TD 6 - intégrales généralisées - complément

Quelques calculs d'intégrales supplémentaires

1.
$$\int_0^2 (2-x)^7 dx$$

2.
$$\int_0^{1/2} e^{-2x} dx$$

3.
$$\int_0^1 \frac{1}{1+x} dx$$

$$4. \int_{-1}^{1} \frac{1}{(2+x)^3} \mathrm{d}x$$

5.
$$\int_0^{1/2} \frac{1}{(1-t)^n} dt \ (n \in \mathbb{N})$$

6.
$$\int_0^{\ln(2)} \frac{e^x}{1 + e^x} dx$$

7.
$$\int_0^1 \frac{1}{\sqrt{1+x}} dx$$

8.
$$\int_0^1 x \sqrt{x} dx$$

$$9. \int_0^1 \sqrt{x+1} \mathrm{d}x$$

10.
$$\int_0^1 \frac{x}{1+x^2} \mathrm{d}x$$

11.
$$\int_0^1 xe^{-x^2/2} dx$$

12.
$$\int_0^{+\infty} \frac{1}{(1+2x)^3} dx$$

13.
$$\int_0^{+\infty} x e^{-x} dx$$
 (faire une IPP)

14.
$$\int_0^{+\infty} x^2 e^{-x} dx$$
 (faire une IPP)

15.
$$\int_{1}^{+\infty} \frac{\ln(t)}{t^3} dt$$
 (faire une IPP)

16.
$$\int_0^{+\infty} \frac{1}{(1+t)^n} dt$$
$$(n \in \mathbb{N}^*. \text{ Séparer les cas } n = 1 \text{ et } n > 1))$$

17.
$$\int_0^{+\infty} x e^{-x^2/2} dx$$

$$18. \int_{1}^{+\infty} \frac{1}{x\sqrt{x}} \mathrm{d}x$$

19.
$$\int_0^1 e^{\sqrt{t}} dt$$
, poser $u = \sqrt{t}$

20.
$$\int_0^{1/2} t^2 \ln(1+2t) dt \text{ poser } u = 1+2t$$

21.
$$\int_0^{+\infty} e^{-\sqrt{t}} dt \text{ poser } u = \sqrt{t}$$