

## TD n°17

### *Modèle scalaire des ondes lumineuses*

#### Exercice 1 : Action d'une lentille sur les surfaces d'ondes

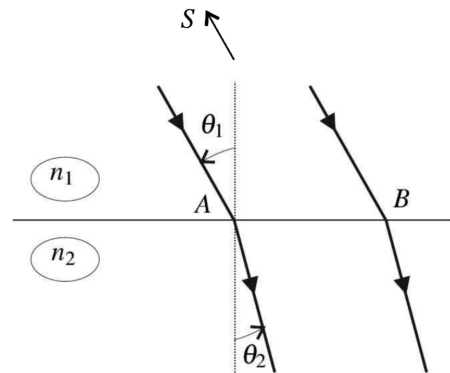
Pour les questions suivantes, indiquer quel type de lentille utiliser, et le cas échéant où se trouve le centre de l'onde sphérique. Tracer un schéma sur lequel apparaissent les rayons lumineux et les surfaces d'onde.

1. Comment transformer une onde sphérique divergente en une onde plane ?
  2. Une onde plane en une onde sphérique convergente ?
  3. Une onde sphérique divergente en une onde sphérique convergente ?
  4. Une onde plane en une onde sphérique divergente ?
- 

#### Exercice 2 : Accord de phase sur un dioptre

Une onde plane monochromatique émise par une source  $S$  arrive sur un dioptre plan séparant le milieu d'indice  $n_1$  (contenant la source) et le milieu d'indice  $n_2$ . On note  $\theta_1$  l'angle d'incidence sur le dioptre et  $\theta_2$  l'angle de réfraction. L'image de  $S$  et notée  $S'$ .

1. En faisant apparaître le point  $H$  situé sur le rayon passant par  $B$  tel que  $(SA) = (SH)$ , trouver une expression de  $(SB) - (SA)$  en fonction de  $n_1$ ,  $\ell = AB$  et  $\theta_1$ .
2. Trouver de même une expression de  $(AS') - (BS')$  en fonction de  $n_2$ ,  $\ell$  et  $\theta_2$ .
3. En déduire une relation entre  $\theta_1$  et  $\theta_2$  (mystère...).



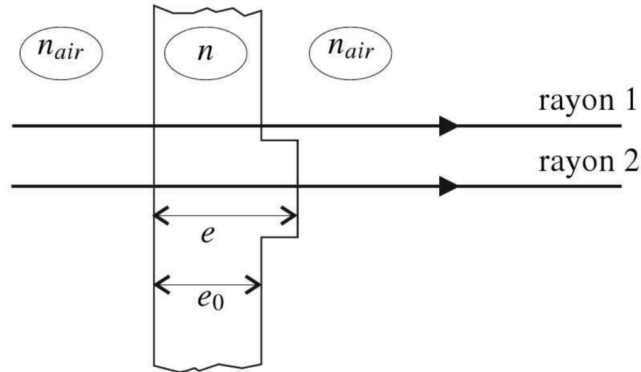
#### Exercice 3 : Raie quasi-monochromatique

Une raie spectrale d'une lampe au cadmium a pour caractéristiques : longueur d'onde moyenne  $\lambda_{0m} = 643,8 \text{ nm}$  et largeur en longueur d'onde  $\Delta\lambda = 1,3 \text{ pm}$ .

1. Quelle est sa couleur ?
  2. Calculer la longueur de cohérence  $\ell_c$ , le temps de cohérence  $\tau_c$  ainsi que le nombre moyen d'oscillations par train d'onde.
-

### Exercice 4 : Défaut sur une lame de verre

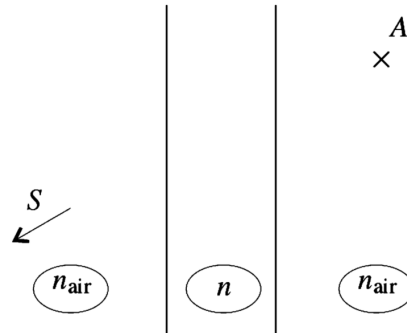
Une lame de verre, parfaitement transparente, à faces parallèles, d'indice de réfraction  $n$  et de faible épaisseur  $e_0$  présente un petit défaut où l'épaisseur devient  $e$ . Cette lame est éclairée par un faisceau de lumière parallèle issu d'une source monochromatique de longueur d'onde dans le vide  $\lambda_0$ .



- Déterminer le déphasage introduit entre les rayons 1 et 2 par la traversée de la lame.
- Représenter sur la figure une surface d'onde avant la traversée de la lame et une surface d'onde après la traversée de la lame.

### Exercice 5 : Lame à faces parallèles

Une lame de verre à faces parallèles, d'épaisseur  $e$  et d'indice  $n$  est interposée entre une source  $S$  située à l'infini dans l'air d'indice  $n_{air}$  et un point  $A$  situé aussi dans l'air.



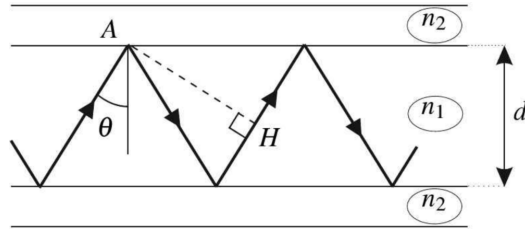
- Tracer soigneusement sur la figure précédente :
  - le rayon lumineux issu de  $S$  et qui arriverait sur  $A$  en absence de la lame ;
  - le rayon lumineux issu de  $S$  et qui arrive sur  $A$  en présence de la lame.

On s'intéresse à la grandeur  $\delta_l = (SA)_{avec} - (SA)_{sans}$ , différence des chemins optiques entre  $S$  et  $A$  en présence et en absence de la lame.

- Montrer que  $\delta_l = e(n \cos r - n_{air} \cos i)$  avec  $i$  et  $r$  respectivement les angles d'incidence et de réfraction des rayons lumineux sur la lame.
- Vérifier le résultat dans le cas où  $i = 0$  et donner une expression approchée de  $\delta_l$  au deuxième ordre lorsque  $i$  est très petit.

### Exercice 6 : Fibre optique à saut d'indice

Une fibre optique est modélisée par une lame de verre d'épaisseur  $d$  et d'indice  $n_1$  placée entre deux couches de verre d'indice  $n_2 < n_1$ . Les rayons lumineux suivent des trajets compris dans un plan perpendiculaire à la lame, du type de celui représenté sur la figure ci-dessous. La longueur d'onde des rayons lumineux est notée  $\lambda_0$ .



1. Sous quelle condition portant sur l'angle  $\theta$ , le rayon est-il confiné dans la lame d'indice  $n_1$  ?
2. Pour qu'il y ait propagation de l'énergie, l'onde doit être en phase aux points  $A$  et  $H$  de la figure. En déduire une nouvelle condition portant sur l'angle  $\theta$ .
3. Chaque valeur de  $\theta$  correspond à un mode de propagation. Calculer le nombre de modes possibles si  $d = 50 \mu\text{m}$ ,  $\lambda_0 = 0,5 \mu\text{m}$ ,  $n_1 = 1,5$  et  $n_2 = 1,4$ .