Interrogation du 10/11/2025

NOM Prénom:

1. Déterminons l'expression explicite de la suite $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ définie par son premier terme $u_0=5$ et par la relation de récurrence, donnée par, pour tout $n\in\mathbb{N}$, $u_{n+1}=2u_n-3$.

2. On considère les matrices

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 2 \end{pmatrix} \qquad \text{et} \qquad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 2 & 1 \end{pmatrix} \qquad \text{et} \qquad C = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 1 \\ 3 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Calculer B + 2C puis A(B + 2C).

Mathématiques – ECG1 Interro 6

3. On considère la matrice $A\in \mathscr{M}_2(\mathbb{R})$ donnée par,

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$

Calculer, pour tout $p \in \mathbb{N}^*$, A^p .