -1 \end{cases}$$

d'inconnus les triplets de réels $(x, y, z) \in \mathbb{R}^3$.

1. On suppose dans cette question que m = 1.

Réécrire le système (S_1) correspondant, puis le résoudre.

2. Dans le cas général, résoudre le système (S_m) selon les valeurs du paramètre $m \in \mathbf{R}$.

Exercice 2 – Soit f la fonction définie par son expression : $\forall x \in \mathbf{R}$, $f(x) = \ln(x) + x^2 - 3x + 2$.

- (a) Donner l'ensemble de définition et de dérivation de cette fonction
- (b) Étudier les variations de la fonction f.
- (c) Représenter graphiquement l'allure de sa courbe représentative.