

Sauf mention contraire, tout est à savoir.

Variables aléatoires

Inégalités de concentration

- Inégalité de Markov.
- Inégalité de Bienaymé-Tchebychev. Loi faible des grands nombres : soit $(X_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite de variables aléatoires discrètes admettant une variance et de même loi. On suppose que ces variables aléatoires sont deux à deux indépendantes. On pose $\overline{X}_n = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$ et on note m l'espérance commune de $X_1, \dots, X_n$ ($m = E(X_1)$) et σ leur écart-type commun ($\sigma = \sigma(X_1)$). On a : $\forall \varepsilon \in \mathbb{R}_+^* \forall n \in \mathbb{N}^*, P(|\overline{X}_n - m| \geq \varepsilon) \leq \frac{\sigma^2}{n\varepsilon^2}$, puis $\forall \varepsilon \in \mathbb{R}_+^*, \lim_{n \rightarrow +\infty} P(|\overline{X}_n - m| \geq \varepsilon) = 0$.

Série génératrice

- Série génératrice G_X , pour une variable aléatoire à valeurs dans $\mathbb{N}$, rayon de CV au moins égal à 1, caractérise la loi, série génératrice des lois classiques.
- X admet une espérance si et seulement si G_X est dérivable en 1 et dans ce cas : $E(X) = G'_X(1)$.
- X admet une variance si et seulement si G_X est deux fois dérivable en 1.
- Série génératrice d'une somme finie de variables aléatoires indépendantes, application somme de deux variables aléatoires indépendantes suivant une même loi binomiale ou de Poisson.

Intégrales à paramètre

- Théorème de continuité, adaptation de l'hypothèse de domination sur tout segment inclus dans I , extension à une fonction à valeurs dans un EVN de dimension finie.
- Théorème de dérivabilité, adaptation de l'hypothèse de domination sur tout segment inclus dans I .
- Théorème de convergence dominé à paramètre continue.
- Extension au cas $\mathcal{C}^k$ et $\mathcal{C}^\infty$.
- Compléments : fonction Gamma et produit de convolution.

BANQUE CCP

29, 30, 50, 96, 99, 110