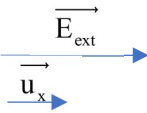
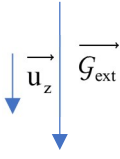


ELECTROSTATIQUE	GRAVITATION
Lois « fondamentales »	
$\vec{F}_{1 \rightarrow 2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \vec{u}_{1 \rightarrow 2}$	$\vec{F}_{1 \rightarrow 2} = -G \frac{m_1 m_2}{r^2} \vec{u}_{1 \rightarrow 2}$
Grandeurs	
<p>Charge q</p> <p>Densité volumique de charge $\rho = \frac{dq}{d\tau}$</p> <p>$\frac{1}{\epsilon_0}$</p>	<p>Masse m</p> <p>Masse volumique $\rho = \frac{dm}{d\tau}$</p> <p>$-4\pi G$</p>
Champs	
<p>Champ électrostatique $\vec{E}(M)$</p> <p>Ex : champ créé en M par la charge ponctuelle q placée en O : $\vec{E}(M) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \vec{u}_r = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{\vec{OM}}{OM^3}$</p>	<p>Champ gravitationnel $\vec{G}(M)$</p> <p>Ex : champ créé en M par la masse ponctuelle m placée en O : $\vec{G}(M) = -G \frac{m}{r^2} \vec{u}_r = -G m \frac{\vec{OM}}{OM^3}$</p>
Théorème de Gauss	
$\oiint_{P \in \Sigma_G} \vec{E}(P) \cdot dS_P \cdot \vec{n}_{ext}(P) = \frac{Q_{int \text{ à } \Sigma_G}}{\epsilon_0}$	$\oiint_{P \in \Sigma_G} \vec{G}(P) \cdot dS_P \cdot \vec{n}_{ext}(P) = -4\pi G m_{int \text{ à } \Sigma_G}$
Potentiels	
<p>Il existe V tel que $\vec{E} = -\vec{grad} V$</p> <p>$V_{\text{créé par q en O}}(M) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{OM}$</p> <p>Energie potentielle de q dans \vec{E}_{ext} associé à V : $\mathcal{E}_p = q \cdot V(M)$</p> <p>Exemple : dans $\vec{E}_{ext} = E_0 \vec{u}_x$ uniforme :</p> <div style="display: flex; align-items: center;">  $E_0 \vec{u}_x = -\frac{dV}{dx} \vec{u}_x$ $V(x) = -E_0 x + cst$ $\mathcal{E}_p = -q E_0 x + cst'$ </div>	<p>Il existe ϕ tel que $\vec{G} = -\vec{grad} \phi$</p> <p>$\phi_{\text{créé par m en O}}(M) = -G \frac{m}{OM}$</p> <p>Energie potentielle de m dans \vec{G}_{ext} associé à ϕ : $\mathcal{E}_p = m \cdot \phi(M)$</p> <p>Exemple : dans $\vec{G}_{ext} = G_0 \vec{u}_z$ uniforme :</p> <div style="display: flex; align-items: center;">  $G_0 \vec{u}_z = -\frac{d\phi}{dz} \vec{u}_z$ $\phi(z) = -G_0 z + cst$ $\mathcal{E}_p = -m G_0 z + cst'$ </div>
<p>U_e pour une distribution $\{q_i\}$:</p> $U_e = W_{op} = \sum_i \sum_{j>i} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_i q_j}{r_{ij}}$ <p>Cas particuliers :</p> <p>2 charges : $U_e = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{1,2}}$</p> <p>sphère uniformément chargée : $U_e = \frac{3}{5} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q_{tot}^2}{R}$</p>	<p>U_g pour une distribution $\{m_i\}$:</p> $U_g = W_{op} = \sum_i \sum_{j>i} -G \frac{m_i m_j}{r_{ij}} \leq 0$ <p>Cas particuliers :</p> <p>2 masses : $U_g = -G \frac{m_1 m_2}{r_{1,2}}$</p> <p>sphère de masse uniformément répartie :</p> $U_g = -\frac{3}{5} G \frac{m_{tot}^2}{R}$