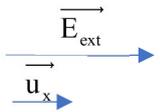
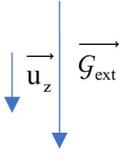


ELECTROSTATIQUE	GRAVITATION
<b>Lois « fondamentales »</b>	
$\vec{F}_{1 \rightarrow 2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \vec{u}_{1 \rightarrow 2}$	$\vec{F}_{1 \rightarrow 2} = -G \frac{m_1 m_2}{r^2} \vec{u}_{1 \rightarrow 2}$
<b>Grandeurs</b>	
<p>Charge q</p> <p>Densité volumique de charge <math>\rho = \frac{dq}{d\tau}</math></p> <p><math>\frac{1}{\epsilon_0}</math></p>	<p>Masse m</p> <p>Masse volumique <math>\rho = \frac{dm}{d\tau}</math></p> <p><math>-4\pi G</math></p>
<b>Champs</b>	
<p>Champ électrostatique <math>\vec{E}(M)</math></p> <p>Ex : champ créé en M par la charge ponctuelle q placée en O : <math>\vec{E}(M) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \vec{u}_r = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{\vec{OM}}{OM^3}</math></p>	<p>Champ gravitationnel <math>\vec{G}(M)</math></p> <p>Ex : champ créé en M par la masse ponctuelle m placée en O : <math>\vec{G}(M) = -G \frac{m}{r^2} \vec{u}_r = -G m \frac{\vec{OM}}{OM^3}</math></p>
<b>Théorème de Gauss</b>	
$\oiint_{P \in \Sigma_G} \vec{E}(P) \cdot d\vec{S}_P \cdot \vec{n}_{\text{ext}}(P) = \frac{Q_{\text{int}} \text{ à } \Sigma_G}{\epsilon_0}$	$\oiint_{P \in \Sigma_G} \vec{G}(P) \cdot d\vec{S}_P \cdot \vec{n}_{\text{ext}}(P) = -4\pi G m_{\text{int}} \text{ à } \Sigma_G$
<b>Potentiels</b>	
<p>Il existe V tel que <math>\vec{E} = -\text{grad} V</math></p> <p><math>V_{\text{créé par q en O}}(M) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{OM}</math></p> <p>Energie potentielle de q dans <math>\vec{E}_{\text{ext}}</math> associé à V : <math>\mathcal{E}_p = q \cdot V(M)</math></p> <p>Exemple : dans <math>\vec{E}_{\text{ext}} = E_0 \vec{u}_x</math> uniforme :</p> <div style="display: flex; align-items: center;">  <math display="block">E_0 \vec{u}_x = -\frac{dV}{dx} \vec{u}_x</math> <math display="block">V(x) = -E_0 x + \text{cst}</math> <math display="block">\mathcal{E}_p = -q E_0 x + \text{cst}'</math> </div>	<p>Il existe <math>\phi</math> tel que <math>\vec{G} = -\text{grad} \phi</math></p> <p><math>\phi_{\text{créé par m en O}}(M) = -G \frac{m}{OM}</math></p> <p>Energie potentielle de m dans <math>\vec{G}_{\text{ext}}</math> associé à <math>\phi</math> : <math>\mathcal{E}_p = m \cdot \phi(M)</math></p> <p>Exemple : dans <math>\vec{G}_{\text{ext}} = G_0 \vec{u}_z</math> uniforme :</p> <div style="display: flex; align-items: center;">  <math display="block">G_0 \vec{u}_z = -\frac{d\phi}{dz} \vec{u}_z</math> <math display="block">\phi(z) = -G_0 z + \text{cst}</math> <math display="block">\mathcal{E}_p = -m G_0 z + \text{cst}'</math> </div>
<p><math>U_e</math> pour une distribution <math>\{q_i\}</math> :</p> $U_e = W_{\text{op}} = \sum_i \sum_{j>i} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_i q_j}{r_{ij}}$ <p>Cas particuliers :</p> <p>2 charges : <math>U_e = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{1,2}}</math></p> <p>sphère uniformément chargée : <math>U_e = \frac{3}{5} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q_{\text{tot}}^2}{R}</math></p>	<p><math>U_g</math> pour une distribution <math>\{m_i\}</math> :</p> $U_g = W_{\text{op}} = \sum_i \sum_{j>i} -G \frac{m_i m_j}{r_{ij}} \leq 0$ <p>Cas particuliers :</p> <p>2 masses : <math>U_g = -G \frac{m_1 m_2}{r_{1,2}}</math></p> <p>sphère de masse uniformément répartie :</p> $U_g = -\frac{3}{5} G \frac{m_{\text{tot}}^2}{R}$