

20) $[Sn^{2+}](t_{1/2}) = \frac{[Sn^{2+}]_{ini}}{2}$ et $v = k [Sn^{2+}]^\beta [Fe^{3+}]_0^\alpha \Rightarrow v = k_{app} [Sn^{2+}]^\beta$

30) $\frac{d[Sn^{2+}]}{dt} = -k_{app} [Sn^{2+}]^\beta$ ou $k_{app} = k [Fe^{3+}]_0^\alpha$

$\int_{[Sn^{2+}]_0}^{[Sn^{2+}]/2} \frac{dx}{x^\beta} = -k_{app} \int_0^{t_{1/2}} dt = -k_{app} t_{1/2} = \ln \frac{1}{2} \Rightarrow t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k_{app}}$

car $t_{1/2}$ independant de $[Sn^{2+}]_{ini}$.

a) $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k [Fe^{3+}]_0^\alpha}$ depend de $[Fe^{3+}]_0 \Rightarrow \alpha \neq 0$.

50) $\frac{d[Fe^{3+}]}{dt} = -2k [Fe^{3+}]^\alpha [Sn^{2+}] \Rightarrow \frac{d[Fe^{3+}]}{dt} = -\frac{2k}{2} [Fe^{3+}]^{\alpha+1}$: experience 2
 $[Fe^{3+}] = 2[Sn^{2+}] \forall t$

60) $-k \int_0^{t_{1/2}} dt = \int_{[Fe^{3+}]_0}^{[Fe^{3+}]/2} \frac{dx}{x^{\alpha+1}} \Rightarrow -k t_{1/2} = -\frac{1}{\alpha} \left[[Fe^{3+}]^{-\alpha} \right]_0^{[Fe^{3+}]/2}$
 $\Rightarrow +k t_{1/2} = \frac{1}{\alpha} \left(\frac{2}{[Fe^{3+}]_0^\alpha} - \frac{1}{[Fe^{3+}]_0^\alpha} \right) \Rightarrow t_{1/2} = \frac{1}{k \alpha [Fe^{3+}]_0^\alpha}$

III- CCINP (2023)

b- Exercice 2 : Cinétique d'une réaction chimique

Les ions Sn^{2+} et Fe^{3+} réagissent. On étudie la vitesse de réaction.

On a un ordre partiel α par rapport à Sn^{2+} et β par rapport à Fe^{3+} .

- **Expérience 1** : concentration initiale en Fe^{3+} très grande devant celle en Sn^{2+} . On constate que $t_{1/2}$ est independant de la concentration initiale en Sn^{2+} ;
- **Expérience 2** : mélange stoechiométrique initialement.

Donnée : un tableau avec $t_{1/2}$ en fonction de la concentration initiale en Fe^{3+} , qui n'est pas constant (pas noté les valeurs, mais utile pour la question 7).

1. Donner l'équation-bilan et la valeur numérique de la constante associée.
2. Dans le cas de l'expérience 1, définir $t_{1/2}$ puis donner la vitesse de réaction v en fonction de $k, \alpha, \beta, [Sn^{2+}]$ et $[Fe^{3+}]_0$, puis en fonction d'une constante apparente k_{app} à définir.
3. Donner une équation différentielle sur Sn^{2+} et donner son ordre partiel. En déduire $t_{1/2}$ en fonction de k_{app} .
4. Justifier pourquoi $\alpha \neq 0$.
5. Donner une équation différentielle sur $[Fe^{3+}]$.
6. Intégrer cette équation différentielle et donner $t_{1/2}$ en fonction de k .
7. D'après les questions précédentes et les données, déterminer β sachant qu'il est entier

Données :

$E^0(Fe^{3+}/Fe^{2+}) = 0,77V$ $E^0(Sn^{4+}/Sn^{2+}) = 0,14V$

$$1^o) \left| \Phi = \frac{dQ}{dt} = \int \vec{j} \cdot d\vec{S} \right| \Rightarrow \left| [j_Q] \right| = W \cdot m^{-2}$$

$$b - \left| \vec{j}_{th} = -\lambda \frac{\partial T}{\partial x} \vec{e}_x \right| \Rightarrow \left| [\lambda] \right| = W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1}$$

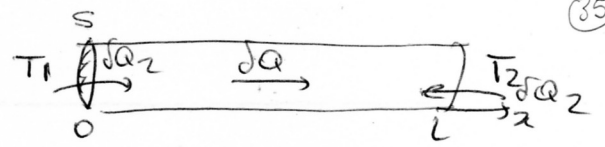
$$2^o) a, b, c \left| \frac{d^2 T}{dx^2} = 0 \right| \Rightarrow \left| T = T_1 + \frac{T_2 - T_1}{L} x \right| \Rightarrow \left| \Phi = S j_{th} = S \times (-\lambda) \frac{T_2 - T_1}{L} = \frac{T_1 - T_2}{R_{th}} \right| \Rightarrow \left| R_{th} = \frac{L}{\lambda S} \right|$$

$$3^o) a - \delta S_{ech} = \frac{\delta Q_1}{T_1} + \frac{\delta Q_2}{T_2} \text{ avec } \begin{cases} \frac{\delta Q_1}{dt} = \frac{dQ}{dt} = \Phi = R_{th} \frac{T_1 - T_2}{R_{th}} \\ \frac{\delta Q_2}{dt} = -\frac{dQ}{dt} = -\Phi \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{\delta S_{ech}}{dt} = \Phi \times \left(\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right) = \frac{T_1 - T_2}{R_{th}} \times \frac{T_2 - T_1}{T_1 T_2} \Rightarrow \left| \frac{\delta S_{ech}}{dt} = - \frac{(T_1 - T_2)^2}{R_{th} T_1 T_2} dt \right|$$

$$b - \frac{ds}{dt} = \frac{\delta S_{ech}}{dt} + \frac{\delta S_{cr}}{dt} = 0 \text{ (régime stationnaire)}$$

$$\Rightarrow \left| \frac{\delta S_{cr}}{dt} = \frac{(T_1 - T_2)^2}{R_{th} T_1 T_2} dt > 0 \right|$$



III- CCINP (2023)

7- Thermodynamique, induction électromagnétique (2023)

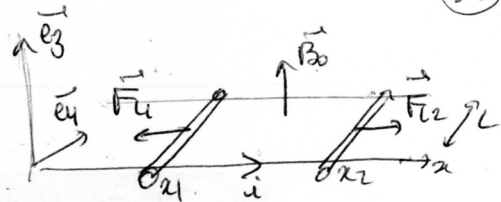
a- Exercice 1 : Diffusion stationnaire dans un barreau

On considère un barreau de longueur L , de section S , de conductivité thermique λ , de surface latérale calorifugée et dont les extrémités sont en contact avec des thermostats de températures respectives T_1 et $T_2 < T_1$.

On suppose que l'on est en régime stationnaire et que les contacts sont parfaits.

1. a- Rappeler l'interprétation du vecteur densité de flux de courant thermique. Donner son unité dans le système SI.
- b- Rappeler la loi liant le vecteur densité de flux thermique \vec{j}_{th} , λ et la température $T(x)$ dans le barreau. L'interpréter. En déduire l'unité de λ .
2. a- Établir l'équation différentielle respectée par la température dans le barreau.
- b- Résoudre cette équation différentielle. Calculer le flux thermique ϕ_{th} à travers le barreau.
- c- Par analogie avec l'électrocinétique, établir la formule d'une résistance thermique R_{th} dans le cas général (à 1 dimension).
Que vaut-elle dans notre cas ?
3. a- Calculer l'entropie échangée δS_e par le barreau avec les deux thermostats pendant la durée dt .
- b- En déduire l'entropie créée δS_c pendant dt .
- c- Exprimer δS_e et δS_c en fonction de T_1 , T_2 , R_{th} et dt .

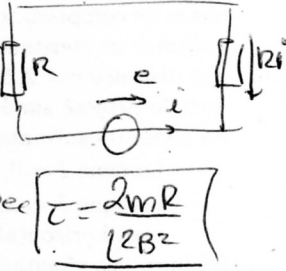
1°) Forces de Laplace: $\vec{F}_L = iL\vec{e}_y \wedge \vec{B}_0 = iLB_0\vec{e}_x$
 $\vec{F}_2 = -iLB_0\vec{e}_x$



Loi de Faraday: $e = -\frac{d\Phi_B}{dt} = -\frac{d[i(x_2-x_1)B_0]}{dt} = -LB_0(v_2-v_1)$

Circuit équivalent: $e = 2Ri \Rightarrow i = -\frac{LB_0}{2R}(v_2-v_1)$

PFD: $m\frac{dv_2}{dt} = F_{12} \Rightarrow m\frac{dv_2}{dt} = -\frac{L^2B^2}{2R}(v_2-v_1) \Rightarrow \tau\frac{dv_2}{dt} = -(v_2-v_1)$
 $m\frac{dv_1}{dt} = \frac{L^2B^2}{2R}(v_2-v_1) \Rightarrow \tau\frac{dv_1}{dt} = (v_2-v_1)$ avec $\tau = \frac{2mR}{L^2B^2}$

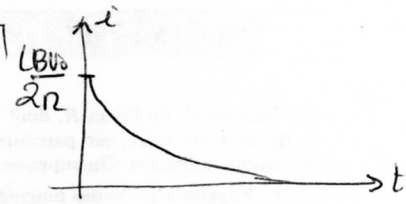


Résolution:

$f = v_1 + v_2 \Rightarrow \tau\frac{df}{dt} = 0 \Rightarrow v_1 + v_2 = v_0 = \text{cte}$

$g = v_1 - v_2 \Rightarrow \tau\frac{dg}{dt} = -2g \Rightarrow g = A e^{-2t/\tau} \Rightarrow v_1 - v_2 = v_0 e^{-2t/\tau}$

$\Rightarrow v_1(t) = \frac{v_0}{2}(1 + e^{-2t/\tau})$ $v_2(t) = \frac{v_0}{2}(1 - e^{-2t/\tau})$



2°) $i = -\frac{LB}{2R}(v_2-v_1) = \frac{LB}{2R}v_0 e^{-2t/\tau} = i(t)$

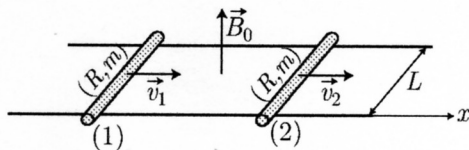
$\lim_{t \rightarrow \infty} v_1 = \lim_{t \rightarrow \infty} v_2 = v_p = \frac{v_0}{2}$

III- CCINP (2023)

b- Exercice 2 : Circuit avec deux rails de Laplace

On considère deux fils conducteurs infinis, de résistance nulle, parallèles à l'axe (Ox) et séparés d'une distance L . Sur ces fils sont posés deux barreaux conducteurs (1) et (2) identiques, de résistance électrique R , de masse m , parallèles à l'axe (Ox) et glissant sans frottements.

L'ensemble est plongé dans un champ magnétique constant $\vec{B}_0 = B_0 \vec{e}_x$.



On note \vec{v}_1 (resp. \vec{v}_2) la translation de (1) (resp. (2)).

Les conditions initiales sont données par :

$\vec{v}_1(0) = v_0 \vec{e}_x$ et $\vec{v}_2(0) = \vec{0}$

1. Établir les équations différentielles couplées liant v_1 et v_2 au cours du temps. La résoudre en posant $f = v_1 + v_2$ et $g = v_1 - v_2$.

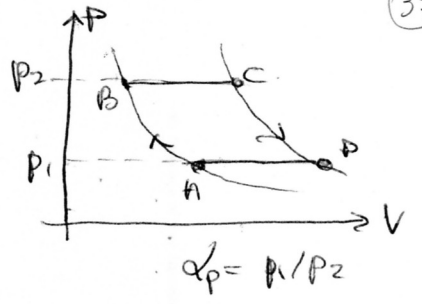
2. Deux autres questions non traitées.

Il me semble qu'une d'entre elles demandait, à l'aide d'une courbe donnant l'intensité en fonction du temps où cette dernière semblait décroître exponentiellement, de déterminer la vitesse limite $v_{1,\ell}$.

2) Cycle moteur (sens horaire)

$$3) \begin{cases} Q_{BC} = \Delta H = C_p(T_C - T_B) > 0 \\ Q_{DA} = \Delta H = C_p(T_A - T_D) < 0 \end{cases} \Rightarrow \eta = 1 + \frac{Q_{DA}}{Q_{BC}} = 1 + \frac{T_A - T_D}{T_C - T_B}$$

$$4) \begin{cases} T_B p_2^{1-\gamma} = T_A p_1^{1-\gamma} \Rightarrow T_B = T_A \alpha^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} \\ T_C p_2^{1-\gamma} = T_D p_1^{1-\gamma} \Rightarrow T_C = T_D \alpha^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} \end{cases} \Rightarrow \eta = 1 + \frac{T_A - T_D}{\alpha^{\frac{1-\gamma}{\gamma}}(T_D - T_A)} \Rightarrow \eta = 1 - \alpha^{\frac{\gamma-1}{\gamma}}$$



III- CCINP (2023)

8- Thermodynamique, physique quantique (2023)

a- Exercice 1 : Étude d'un cycle thermodynamique

On étudie, pour un gaz parfait, le cycle ABCDA suivant :

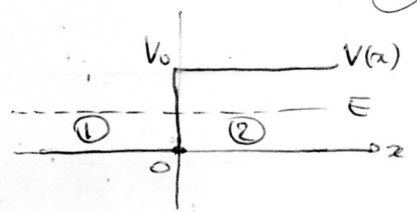
- AB : compression isentropique ;
- BC : combustion isobare à pression p₂ ;
- CD : détente isentropique ;
- DA : refroidissement isobare.

On notera $\gamma = \frac{C_p}{C_v}$ et $\alpha_p = \frac{p_1}{p_2}$. Par ailleurs : $p_1 < p_2$.

1. Représenter le diagramme de Clapeyron du cycle.
2. Le cycle est-il moteur ?
3. Exprimer les transferts thermiques.
4. Définir le rendement du cycle et l'exprimer en fonction de T_A, T_B, T_C, T_D.
5. Exprimer ce rendement en fonction de γ et α_p .

$$1) \left[-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2\psi}{dx^2} + V\psi = E\psi \right] \Rightarrow \frac{d^2\psi_1}{dx^2} + k^2\psi_1 = 0 \text{ avec } k = \sqrt{\frac{2mE}{\hbar^2}}$$

$$\Rightarrow \psi_1(x) = A_1 e^{ikx} + B_1 e^{-ikx} \quad \text{car } E = \hbar\omega$$



$$2) \text{ Région } \textcircled{2}: \frac{d^2\psi_2}{dx^2} - q^2\psi_2 = 0 \text{ avec } q = \sqrt{\frac{2m}{\hbar^2}(V_0 - E)}$$

$$\Rightarrow \psi_2(x) = \frac{A_2 e^{-qx}}{2} + B_2 e^{qx} \quad \leftarrow \text{car } \lim_{x \rightarrow \infty} \psi_2(x) \neq \infty.$$

Conditions de continuité :

$$\psi_1(0) = \psi_2(0) \Rightarrow A_1 + B_1 = A_2$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{d\psi_1}{dx} \Big|_0 = \frac{d\psi_2}{dx} \Big|_0 &\Rightarrow ikA_1 - ikB_1 = -qA_2 \\ ikA_1 + ikB_1 &= ikA_2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow 2ikA_1 = (ik - q)A_2$$

$$\Rightarrow \boxed{A_2 = \frac{2ik}{ik - q} A_1}$$

$$\Rightarrow \boxed{B_1 = A_2 - A_1 = \frac{ik + q}{ik - q} A_1}$$

III- CCINP (2023)

b- Exercice 2 : Diffusion d'une particule par une marche de potentiel

- Donner l'équation de Schrödinger pour un état stationnaire défini parfait : $\Psi(x, t) = \varphi(x) e^{-iEt/\hbar}$, après avoir rappelé la relation de Planck-Einstein.
- La résoudre pour une région de potentiel nul.
- La particule arrive de $-\infty$ vers une marche de potentiel $V_0 > E$. Résoudre dans les deux régions, en exploitant les conditions de continuité.