

Réac^o d'invers^o du saccharose

1) $\text{pH} = 5 = \text{cte} \Rightarrow [\text{H}_3\text{O}^+] = 10^{-\text{pH}} = \text{cte}$ (*) \rightarrow cas de dégénérescence de l'ordre
 $v = k \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]^\alpha \cdot [\text{S}]^\beta$ avec $\beta = 1$ d'ap. l'énoncé

$\Rightarrow v = k_{\text{app}} \cdot [\text{S}]$ avec $k_{\text{app}} = k \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]^\alpha = \text{cte}$ ici (*)
 \hookrightarrow cste de vitesse apparente

il s'agit alors d'intégrer :

$$- \frac{d[\text{S}]}{dt} = k_{\text{app}} \cdot [\text{S}]$$

d'où $[\text{S}](t) = K \cdot \exp(-k_{\text{app}} \cdot t)$, K cste

et $[\text{S}](t=0) = [\text{S}]_0$

$$\Rightarrow [\text{S}](t) = [\text{S}]_0 e^{-k_{\text{app}} \cdot t} \Rightarrow \ln[\text{S}] = \ln[\text{S}]_0 - k_{\text{app}} \cdot t$$

Pour valider l'hyp. d'ordre 1 pour S, on trace

$\ln[\text{S}]$ en f^o de t

et si les points sont alignés, l'hyp est validée.

2) cf code Python

3) déterminat^o de k_{app} :

• soit à partir du résultat de la régress^o linéaire

$$k_{\text{app}} = - \text{pente} = 1,40 \cdot 10^{-3} \text{ min}^{-1}$$

• soit à partir des mesures en calculant

$$\frac{\ln[\text{S}]_0 - \ln[\text{S}]}{t} \quad \text{pour tout } t \neq 0$$

puis $k_{\text{app}} = \text{valeur moyenne de cette liste} = 1,47 \cdot 10^{-3} \text{ min}^{-1}$

on peut estimer l'incertitude sur k_{app} :

$$u(k_{\text{app}}) = \frac{\text{écart type de cette liste}}{\text{nbre de mesures utilisées} - 1} = 2 \cdot 10^{-5} \text{ min}^{-1}$$

$\hookrightarrow 5$

\hookrightarrow évaluer incertitude type A.

$$4) \text{ pH} = 3,8 \rightarrow k_{\text{app}}' = 2,22 \cdot 10^{-2} \text{ min}^{-1}$$

$$\text{on a } \begin{cases} k_{\text{app}} = k \cdot 10^{-\alpha \cdot \text{pH}} \\ k_{\text{app}}' = k \cdot 10^{-\alpha \cdot \text{pH}'} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \log k_{\text{app}} = \log k - \alpha \cdot \text{pH} \\ \log k_{\text{app}}' = \log k - \alpha \cdot \text{pH}' \end{cases}$$

$$\Rightarrow \log \frac{k_{\text{app}}'}{k_{\text{app}}} = \alpha \cdot (\text{pH} - \text{pH}')$$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{\log(k_{\text{app}}'/k_{\text{app}})}{\text{pH} - \text{pH}'}$$

AN: on retient $\alpha = 1$ \rightarrow cinétique d'ordre partiel = 1 pour H_3O^+
" " " S

\rightarrow cinétique d'ordre global = 2

$$5) \text{ On a } k = \frac{k_{\text{app}}'}{10^{-\alpha \cdot \text{pH}'}}$$

AN: $k = 140 \text{ mol}^{-1} \cdot \text{L} \cdot \text{min}^{-1}$