



```
print("Hello, world!")
```

FORMATION PYTHON : Les algorithmes de recherche

Ce chapitre a pour but d'initier aux algorithmes de recherche en Python.

Introduction

- ▶ Les algorithmes de recherche sont très utiles en informatique. Leur rôle est de :
 - ▶ Vérifier l'existence d'un ou de plusieurs éléments, satisfaisant une condition donnée, dans un tableau ;
 - ▶ Chercher le nombre d'occurrences d'un élément ;
 - ▶ Chercher la ou les positions d'un élément donné dans un tableau; etc.
- ▶ Il existe essentiellement deux stratégies de recherche :
 - ▶ Recherche *séquentielle* ou encore linéaire
 - ▶ Recherche *dichotomique*.

Plan

1. RECHERCHE SÉQUENTIELLE
2. RECHERCHE PAR DICHOTOMIQUE
3. EXERCICES (TD)

1. RECHERCHE SEQUENTIELLE

1. Recherche séquentielle

- ▶ La recherche séquentielle d'un élément dans un tableau consiste à parcourir le tableau séquentiellement jusqu'à trouver l'élément recherché ou atteindre la fin du tableau.
- ▶ La recherche peut se faire sur un tableau trié ou non, la différence réside dans le parcours du tableau et dans la condition d'arrêt de la recherche.

1. Recherche séquentielle

- ▶ On considère une liste L ou un tableau T et un objet e .

Problématique:

On souhaite tout d'abord de tester l'appartenance de e à L .

- ▶ Des primitives de Python réalisent ce travail ($e \text{ in } L$), mais notre objectif est de comprendre comment on les réalise.

1. Recherche séquentielle : V.I.

7

```
rech_sequentielle.py (C:\Users\anis\Dropbox\pein\1ère année\2015-2016_\python\Cours\6_Chapitre 8_Les itérables (Tri, recherche et complexité)\algo de recherche\rech_sequentielle.py) - Interactive Editor for...
File Edit View Settings Shell Run Tools Help

rech_sequentielle.py
1 #Version itérative:
2 def rechercheF(L,e):
3     r = False
4     for k in L:
5         if e==k:
6             r = True
7     return r
8
9 #Test
10 L=[i for i in range(40)]
11 print(rechercheF(L,5))
12
13
14
15
16
17
18
```

```
Shells
Python
>>> (executing lines 1 to 11
of "rech_sequentielle.py")
True
>>>
```

1. Recherche séquentielle

Complexité :

- ▶ Un appel à la procédure rechercheF(L,e) provoque n itérations, avec $n = \text{len}(L)$, dans tous les cas ce qui fait n comparaisons

if (e==L[k])
- ▶ $O(n)$: Complexité linéaire

1. Recherche séquentielle : EX1

Exercice :

- ▶ Écrire une fonction qui renvoie les deux plus grands éléments d'un tableau d'entiers. On supposera que le tableau est de longueur au moins 2 ; en revanche, on veillera à ne le parcourir qu'une seule fois.

1. Recherche séquentielle : EX1 (S)

10

```
ex_2max.py (C:\Users\anis\Dropbox\pein\1ère année\2015-2016_\python\Cours\Chapitre 8_Les itérables (Tri, recherche et complexité)\algo de recherche\ex_2max.py) - Interactive Editor for Python
File Edit View Settings Shell Run Tools Help

ex_2max.py
1 from numpy import *
2
3 def rech_2max(T):
4     """ renvoie les deux plus grands éléments
5         d'un tableau d'entiers """
6     #initialisations
7     n=len(T)
8     if(T[0]>T[1]):
9         max1,max2=T[0],T[1]
10    else:
11        max1,max2=T[1],T[0]
12
13    #parcours du tableau à partir de 3ème élément
14    for i in range(2,n):
15        if (T[i]>max1):
16            max2=max1
17            max1=T[i]
18        elif (T[i]<max1) and (T[i]>max2):
19            max2=T[i]
20
21    return max1,max2
22
23 #Appel
24 T=array([12,6,0,-4,13,8])
25 max1, max2 = rech_2max(T)
26 print("max1 = ",max1, "\nmax2 = ", max2)
27
28

Shells
Python
>>> (executing lines 1
to 27 of "ex_2max.py")
max1 = 13
max2 = 12
>>>
```

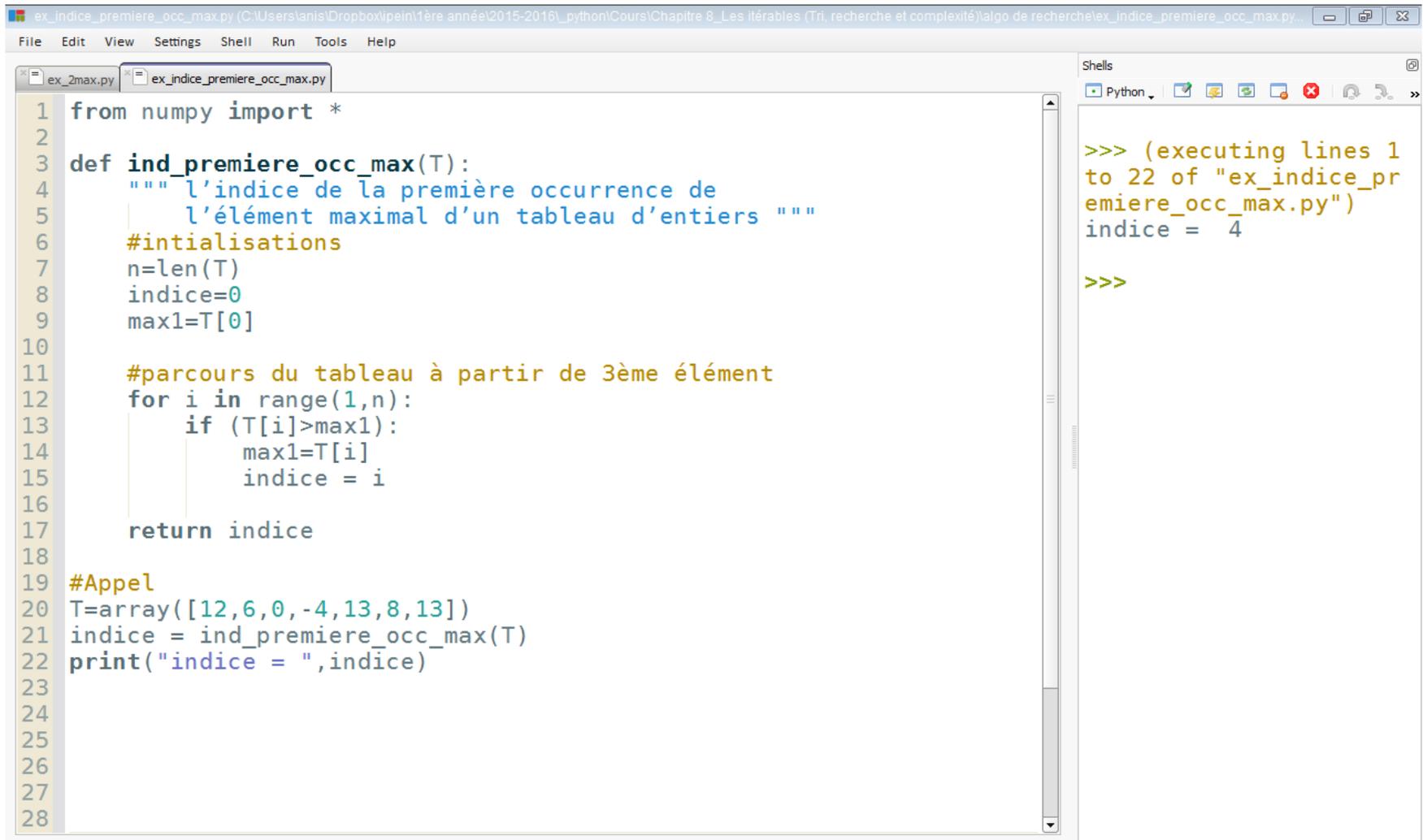
1. Recherche séquentielle : EX 2

Exercice :

1. Écrire une fonction qui renvoie l'indice de la première occurrence de l'élément maximal d'un tableau d'entiers.
2. Évaluer la complexité de cette fonction.

1. Recherche séquentielle :EX 2 (S)

12



The image shows a Python IDE window with two tabs: 'ex_2max.py' and 'ex_indice_premiere_occ_max.py'. The active tab contains the following Python code:

```
1 from numpy import *
2
3 def ind_premiere_occ_max(T):
4     """ l'indice de la première occurrence de
5         l'élément maximal d'un tableau d'entiers """
6     #initialisations
7     n=len(T)
8     indice=0
9     max1=T[0]
10
11     #parcours du tableau à partir de 3ème élément
12     for i in range(1,n):
13         if (T[i]>max1):
14             max1=T[i]
15             indice = i
16
17     return indice
18
19 #Appel
20 T=array([12,6,0, -4,13,8,13])
21 indice = ind_premiere_occ_max(T)
22 print("indice = ",indice)
23
24
25
26
27
28
```

The right-hand side of the IDE shows a 'Shells' window with the following output:

```
>>> (executing lines 1
to 22 of "ex_indice_pr
emiere_occ_max.py")
indice = 4
>>>
```

1. RECHERCHE DICHOTOMIQUE

2. Recherche dichotomique

- ▶ L'algorithme que nous proposons ici suppose que la liste dans laquelle on recherche un élément est **triée**.
- ▶ Quand la liste (tableau) est triée, la recherche d'un élément dans une liste peut être réalisée de manière plus efficace en appliquant le principe "*diviser pour régner*".
- ▶ L'idée est que l'on compare l'élément cherché au terme du milieu de la liste, ce qui conduit, tant qu'on ne le trouve pas, à le rechercher soit dans la première partie soit dans la seconde partie de la liste.

2. Recherche dichotomique : principe

Exemple : Chercher la valeur 9 dans le tableau [1, 3, 5, 6, 9, 12, 14].

La recherche s'effectue ainsi :

On cherche dans $a[0:7]$: 1 3 5 6 9 12 14 avec : $\text{len}(a)=7$

On compare x à $a[3]$: 1 3 5 6 9 12 14 9 > 6 \Rightarrow continuer à droite

On cherche x dans $a[4:7]$: 1 3 5 6 9 12 14

On compare x à $a[5]$: 1 3 5 6 9 12 14 12 > 9 \Rightarrow continuer à gauche

On cherche dans $a[4:4]$: 1 3 5 6 9 12 14

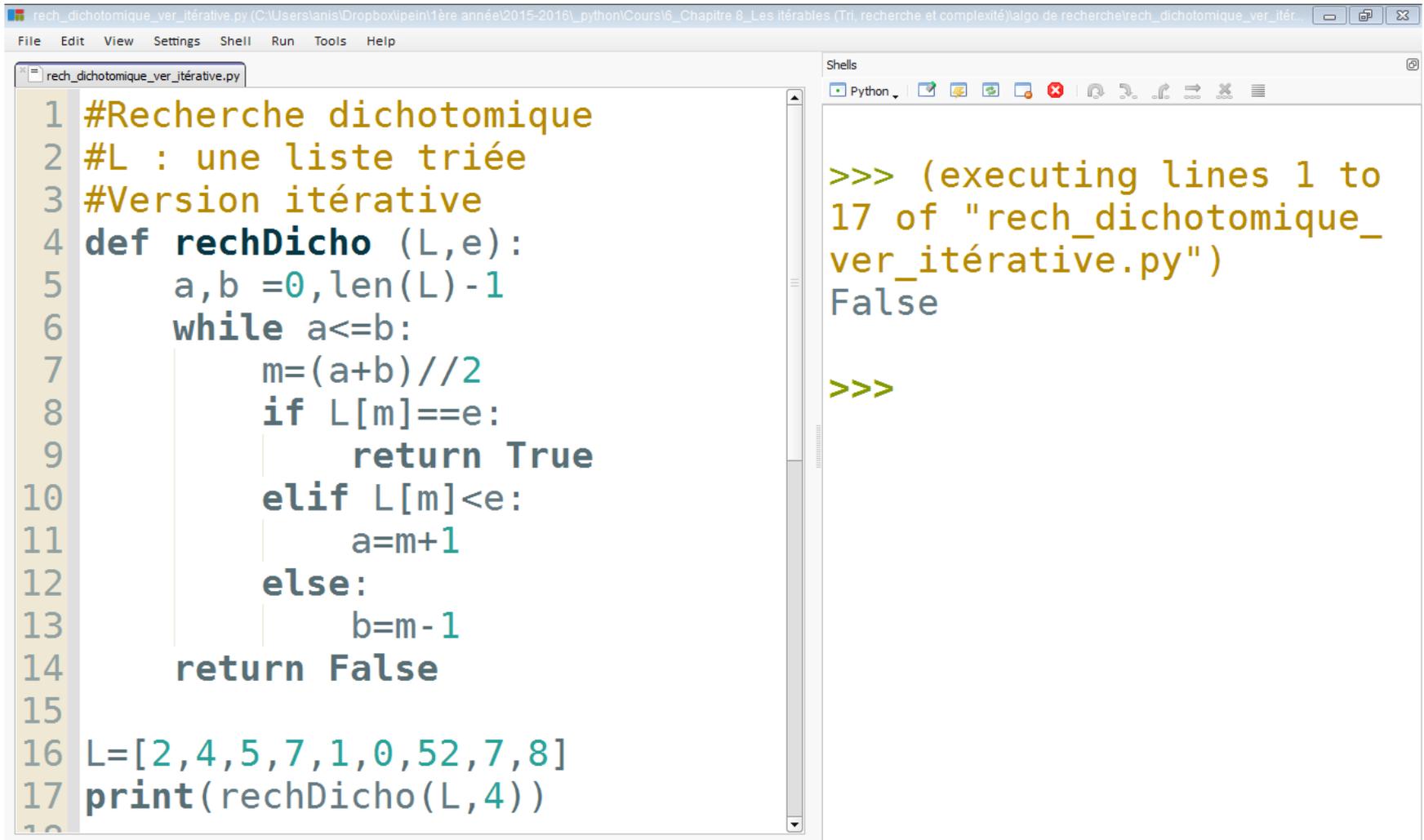
On compare $x=9$ avec $a[4]=9$:

1 3 5 6 9 12 14 9=9

La valeur 9 a été trouvée en seulement trois.

2. Recherche dichotomique : V.I.

16



```
rech_dichotomique_ver_iterative.py (C:\Users\anis\Dropbox\ipein\1ère année\2015-2016_python\Cours\6_Chapitre 8_Les itérables (Tri, recherche et complexité)\algo de recherche\rech_dichotomique_ver_iter...
File Edit View Settings Shell Run Tools Help

rech_dichotomique_ver_iterative.py
1 #Recherche dichotomique
2 #L : une liste triée
3 #Version itérative
4 def rechDicho (L,e):
5     a,b =0,len(L)-1
6     while a<=b:
7         m=(a+b)//2
8         if L[m]==e:
9             return True
10        elif L[m]<e:
11            a=m+1
12        else:
13            b=m-1
14        return False
15
16 L=[2,4,5,7,1,0,52,7,8]
17 print(rechDicho(L,4))
18

Shells
Python
>>> (executing lines 1 to
17 of "rech_dichotomique_
ver_iterative.py")
False

>>>
```

2. Recherche dichotomique : V.R.

```
#Recherche dichotomique dans une liste triée
```

```
def rechDicho (L,e):  
    a,b=0,len(L)  
    m=(a+b)//2  
    if(a==b==0):  
        |    return False  
    elif L[m]==e:  
        |    return True  
    elif L[m]>e:  
        |    return rechDicho(L[:m],e)  
    else:  
        |    return rechDicho(L[m+1:],e)
```

```
#Test : La liste (tableau) doit être trié
```

```
L=[2,4,5,6,7,8,9]  
print(rechDicho(L,59))
```

2. Recherche dichotomique : Exercice

19

Recherche d'un mot (une séquence) dans un texte

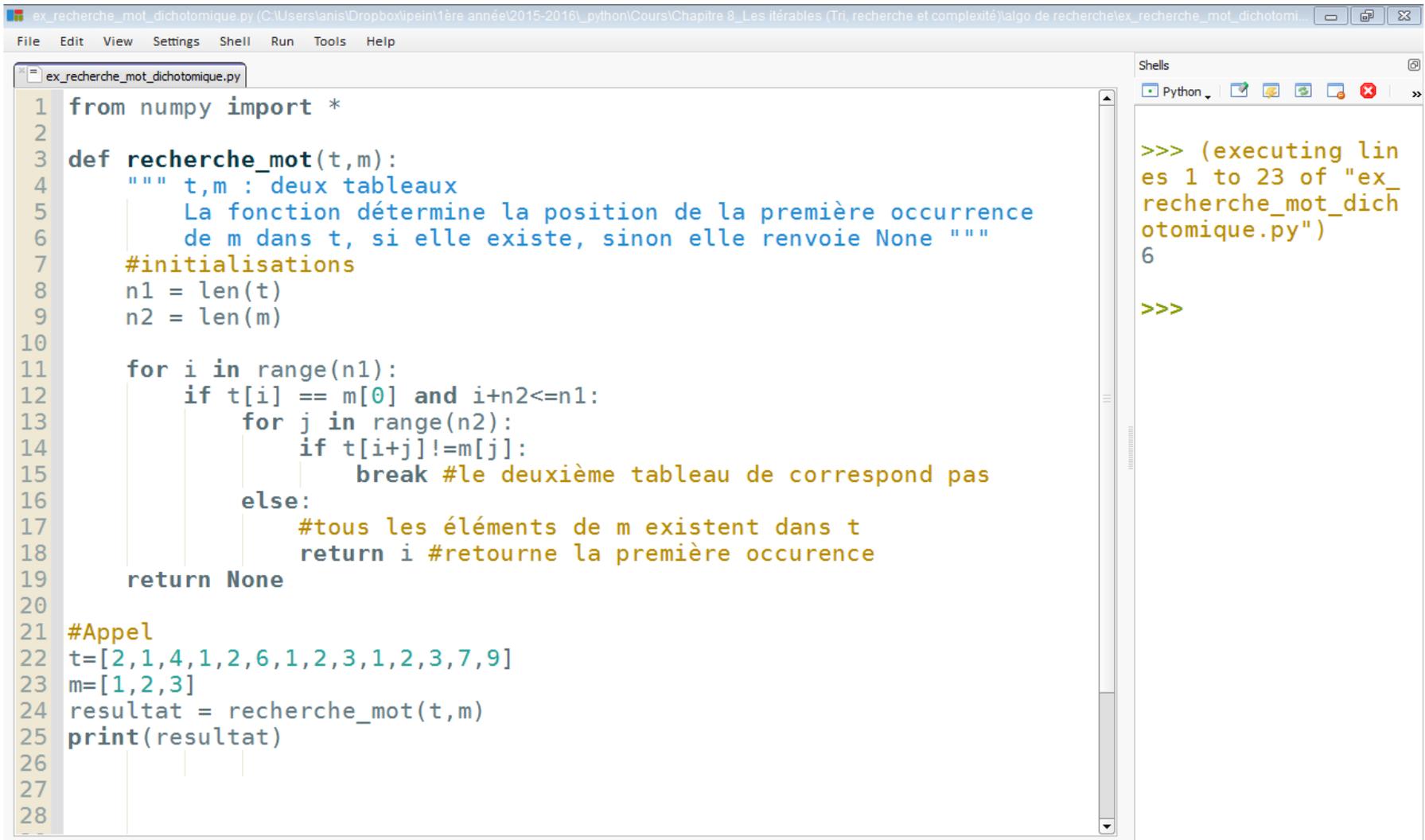
- ▶ Un problème classique en informatique consiste à rechercher, non pas une seule valeur, mais une *séquence* de valeurs dans un tableau. Cela revient à chercher une occurrence d'un tableau dans un autre ou, pour les chaînes de caractères, une occurrence d'un mot dans un texte.
- ▶ On souhaite donc écrire une fonction **recherche_mot** qui, étant donnés deux tableaux m et t , détermine la position de la première occurrence de m dans t , si elle existe, et qui renvoie **None** sinon.

Exemple : pour les tableaux $m=[1,2,3]$ et $t=[2,1,4,1,2,6,1,2,3,7]$,

La fonction **recherche_mot** renvoie 6 : [2, 1, 4, 1, 2, 6, **1**, 2, 3, 7]

2. Recherche dichotomique : Ex (S)

20



```
ex_recherche_mot_dichotomique.py (C:\Users\stani\Dropbox\ipein\1ère année\2015-2016_\python\Cours\Chapitre 8_ Les itérables (Tri, recherche et complexité)\algo de recherche\ex_recherche_mot_dichotomi...
File Edit View Settings Shell Run Tools Help

ex_recherche_mot_dichotomique.py
1 from numpy import *
2
3 def recherche_mot(t,m):
4     """ t,m : deux tableaux
5         La fonction détermine la position de la première occurrence
6         de m dans t, si elle existe, sinon elle renvoie None """
7     #initialisations
8     n1 = len(t)
9     n2 = len(m)
10
11     for i in range(n1):
12         if t[i] == m[0] and i+n2<=n1:
13             for j in range(n2):
14                 if t[i+j]!=m[j]:
15                     break #le deuxième tableau de correspond pas
16             else:
17                 #tous les éléments de m existent dans t
18                 return i #retourne la première occurrence
19     return None
20
21 #Appel
22 t=[2,1,4,1,2,6,1,2,3,1,2,3,7,9]
23 m=[1,2,3]
24 resultat = recherche_mot(t,m)
25 print(resultat)
26
27
28

Shells
Python
>>> (executing lines 1 to 23 of "ex_recherche_mot_dichotomique.py")
6
>>>
```

2. Recherche dichotomique : Exercice

22

1. Modifier la fonction **recherche_mot** pour qu'elle retourne *toutes* les occurrences de *m* dans *t*.

2. Recherche dichotomique : Ex (S1)

23

```
ex_recherche_mot_dichotomique_all_occ.py (C:\Users\anis\Dropbox\1ère année\2015-2016_\python\Cours\Chapitre 8_Les itérables (Tri, recherche et complexité)\algo de recherche\ex_recherche_mot_d...
File Edit View Settings Shell Run Tools Help

ex_recherche_mot_dichotomique_all_occ.py
1 from numpy import *
2
3 def recherche_mot(t,m):
4     """ t,m : deux tableaux
5         La fonction détermine les positions de toutes les occurrences
6         de m dans t, si elle existe, sinon elle renvoie None """
7     #initialisations
8     n1 = len(t)
9     n2 = len(m)
10    occ=[]
11    for i in range(n1):
12        if t[i] == m[0] and i+n2<=n1:
13            for j in range(n2):
14                if t[i+j]!=m[j]:
15                    break #le deuxième tableau ne correspond pas
16            else:
17                #tous les éléments de m existent dans t
18                occ.append(i)
19    if(len(occ)>0):
20        return occ
21    return None
22
23 #Appel
24 t=[2,1,4,1,2,6,1,2,3,1,2,3,7,9]
25 m=[1,2,3]
26 resultat = recherche_mot(t,m)
27 print(resultat)
28

Shells
Python
>>> (executing lines 1 to 27 of "ex_recherche_mot_dichotomique_all_occ.py")
[6, 9]
>>>
```

2. Recherche dichotomique : Exercice

24

1. Ecrire une fonction qui vérifie qu'une chaîne de caractères est un palindrome, c'est-à-dire qu'elle est identique qu'on la lise de gauche à droite ou de droite à gauche.
2. Adapter cette fonction pour qu'elle ne tienne pas compte des espaces ni des signes de ponctuation.

2. Recherche dichotomique : Ex (S)

25

```
ex_palindrome1.py (C:\Users\anis\Dropbox\ipe\1ère année\2015-2016\python\Cours\Chapitre 8_Les itérables (Tri, recherche et complexité)\algo de recherche\ex_palindrome1.py) - Interactive Editor for Python
File Edit View Settings Shell Run Tools Help

ex_palindrome1.py
1 def palindrome1(m):
2     """ Vérifie qu'une chaîne de caractères est un palindrome,
3         c'est-à-dire qu'elle est identique qu'on la lise
4         de gauche à droite ou de droite à gauche """
5     l=list(m)
6     l1=list(m)
7     l.reverse()
8     return l==l1
9
10 #test
11 m="radar"
12 print(palindrome1(m))
13
14 def palindrome2(m):
15     """ ne tienne pas compte des espaces ni des
16         signes de ponctuation """
17     l,l1=[],[]
18     for i in m:
19         if (i.isalpha()):
20             l.append(i)
21             l1.append(i)
22     l.reverse()
23     return l==l1
24 #test
25 m="radar"
26 print(palindrome2(m))
27
28

Shells
Python
>>> (executing lines 1
to 26 of "ex_palindrom
e1.py")
True
True
>>>
```