

### **Planche 19:**

25 mn de préparation – 30 mn de passage

Le candidat traitera les deux exercices dans l'ordre de son choix

#### **Exercice I : une attraction foraine**

Dans le film de François Truffaut « Les 400 coups », le héros, Antoine Doinel, se rend à une fête foraine et pénètre dans un des manèges appelé le « rotor », constitué d'un énorme cylindre vertical qui tourne autour de son axe . Les passagers pénètrent à l'intérieur et s'installent contre la paroi du cylindre . Le cylindre est mis en rotation, d'abord lentement puis de plus en plus vite . Quand la vitesse de rotation est suffisamment grande, le plancher est retiré et les passagers restent collés contre la paroi du cylindre .

1- Expliquer pourquoi les passagers restent collés contre la paroi . Quelle est la force qui les empêche de tomber ? Que ressent Antoine Doinel quand il essaie de décoller un bras ou une jambe ?

2-On appelle  $\mu$  le coefficient de frottement statique .

Déterminer la valeur minimale de la la vitesse de rotation du cylindre, en fonction du rayon du cylindre  $a$  , de  $g$  et de  $\mu$ , à partir de laquelle on peut retirer le plancher .

Si on se place proche de cette valeur minimale est-on assuré que tous les passagers sont en sécurité ?

3- Application numérique :  $a= 4,0$  m,  $\mu = 0,4$  . Calculer la vitesse minimale de rotation du cylindre en tours par minute .

#### **Exercice II : étude d'un cycle**

Une mole de gaz parfait dont le coefficient de Laplace  $\gamma$  vaut 1,4 subit le cycle de transformations suivant :

A-B détente isotherme réversible

B-C compression adiabatique réversible

C-A retour à l'état initial par une transformation isobare

On donne :  $R = 8,314$  J.K-1.mol-1  $T_A = 298$  K  $V_A = 12,5$  L  $V_B = 50,0$  L

1- Représenter dans un diagramme de Clapeyron le cycle de transformations subies par le gaz .

2- Calculer les valeurs prises par les variables thermodynamiques du gaz aux trois points .

3-Calculer le travail et l'énergie thermique reçus par le gaz sur chaque étape du cycle .

4- Déterminer les variations d'entropies sur chaque transformation .

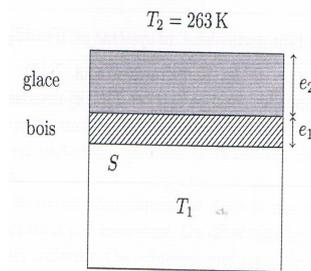
**Planche 20 :**

25 mn de préparation – 30 mn de passage

Le candidat traitera les deux exercices dans l'ordre de son choix

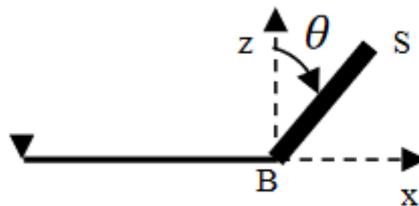
**Exercice I : toit en hiver**

On considère le toit d'une maison, en hiver . Ce toit est plat d'une surface  $S = 15 \text{ m}^2$  . Il est constitué d'une plaque de bois d'épaisseur  $e_1 = 6 \text{ cm}$  et recouvert d'une couche de glace d'épaisseur  $e_2 = 15 \text{ cm}$  . Les conductivités thermiques du bois et de la glace sont respectivement  $\lambda_1 = 0,35 \text{ W.K}^{-1} . \text{m}^{-1}$  et  $\lambda_2 = 2,1 \text{ W.K}^{-1} . \text{m}^{-1}$  . La température extérieure est  $T_2 = 263 \text{ K}$  , la température de la maison est  $T_1$  . On considère que loin des interfaces la température de l'air est constante . Les coefficients de Newton associés aux échanges thermiques aux interfaces air-bois et air-glace sont considérés égaux, de valeur commune  $h = 40 \text{ W.K}^{-1} . \text{m}^{-2}$  . La température de fusion de la glace est  $T_f = 273 \text{ K}$  . On néglige les effets de bord et on se place en régime stationnaire .



- 1- Déterminer l'expression de la résistance thermique modélisant les transferts conducto-convectifs aux interfaces avec l'air .
- 2- Proposer une schéma électrique équivalent modélisant les transferts thermiques depuis l'air intérieur jusqu'à l'air extérieur .
- 3- A quelle condition sur  $T_1$  est-on sûr que la glace ne fondra pas ?
- 4 - La température intérieure est  $T_1 = 19^\circ \text{C}$  . En considérant uniquement les pertes thermiques par le toit, quelle puissance doit-on fournir pour maintenir constante la température intérieure .

**Exercice II : chute d'un arbre**



On considère un arbre, modélisé par une tige indéformable  $BS$ , de masse  $m$ , de longueur  $L$ . On le scie à la base et l'arbre bascule en tournant autour de son point d'appui au sol  $B$ . On suppose que le point d'appui reste fixe et ne glisse pas. A  $t=0$ , l'arbre fait un angle  $\theta_0 = 5^\circ$  avec la verticale et est immobile. On donne le moment d'inertie de l'arbre par rapport à un axe  $By$ ,  $J = \frac{m L^2}{3}$  . Déterminer le temps de chute d'un arbre de 30 m?

On donne 
$$\int_{\theta_0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\theta}{\sqrt{\cos \theta_0 - \cos \theta}} = 5,1$$

## **Planche 21:**

25 mn de préparation – 30 mn de passage

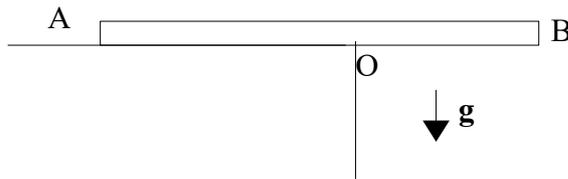
Le candidat traitera les deux exercices dans l'ordre de son choix

### **Exercice I :lancement d'une règle .**

Les seuls points de contact de la barre AB avec le plan horizontal sont A ( coefficient de frottement  $f$  ) et O ( pas de frottement ) .

La barre est lancée avec une vitesse  $v_0$  parallèle à AB .

Pour quelles valeurs de  $v_0$  n'y a-t-il pas basculement de la barre .



### **Exercice II : Climatiseur**

Un climatiseur est une machine thermique ditherme. Elle décrit des cycles à partir de deux sources thermiques constituées d'une part par l'air extérieur de température invariable  $T_{ex} = 298 \text{ K}$  et d'autre part par une pièce de température initiale  $T_i$  ( $T_{ex} = T_i$ ) que l'on désire porter à la température  $T_f = 293 \text{ K}$ .

1- Déterminer le travail électrique  $W_r$  nécessaire à la machine dans le cas où son fonctionnement est réversible. On supposera que la pièce, dont on évalue la capacité thermique à  $C = 5 \cdot 10^3 \text{ J.K}^{-1}$ , n'échange de l'énergie thermique qu'avec la machine. On fera les hypothèses nécessaires.

Quel est le temps nécessaire à la mise en température de la pièce pour une puissance électrique de 250W?

2- La machine fonctionne de façon réversible. Il existe maintenant un flux thermique entre la pièce et l'air extérieur caractérisé par une puissance thermique:  $P_{th} = h(T_{ex} - T(t))$   $T(t)$  étant la température de la pièce à  $t$  .

A puissance électrique d'alimentation constante quelle est la température de la pièce en régime stationnaire ?