

TD D'ENERGETIQUE : FAUTEUIL DYNAMIQUE (CENTRALE TSI 2015) – CORRECTION

Question 1 – Déterminer l'expression littérale de l'énergie cinétique du système isolé E par rapport au repère lié au sol supposé Galiléen, en fonction des différents paramètres.

$$E_C(E/R_1) = \frac{1}{2} M_d \left(\frac{(2CG)^2}{12} + (CG)^2 \right) \dot{\theta}_d^2 = \frac{2}{3} M_d (CG)^2 \dot{\theta}_d^2$$

Question 2 – Appliquer le théorème de l'énergie cinétique au système isolé E pour déterminer l'expression littérale du couple C_{red} exercé par l'arbre de sortie du réducteur sur le dossier. Calculer numériquement ce couple C_{red} .

Application du théorème de l'énergie cinétique dans le but de déterminer le couple appliqué par le réducteur

$$\frac{d}{dt} E_C(E/R_1) = P_g(\text{Ext} \rightarrow E/R_1) + P_{int}$$

Les liaisons étant supposées parfaites, la puissance des inter-efforts est nulle.

Puissances galiléennes développées par les actions extérieures à E :

- Action du motoréducteur : $P_{red} = C_{red} \cdot \dot{\theta}_r$
- Action de la tête : $P_{tête} = \vec{F}_{tête \rightarrow 4} \cdot \vec{V}_{D \in 4/1} = -F \cdot q \cdot \dot{\theta}_d$
- Action de la pesanteur : $P_{pes} = \vec{P} \cdot \vec{V}_{G \in 4/1} = M_d \cdot g \cdot CG \cdot \sin \theta'_d \cdot \dot{\theta}_d$

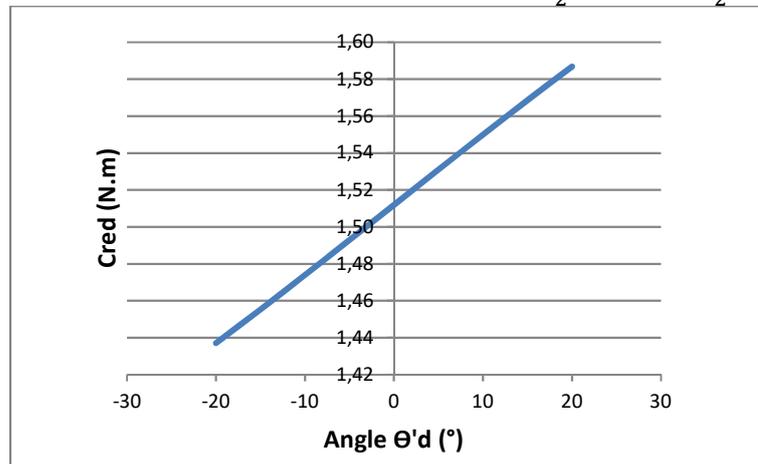
On obtient alors :

$$\frac{4}{3} M_d (CG)^2 \ddot{\theta}_d = C_{red} \cdot \frac{\dot{\theta}_r}{\dot{\theta}_d} - F \cdot q + M_d \cdot g \cdot CG \cdot \sin \theta'_d$$

$$C_{red} = K_c \cdot \left(\frac{4}{3} M_d (CG)^2 \ddot{\theta}_d + F \cdot q - M_d \cdot g \cdot CG \cdot \sin \theta'_d \right)$$

Si on néglige l'action de la pesanteur sur le dossier, on obtient $C_{red} = 1,51 \text{ N.m}$

Sinon le couple C_{red} dépend de l'angle $\theta'_d = \theta_d + \alpha$, avec $\alpha = \frac{\pi}{2} - \widehat{BCD} = \frac{\pi}{2} - \text{Arcos}\left(\frac{q}{d}\right)$



Question 3 – En appliquant le principe fondamental de la dynamique à l'arbre du moteur, calculer le couple moteur C_M pour cette phase d'accélération.

On applique le théorème du moment dynamique à l'arbre moteur en projection sur l'axe de rotation.

$$J_M \cdot \ddot{\theta}_M = C_M - \frac{C_{red}}{\eta} \cdot r$$

$$C_M = J_M \frac{\ddot{\theta}_d}{r} + \frac{C_{red}}{\eta} \cdot r = 6,5 \cdot 10^{-1} \text{ N.m}$$