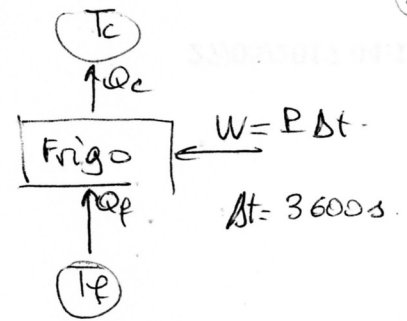


Exo 80-P47-1411252

$$m = \frac{Q_f}{W} = \frac{Q_f}{P \Delta t}$$

$$Q_f = 6 \times m \cdot c_e \Delta T = 6 \times 1 \times 18 \cdot 10^3 \times (20 - 5) = 3,76 \cdot 10^5 \text{ J}$$

$$P \Delta t = 7,2 \cdot 10^5 \text{ J} \Rightarrow \boxed{M_{\text{frigo}} = 16\%}$$



#### IV- MINES-TELECOMS (2025)

##### b- Exercice 2 : Efficacité d'une machine frigorifique

Six bouteilles d'eau de 1 L, initialement à la température de 20°C, sont placées dans un frigo. Elles prennent une température de 5°C au bout d'une heure.

Calculer l'efficacité du frigo.

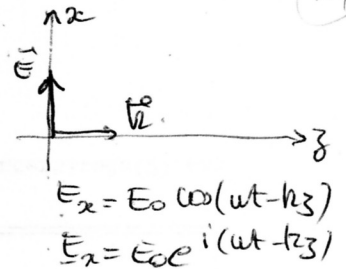
On donne :

- la puissance du frigo :  $P = 200 \text{ W}$  ;
- la capacité thermique massique de l'eau :  $c_e = 4,18 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$  ;
- la masse volumique de l'eau :  $\mu = 1 \text{ kg/L}$





1°) cf cours:  $\Delta \vec{E} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = 0 \Rightarrow \omega = kc$



2°)  $\vec{\Pi} = \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \wedge \vec{B}$   $\Rightarrow$   $P_{\text{traumene}} = \iint_{\Sigma} \vec{\Pi} \cdot d\vec{s}$

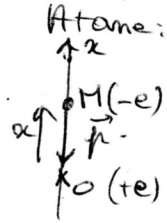
$\text{rot } \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \Rightarrow -i k \wedge \vec{E} = -i \omega \vec{B} \Rightarrow \vec{B} = \frac{1}{\omega} k \wedge \vec{E}$

$\vec{\Pi} = \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \wedge \left[ \frac{1}{\omega} k \wedge \vec{E} \right] = \frac{1}{\mu_0 \omega} [k \wedge E^2 - \vec{E} \times (k \cdot \vec{E})] \Rightarrow \vec{\Pi} = \frac{k}{\mu_0 \omega} E_0^2 \cos^2(\omega t - k z)$

$\Rightarrow \langle \Pi \rangle = \frac{k}{\mu_0 \omega} \times \frac{E_0^2}{2} \Rightarrow \langle I_0 = \frac{E_0^2}{2\mu_0 c} \rangle$

3°)  $\vec{F}_{\text{rayon}} = -kx \vec{e}_x$  au  $\omega_0 = \frac{k}{m} \Rightarrow \vec{F}_{\text{rayon}} / \text{electron} = -m \omega_0^2 kx \vec{e}_x$

$m \ddot{x} = -m \omega_0^2 x + (-e)E \Rightarrow \ddot{x} + \omega_0^2 x = -\frac{e E_0}{m} \cos(\omega t - k z)$   
 $\Rightarrow \ddot{x} + \omega_0^2 x = -\frac{e E_0}{m} e^{i(\omega t - k z)}$   
 $\Rightarrow \ddot{x} x (-\omega^2 + \omega_0^2) = -\frac{e E_0}{m} e^{i(\omega t - k z)}$   
 $\Rightarrow x = \frac{-e E_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2)} \cos(\omega t - k z)$



$\vec{F} = -eex \vec{u}_x = \frac{e^2 E_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2)} \cos(\omega t) \vec{u}_x \Rightarrow$

$\Rightarrow$  puissance rayonnée:  $\left\{ \begin{array}{l} P_{\text{ray}} = \frac{\mu_0 q^2 \omega^4}{12\pi c} = \frac{\mu_0 q^4}{12\pi c} \times \frac{E_0^2}{m^2(\omega_0^2 - \omega^2)^2} \\ I = \frac{P_{\text{ray}}}{2\mu_0 c} \end{array} \right.$

$\Rightarrow \sigma_T = \frac{P_{\text{rayon}}}{I} = \frac{\mu_0^2 e^4}{6\pi \epsilon^2} \frac{\mu_0^2 e^4}{6\pi m^2} \times \frac{\omega^4}{(\omega^2 - \omega_0^2)^2}$

## II- Centrale (2024)

### 24- Diffusion d'une onde électromagnétique par un atome H (Kasperski, 2024)

On a une onde plane progressive se propageant dans le vide, dont le champ électrique est de la forme :

$$\vec{E} = E_0 \cos(\omega t - kz) \vec{u}_z$$

- Démontrer l'équation de propagation de d'Alembert et en déduire la relation de dispersion.
- Donner la définition et le sens physique du vecteur de Poynting. Le calculer et en déduire l'intensité  $I_0$  du champ électromagnétique, qui correspond à la moyenne temporelle du vecteur de Poynting.
- On considère un atome d'hydrogène, dont le noyau est fixe en  $O$ . L'électron est représenté par un point matériel de masse  $m$  et de charge  $q = -e$ . Il est lié à l'atome selon un oscillateur harmonique de pulsation propre  $\omega_0$ . L'onde électromagnétique précédente arrive sur l'électron. Donner  $\sigma_T$ , qui correspond au rapport entre la puissance rayonnée par l'électron et  $I_0$ .
- Il y avait une dernière question avec un graphique.

Donnée : puissance rayonnée par un dipôle oscillant :

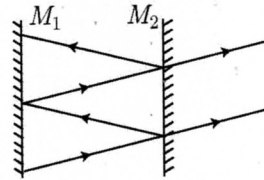
$$P = \frac{\mu_0 p_0^2 \omega^4}{12\pi c}$$

## 25- Modes d'une cavité laser (Le Fèvre, 2024)

Un énoncé de 4 ou 5 lignes présentait l'effet laser.

On considère une cavité formée de deux miroirs plans distants de  $d$  :

- ( $M_1$ ) est caractérisé par :
  - ▶ un coefficient de réflexion  $r_1 = r_1 e^{-j\pi}$
  - ▶ un coefficient de transmission  $t_1$
- ( $M_2$ ) est caractérisé par :
  - ▶ un coefficient de réflexion  $r_2 = r_2 e^{-j\pi}$
  - ▶ un coefficient de transmission  $t_2$



depuis l'intérieur de la cavité.

L'onde résultante dans la cavité est interprétée comme une succession d'ondes réfléchies successives issues d'une onde incidente donnée, que l'on a représentées, par soucis de clarté, faiblement inclinées par rapport à l'axe.

On suppose d'abord que la cavité est vide.

1. Expliquer cette description.
2. Trouver les modes propres dans le cas où  $r_1 = r_2$ , c'est-à-dire les fréquences correspondant à des interférences constructives des ondes successives.

La cavité contient maintenant un milieu d'indice  $n(\omega)$  à la pulsation  $\omega$ , éventuellement complexe.

On posera :

$$n(\omega) = n'(\omega) - jn''(\omega)$$

On suppose que  $r_1 = 1$  et  $r_2 = \sqrt{R_2}$  est proche de 1.

On supposera, pour simplifier, que  $n'$  et  $n''$  sont indépendants de  $\omega$ .

3. On éclaire la cavité de l'extérieur de ( $M_1$ ) par une onde d'intensité  $I_0$ .

Donner la fonction  $\sigma = \frac{1}{\lambda} \mapsto I(\sigma)$  de l'intensité transmise à la sortie de ( $M_2$ ) et la caractériser.

4. À quelle condition sur  $n''$  la cavité laser peut produire un rayonnement sans onde incidente ( $I_0 = 0$ ) ?

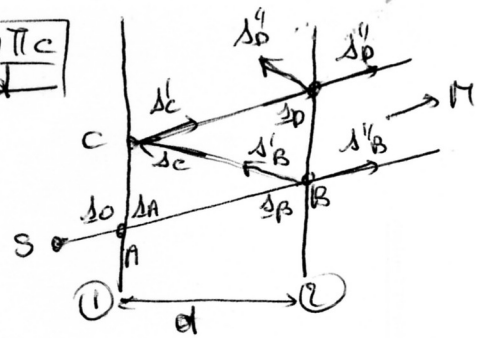
5. Voyez-vous une analogie ?

2°) Interférences constructives si  $k_n \times 2d = 2n\pi \Rightarrow \boxed{\omega_n = k_n c = \frac{n\pi c}{d}}$

3°)  $\Delta_A = t_1 \Delta_0$      $\Delta_B = \Delta_A e^{jk_1 d}$      $\Delta_B'' = t_2 \Delta_B$

$\Delta_B' = r_2 \Delta_B$      $\Delta_C = e^{jk_2 d} \Delta_B' = r_2 e^{jk_2 d} \Delta_B$

$\Delta_C' = r_1 r_2 e^{jk_1 d} \Delta_B \Rightarrow \Delta_D = r_1 r_2 e^{2jk_1 d} \Delta_B$   
 $\Rightarrow \Delta_D'' = t_2 r_1 r_2 e^{2jk_1 d} \Delta_B$



$\frac{\Delta_B''}{\Delta_B} = \boxed{r_1 r_2 e^{2jk_1 d} = \rho} \Rightarrow \Delta_B(\omega) = \Delta_B'' + \rho \Delta_B'' + \rho^2 \Delta_B'' + \dots = \frac{t_2 \Delta_A e^{jk_1 d}}{t_1 \Delta_0} (1 + \rho + \rho^2 + \dots)$

$S = \sum_{m=0}^{\infty} \rho^m = \frac{1}{1-\rho} = \frac{1}{1 - r_1 r_2 e^{2jk_1 d}}$  au  $k = \frac{\omega}{c} n = k_0 (n' - jn'')$  et  $k_0 = 2\pi\sigma = 2\pi\sigma (n' - jn'')$

$I_0 = \frac{|\Delta_0|^2}{2}$  et  $I = \frac{|\Delta(\omega)|^2}{2} = \frac{t_1^2 t_2^2 I_0}{|1 - r_1 r_2 e^{2jk_1 d}|^2} = \frac{t_1^2 t_2^2 I_0}{(1 - \sqrt{R_2})^2 e^{4j\pi\sigma n' d} e^{4\pi\sigma n'' d} / (1 - \sqrt{R_2})^2 e^{-4j\pi\sigma n' d} e^{4\pi\sigma n'' d}}$

$\Rightarrow I(\sigma) = \frac{t_1^2 t_2^2 I_0}{1 + R_2 e^{8\pi\sigma n'' d} - 2\sqrt{R_2} e^{4\pi\sigma n'' d} \cos(4\pi\sigma n' d)}$

On pose  $X = e^{4\pi\sigma n'' d}$

4°)