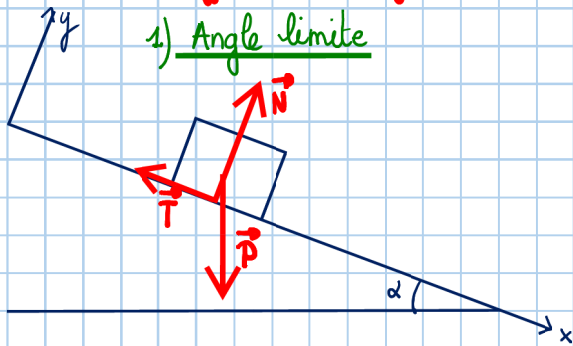


Mesure de coefficients de frottement statique



1) Angle limite

Référentiel : du laboratoire galiléen?

Système : {solide}

Bilan des forces :

- * Poids $\vec{P} = m\vec{g} = mg(\sin\alpha \vec{u}_x - \cos\alpha \vec{u}_y)$
- * Réaction du support : $\vec{R} = N\vec{u}_y + T\vec{u}_x$

PFD
$$\begin{cases} m\ddot{x} = mg \sin\alpha + T \\ 0 = -mg \cos\alpha + N \end{cases}$$

Hypothèse : Absence de glissement : $\dot{x} = 0$

$$\begin{cases} T = -mg \sin\alpha \\ N = mg \cos\alpha \end{cases} \quad \text{loi de Coulomb } \|\vec{T}\| \leq f_s \|\vec{N}\|$$

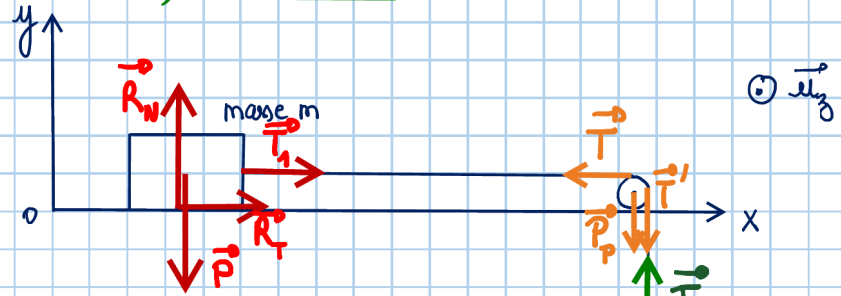
$$\Rightarrow \tan\alpha \leq f_s$$

Le solide commence à glisser lorsque $\alpha = \arctan f_s$

Protocole : On pose le solide sans vitesse initiale sur le plan horizontal ($\alpha=0$)
On augmente progressivement et lentement α
L'angle limite est atteint lorsque le solide commence à glisser :

$$f_s = \tan \alpha_{lim}$$

2) Masse limite



Système : {poulie} idéale $J_{oz} = 0$

Référentiel : R

Bilan des forces :

- * poids \vec{P}_p $\mathcal{M}_{Oz}(\vec{P}_p) = 0$
- * réaction de l'axe de moment nul (poulie idéale)
- * tension \vec{T} $\mathcal{M}_{Oz}(\vec{T}) = Tx$
- * tension \vec{T}' $\mathcal{M}_{Oz}(\vec{T}') = -T'x$

TMC : $0 = Tx - T'x \Rightarrow T = T'$

Fil idéal :
$$\begin{cases} T_1 = -T \\ T_2 = -T' \end{cases}$$

Système : {m}

Bilan des forces :

- * Poids $\vec{P} = m\vec{g} = -mg\vec{u}_y$
- * Réaction $\vec{R} = R_x\vec{u}_x + R_N\vec{u}_y$
- * Tension $\vec{T}_1 = T_1\vec{u}_x$

PFD :
$$\begin{cases} m\ddot{x} = R_x + T \\ 0 = -mg + R_N \end{cases} \quad \begin{cases} R_N = mg \\ R_x = m\ddot{x} - T \end{cases}$$

Système : {m'}

Bilan des forces :

- * Poids $\vec{P}' = m'\vec{g} = -m'g\vec{u}_y$
- * Tension $\vec{T}_2 = T_2\vec{u}_y$

PFD
$$m'\ddot{y} = T_2 - m'g$$

fil inextensible : $l = cte \Rightarrow \dot{x} = -\dot{y} \Rightarrow \ddot{x} = -\ddot{y}$

On combine les relations précédentes: $T_1 = T_2$

$$R_T = m\ddot{x} - m'(j+g)$$

$$R_T = (m+m')\ddot{x} - m'g$$

Hypothèse: le solide ne glisse pas $\dot{x} = 0$ et $\ddot{x} = 0$

loi de Coulomb: $\|\vec{R}_T\| \leq f_s \|\vec{R}_N\|$

avec $\|\vec{R}_T\| = m'g$

$$\|\vec{R}_N\| = mg$$

\Rightarrow Pas de glissement tant que $m' \leq f_s m$
Le solide se met à glisser lorsque m' dépasse $f_s m$

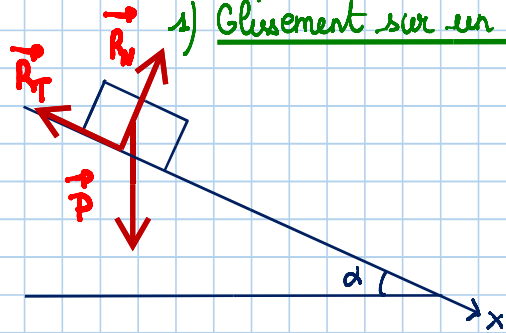
Protocole:

- * Poser le solide de masse m connue sur le support horizontal.
- * Déposer progressivement des masselottes dans la coupelle
- * Mesurer m'_{lim} pour laquelle le solide commence à glisser.

$$f_s = \frac{m'_{\text{lim}}}{m}$$

Mesure de coefficients de frottement dynamique

1) Glissement sur un plan incliné



Système : solide de masse m
 Référentiel : terrestre galiléen

Plan des forces :

* Poids $\vec{P} = m\vec{g}$
 $= mg(\sin\alpha \vec{u}_x - \cos\alpha \vec{u}_y)$

* Réaction
 $\vec{R} = R_T \vec{u}_x + R_N \vec{u}_y$

On choisit $\alpha > \alpha_{\text{lim}}$

PFD
$$\begin{cases} mg \sin\alpha + R_T = m\ddot{x} \\ -mg \cos\alpha + R_N = 0 \end{cases}$$

($t=0$) On dépose le solide sans vitesse initiale sur le plan incliné.

($t > 0$) le solide glisse vers le bas.

Loi de Coulomb : $\|\vec{R}_T\| = f_d \|\vec{R}_N\| = f_d mg \cos\alpha$

$\Rightarrow m\ddot{x} = mg \sin\alpha - f_d mg \cos\alpha$
 $\ddot{x} = g(\sin\alpha - f_d \cos\alpha)$

$\Rightarrow \dot{x} = g(\sin\alpha - f_d \cos\alpha)t$ et $x(t) = g(\sin\alpha - f_d \cos\alpha) \frac{t^2}{2}$

Protocole : * On choisit $\alpha > \alpha_{\text{lim}}$ pour que le solide glisse.
 On mesure α .

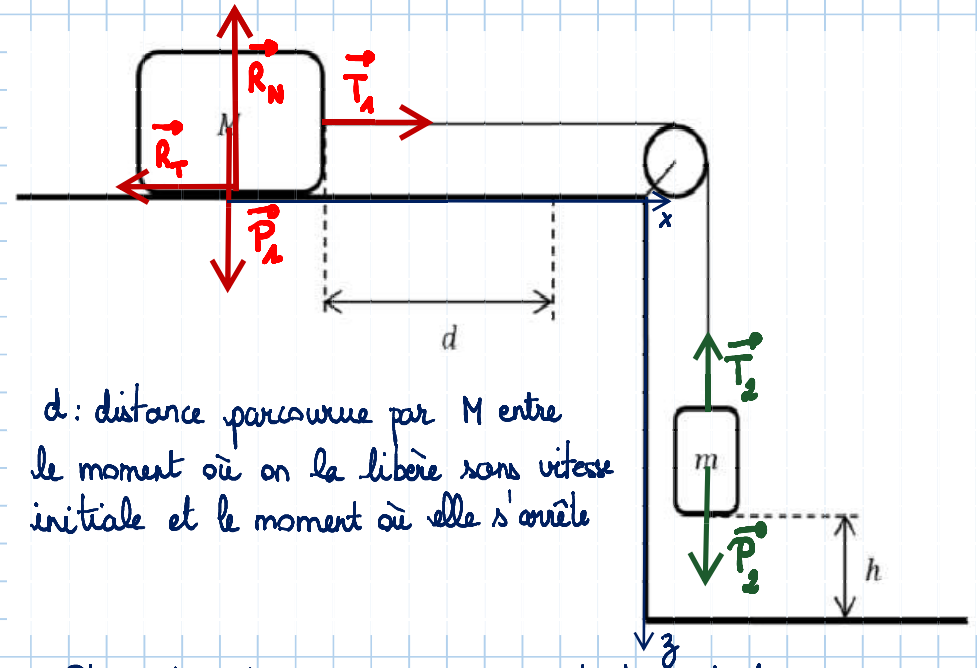
* On filme le mouvement du solide

* On fait un ajustement parabolique $x(t) = At^2$

* On en déduit :

$$f_d = \frac{1}{\cos\alpha} \left(\sin\alpha - \frac{2A}{g} \right)$$

2) Glissement provoqué par une masse qui chute : Mesure d'une distance d'arrêt



d : distance parcourue par M entre le moment où on la libère sans vitesse initiale et le moment où elle s'arrête

* Phase 1 : dM a un mouvement descendant

Roulie parfaite + fil idéal : $\|\vec{T}_1\| = \|\vec{T}_2\|$

TEC dM $\frac{1}{2} M v_1^2 - 0 = -R_T h + W(\vec{T}_1)$ (1)

$\{m\}$ $\frac{1}{2} m v_2^2 - 0 = W(\vec{T}_2) + mgh$ (2)

Fil inextensible : $v_1(t) = v_2(t)$

$\Rightarrow W(\vec{T}_1) = -W(\vec{T}_2)$

(1) + (2) $\frac{1}{2} (M+m) v_1^2 = -R_T h + mgh$

Loi de Coulomb : dM glisse $\|\vec{R}_T\| = f_d \|\vec{R}_N\|$

PFD pour dM projeté sur (Ox) $0 = Mg - R_N \Rightarrow R_N = Mg$

$\Rightarrow R_T = f_d Mg \Rightarrow v_1 = \sqrt{\frac{2(m - M f_d)gh}{M+m}}$

* Phase 2 : $\alpha(m)$ est immobile

TEC pour $\alpha(M)$ $0 - \frac{1}{2} M \omega_1^2 = - R_T (d - h)$ avec $R_T = f_d M g$

$$\rightarrow - \frac{1}{2} M \frac{2(m - M f_d) h}{m + M} = - f_d M g (d - h)$$

$$\Rightarrow (m - M f_d) h = f_d (m + M) (d - h)$$

$$\Rightarrow f_d = \frac{m h}{(m + M) d - m h}$$

Protocole:

- * Choisir $m > M$
- * Placer m et M comme indiqué sur le schéma en tenant m .
- * Mesurer h .
- * Lâcher m et mesurer d .