

Numéro d'inscription



Né(e) le

 / /

Signature

Nom

Prénom(s)



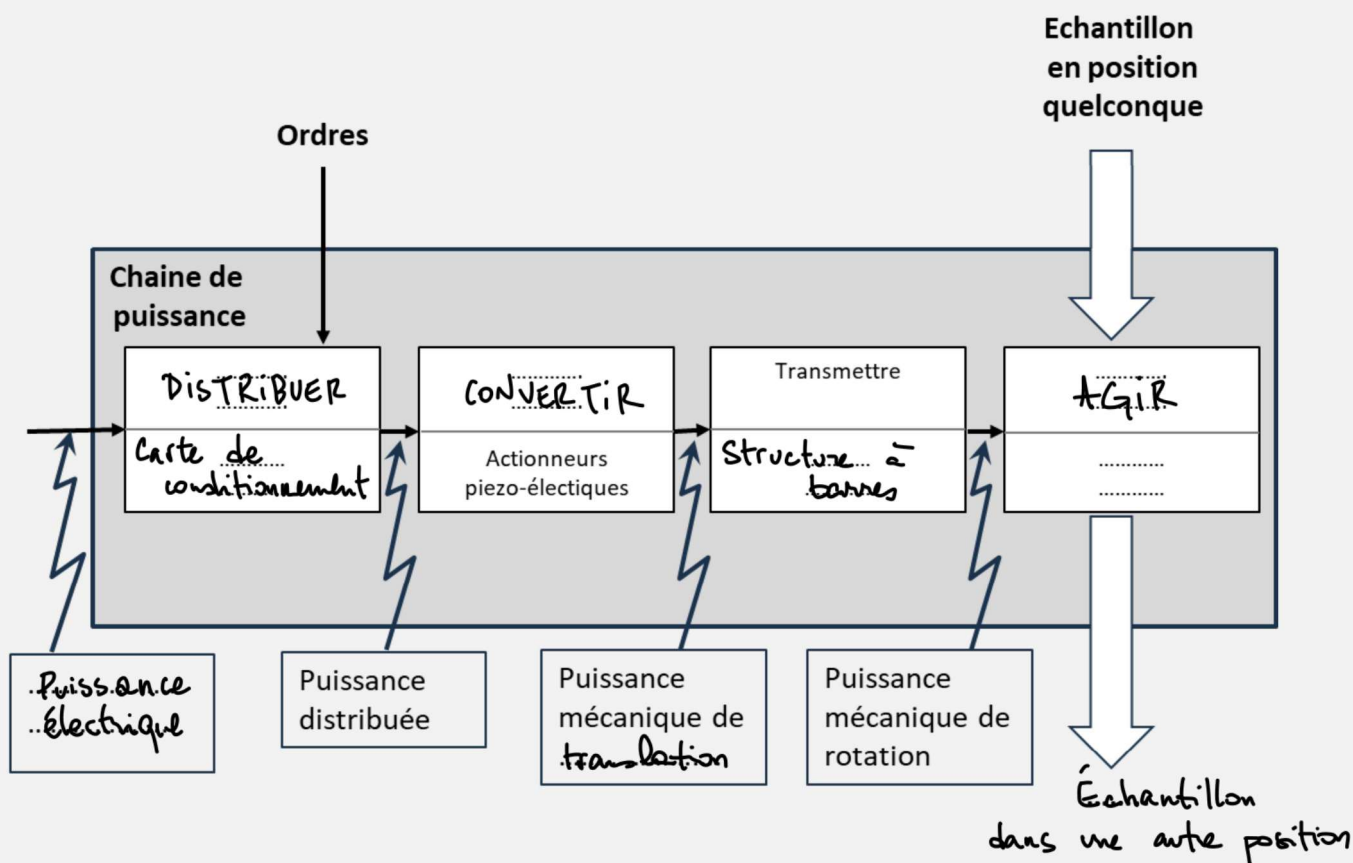
Épreuve : **Sciences Industrielles filière MP**

Les feuilles dont l'entête d'identification n'est pas entièrement renseignée ne seront pas prise en compte pour la correction.

Feuille

 /

Question 1 : A l'aide du diagramme SysML de type ibd donné en Annexe 2, compléter la chaîne de puissance de la rotation d'angle θ du goniomètre SmarGon.



NE RIEN ÉCRIRE

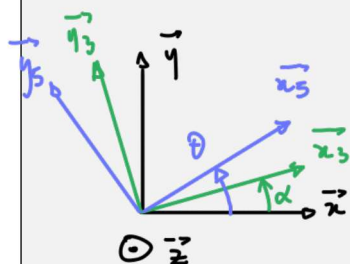
DANS CE CADRE

Question 5 : Pour chacun des « mouvement 1 » et « mouvement 2 » indiquer les déplacements nécessaires des actionneurs linéaires en cochant les cases correspondantes.

Mouvement 1			Mouvement 2		
$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} > 0$ <input checked="" type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} = 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} < 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} > 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} = 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} < 0$ <input checked="" type="checkbox"/>
$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} > 0$ <input checked="" type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} = 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} < 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} > 0$ <input checked="" type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} = 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} < 0$ <input type="checkbox"/>

Question 6 : A partir d'une fermeture géométrique, déterminer une équation du second degré de la forme : $\Delta\lambda^2 + A_1(\theta)\Delta\lambda + B_1(\theta) = 0$ où $A_1(\theta)$ et $B_1(\theta)$ sont deux fonctions de θ à expliciter.

$$\vec{OC} + \vec{CB} + \vec{BA} + \vec{AO} = \vec{0} \quad \text{donc} \quad \lambda_4 \cdot \vec{x} + b \cdot \vec{x}_5 + c \cdot \vec{y}_5 - l_3 \cdot \vec{y}_3 - \lambda_2 \cdot \vec{x} - e \cdot \vec{y} = \vec{0}$$



$$\text{donc} \quad \lambda_4 - \lambda_2 + b \cdot \cos\theta - c \cdot \sin\theta - l_3 \cdot \cos\alpha = 0$$

$$b \cdot \sin\theta + c \cdot \cos\theta - l_3 \cdot \sin\alpha - e = 0$$

(suite page suivante)

$$\text{Donc : } l_3^2 = (\Delta \lambda + b \cdot \cos \theta - c \cdot \sin \theta)^2 + (b \cdot \sin \theta + c \cdot \cos \theta - e)^2$$

$$\text{Donc : } \Delta \lambda^2 + 2 \cdot (b \cdot \cos \theta - c \cdot \sin \theta) \cdot \Delta \lambda + b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \sin \theta \cdot \cos \theta + e^2 + 2 \cdot b \cdot c \cdot \sin \theta \cdot \cos \theta - 2 \cdot e \cdot (b \cdot \sin \theta + c \cdot \cos \theta) - l_3^2 = 0$$

$$A_1(\theta) = 2 \cdot (b \cdot \cos \theta - c \cdot \sin \theta)$$

$$B_1(\theta) = b^2 + c^2 + e^2 - l_3^2 - 2 \cdot e \cdot (b \cdot \sin \theta + c \cdot \cos \theta)$$

Question 7 : a) Il faut $0 < x_E < 9 \text{ cm}$. Il faut donc une course de 90 mm (au moins). Les actionneurs CLS 32, CLS 52, et CLS 92 conviennent.

b) Il faut $-\pi < \theta < 0$. Il faut donc que $\Delta \lambda \in [50 \text{ mm}, 88 \text{ mm}]$. En supposant qu'un seul actionneur est mis en mouvement, il faut donc une course de 38 mm. Les actionneurs 24, 32, 52 et 92 conviennent.

Question 8 : Montrer que la résultante des actions mécaniques de 5 sur 3, notée $\vec{R}_{5 \rightarrow 3}$, a pour direction le vecteur \vec{x}_3 . J'isole 3 soumis aux actions mécaniques extérieures :

Avec : $\{2 \rightarrow 3\} = \{ \vec{R}_{2 \rightarrow 3} = X_{23} \cdot \vec{z} + Y_{23} \cdot \vec{y} + Z_{23} \cdot \vec{z} \}$

A : $\vec{M}_{A, 2 \rightarrow 3} = L_{23} \cdot \vec{z} + M_{23} \cdot \vec{y} = \vec{0}$

Dans l'hypothèse d'un problème plan.

De même : $\vec{M}_{B, 5 \rightarrow 3} = \vec{0}$

Le solide 3 n'est donc soumis qu'à deux glisseurs.

Les résultantes seront donc dirigées par

\vec{AB} et donc par \vec{z}_3 .

On pourra donc écrire :

$$\vec{R}_{5 \rightarrow 3} = X_{53} \cdot \vec{z}_3$$

Question 9 : Isoler 5, déterminer X_{53} , en fonction de P et des grandeurs géométriques nécessaires. Préciser l'équation scalaire, du principe fondamental de la statique, utilisée pour la résolution.

J'isole 5 soumis aux actions mécaniques extérieures suivantes :

• poids $\rightarrow 5$

• $3 \rightarrow 5$

• $4 \rightarrow 5$ $\times \vec{M}_{C, 4 \rightarrow 5} \cdot \vec{z} = 0$ donc j'écris le th. des moments en C et en projection sur \vec{z} .

$$\vec{M}_{C, \text{poids} \rightarrow 5} \cdot \vec{z} + \vec{M}_{C, 3 \rightarrow 5} \cdot \vec{z} + \vec{M}_{C, 4 \rightarrow 5} \cdot \vec{z} = 0$$

$(\vec{x}_5 \wedge \vec{y}) \cdot \vec{z} = \sin(-\theta + \frac{\pi}{2}) = \cos \theta$

$(\vec{y}_5 \wedge \vec{z}_3) \cdot \vec{z} = \sin(-\theta + \alpha - \frac{\pi}{2}) = -\cos(\alpha - \theta)$

$\vec{M}_{C, \text{poids} \rightarrow 5} \cdot \vec{z} = \vec{M}_{G_5, \text{poids} \rightarrow 5} \cdot \vec{z} + (\vec{CG}_5 \wedge (-P \cdot \vec{y})) \cdot \vec{z}$

$= -(d \cdot \cos \theta - \frac{c}{2} \cdot \sin \theta) \cdot P$

$\vec{M}_{C, 3 \rightarrow 5} \cdot \vec{z} = \vec{M}_{B, 3 \rightarrow 5} \cdot \vec{z} + (\vec{CB} \wedge (X_{35} \cdot \vec{z}_3)) \cdot \vec{z}$

$= (b \cdot \sin(\alpha - \theta) - c \cdot \cos(\alpha - \theta)) \cdot X_{35}$

$= -X_{53}$

(suite page suivante)

On obtient alors:

$$X_{53} = \frac{-d \cdot \cos \theta + \frac{c}{2} \cdot \sin \theta}{b \cdot \sin(\alpha - \theta) - c \cdot \cos(\alpha - \theta)} \cdot P$$

Question 10 : Isoler {2+3} et déterminer F sous la forme $F = P \frac{A_2 \cos(\theta) + B_2 \sin(\theta)}{c \cos(\theta - \alpha) + b \sin(\theta - \alpha)} \cos(\alpha)$ où A_2 et B_2 sont des constantes à déterminer.

J'isole {2,3} soumis aux actions mécaniques extérieures:

- act $\rightarrow 2$
- 0 $\rightarrow 2$ $\times \vec{R}_{0 \rightarrow 2} \cdot \vec{n} = 0$ donc j'écris le th. de résultante en projeté sur \vec{n} .
- 5 $\rightarrow 3$

$$\underbrace{\vec{R}_{act \rightarrow 2} \cdot \vec{n}}_F + \cancel{\vec{R}_{0 \rightarrow 2} \cdot \vec{n}} + \underbrace{\vec{R}_{5 \rightarrow 3} \cdot \vec{n}}_{= X_{53} \cdot \vec{n}_3 \cdot \vec{n} = X_{53} \cdot \cos \alpha} = 0$$

$$\text{Donc : } F = -X_{53} \cdot \cos \alpha = \frac{-d \cdot \cos \theta + \frac{c}{2} \cdot \sin \theta}{c \cdot \cos(\theta - \alpha) + b \cdot \sin(\theta - \alpha)} \cdot P \cdot \cos \alpha$$

$$A_2 = -d$$

et

$$B_2 = \frac{c}{2}$$

Question 11 : A partir des références d'actionneurs données en Annexe 3, déterminer le ou les actionneur(s) permettant de vérifier la force à exercer afin de valider l'exigence 1.1.

Dans le pire des cas, $|F|_{\max} = 6,3 \text{ N}$. Les actionneurs CLS 32, 52 ou 92 pourraient convenir car :

$$\text{Force} > |F|_{\max}$$

Numéro d'inscription

--	--	--	--	--

Signature

Né(e) le

		/			/				
--	--	---	--	--	---	--	--	--	--

Nom

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Prénom (s)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--



Épreuve : Sciences Industrielles filière PSI

Les feuilles dont l'entête d'identification n'est pas entièrement renseignée ne seront pas prise en compte pour la correction.

Feuille

		/		
--	--	---	--	--

Question 13 : Calculer l'énergie cinétique du solide 5 dans son mouvement par rapport à 1 : $E_c(5/1)$ en fonction de $\frac{d\theta}{dt}$ et des grandeurs géométriques et d'inertie du solide 5.

$$\text{On a : } \vec{V}_{G_5/1} = \vec{V}_{G_5/4} + \vec{V}_{G_5/4/1} = \vec{V}_{G_5/4} + \vec{G_5 C} \wedge (\dot{\theta} \cdot \vec{z}_s) \\ = d \cdot \dot{\theta} \cdot \vec{y}_s - \frac{c}{2} \cdot \dot{\theta} \cdot \vec{x}_s = -d \cdot \vec{x}_s - \frac{c}{2} \cdot \vec{y}_s$$

$$\text{Donc } [\vec{V}_{G_5/1}]^2 = d^2 \cdot \dot{\theta}^2 + \frac{c^2}{4} \cdot \dot{\theta}^2 = (d^2 + \frac{c^2}{4}) \cdot \dot{\theta}^2$$

$$\text{Donc : } E_c(5/1) = \frac{1}{2} \cdot I_5 \cdot \left(\frac{d\theta}{dt}\right)^2 + \frac{1}{2} \cdot m_5 \cdot (d^2 + \frac{c^2}{4}) \cdot \left(\frac{d\theta}{dt}\right)^2$$

$$E_c(5/1) = \frac{1}{2} \cdot \left[I_5 + m_5 \cdot (d^2 + \frac{c^2}{4}) \right] \cdot \left(\frac{d\theta}{dt}\right)^2$$

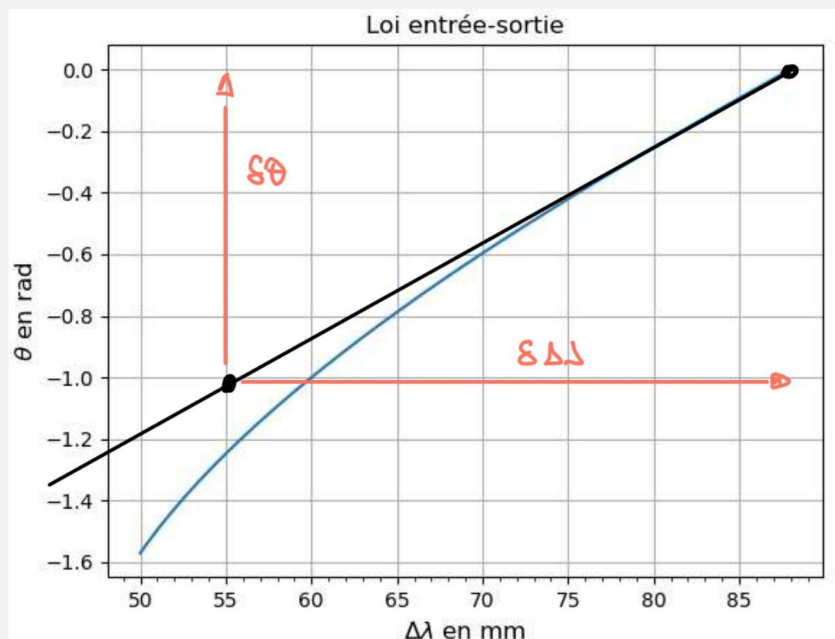
Question 14 : Autour du point de fonctionnement $\theta = 0 \text{ rad}$ linéariser la loi entrée-sortie (Figure 6). Faire apparaître les tracés sur la figure ci-contre, déterminer la valeur de K_c et donner son unité.

On a :

$$K_c = \frac{\delta \theta}{\delta \Delta l} \approx \frac{1 \text{ rad}}{33 \text{ mm}} \\ \approx \frac{1}{5,3} \times \frac{1}{10} \cdot 10^3 \text{ rad/m} \\ \approx 0,3 \cdot 10^2 \text{ rad/m}$$

$$K_c = 30 \text{ rad/m}$$

$$\text{Unité : rad/m}$$



NE RIEN ÉCRIRE

DANS CE CADRE

Question 15 : Calculer l'énergie cinétique de l'ensemble en mouvement $\Sigma = \{2, 3, 5\}$ par rapport à 1: $E_c(\Sigma/1)$. En déduire l'expression de la masse équivalente M_{eq} de l'ensemble Σ rapportée au solide 2.

$$E_c(\Sigma/1) = E_c(2/1) + E_c(3/1) + E_c(5/1)$$

$$= \frac{1}{2} \cdot m_2 \cdot \dot{\lambda}_2^2 + \text{(masse, inertie négligée)} + \frac{1}{2} \cdot (C_5 + m_5 \cdot (d^2 + \frac{c^2}{4})) \cdot \dot{\theta}^2$$

Avec $\Delta\lambda = \cancel{\lambda_4} - \lambda_2$ donc $\dot{\Delta\lambda} = -\dot{\lambda}_2$ et $\dot{\theta} = K_c \cdot \dot{\Delta\lambda}$

$$E_c(\Sigma/1) = \frac{1}{2} \cdot \left[m_2 + (C_5 + m_5 \cdot (d^2 + \frac{c^2}{4})) \cdot K_c^2 \right] \cdot \dot{\Delta\lambda}^2$$

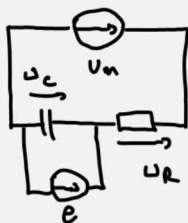
$$M_{eq} = m_2 + (C_5 + m_5 \cdot (d^2 + \frac{c^2}{4})) \cdot K_c^2$$

Question 16 : Déterminer une équation différentielle reliant $F(t)$ et ses dérivées successives à $u_m(t)$ et $\frac{d\lambda}{dt}(t)$ de la forme $u_m(t) = a_0 \cdot F(t) + a_1 \cdot \frac{dF}{dt}(t) + a_2 \cdot \frac{d\lambda}{dt}(t)$.

On a : $i_R = i_m + i_c$ et $i_m = k_i \cdot \frac{d\lambda}{dt}$

Et : $u_m = u_R + u_C$ et $\begin{cases} u_C = e \\ u_R = R \cdot i_R \end{cases}$ donc $u_m = R \cdot i_R + e$

$$= R \cdot k_i \cdot \frac{d\lambda}{dt} + R \cdot i_c + \frac{1}{k_i} \cdot F$$



Enfin : $i_c = C \cdot \frac{du_C}{dt} = C \cdot \frac{de}{dt} = \frac{C}{k_i} \cdot \frac{dF}{dt}$

Donc : $u_m = R \cdot k_i \cdot \frac{d\lambda}{dt} + \frac{R \cdot C}{k_i} \cdot \frac{dF}{dt} + \frac{1}{k_i} \cdot F$

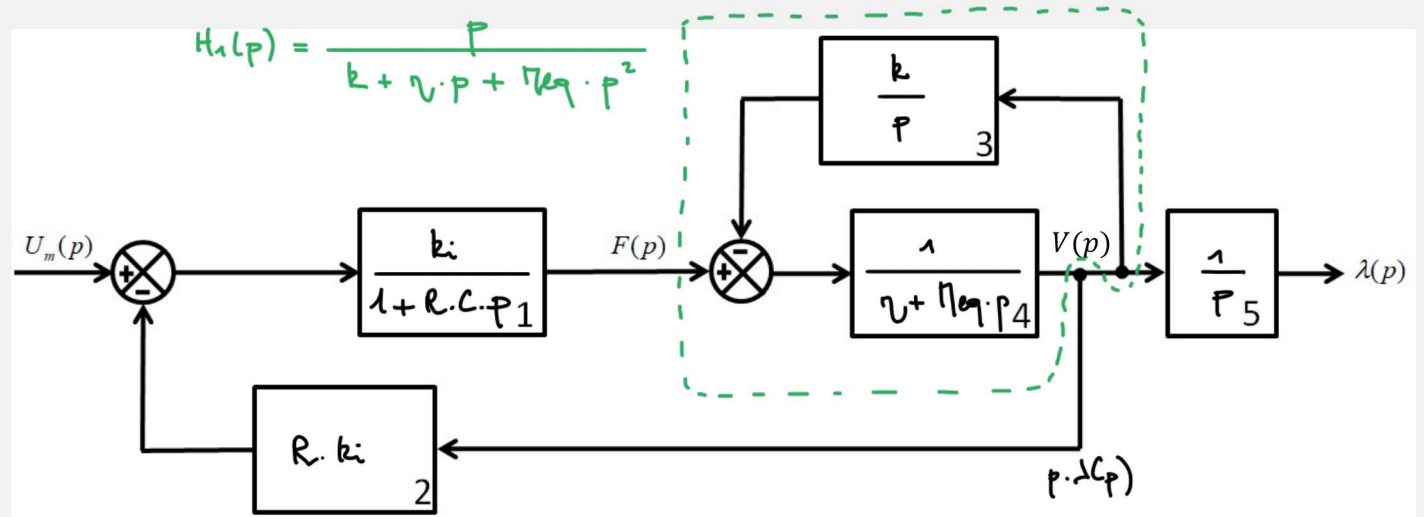
(Q° suivante : $u_m(p) = R \cdot k_i \cdot \lambda(p) + \frac{R \cdot C \cdot p + 1}{k_i} \cdot F(p)$)

$$a_0 = \frac{1}{k_i}$$

$$a_1 = \frac{R \cdot C}{k_i}$$

$$a_2 = R \cdot k_i$$

Question 17 : Compléter le schéma-blocs ci-dessous en indiquant les fonctions de transfert des blocs 1 et 2.



Question 18 : Déterminer, en indiquant le système isolé et le théorème utilisé, l'équation différentielle du mouvement de la masse équivalente reliant $\lambda(t)$ et ses dérivées successives à $F(t)$.

J'isole la masse M_{eq} . le th. de la résultante dynamique en projection sur \vec{x}

Donne:

$$F + F_r + F_a + 0 + 0 = M_{eq} \cdot \ddot{\lambda}$$

Handwritten notes: $\text{bâti} \rightarrow M_{eq}$ (pointing to the first 0), $p_3 \rightarrow M_{eq}$ (pointing to the second 0).

On a donc: $M_{eq} \cdot \ddot{\lambda} + \gamma \cdot \dot{\lambda} + k \cdot \lambda = F$

Question 19 : Compléter le schéma-blocs de la question 17 en indiquant les fonctions de transfert des blocs 3, 4 et 5.

Donc $M_{eq} \cdot p \cdot V(p) + \gamma \cdot V(p) + k \cdot \frac{1}{p} \cdot V(p) = F(p)$

Question 20 : Déterminer la fonction de transfert $H(p) = \frac{\lambda(p)}{U_m(p)}$ du modèle ainsi obtenu. Ecrire $H(p)$ sous la forme d'une fraction rationnelle dont le polynôme du dénominateur admet un coefficient constant égal à 1.

$$H(p) = \frac{1}{p} \cdot \frac{\frac{k_i}{1 + R.C.p} \cdot H_1(p)}{1 + R.k_i \cdot \frac{k_i}{1 + R.C.p} \cdot H_1(p)}$$

$$= \frac{1}{p} \cdot \frac{\frac{k_i}{1 + R.C.p} \cdot \frac{P}{k + \gamma \cdot p + \eta_{eq} \cdot p^2}}{1 + R.k_i \cdot \frac{k_i}{1 + R.C.p} \cdot \frac{P}{k + \gamma \cdot p + \eta_{eq} \cdot p^2}}$$

Handwritten notes: $H_1(p)$ is written in green. The final expression is also written in green.

(suite page suivante)

$$H(p) = \frac{b_i}{k + (R \cdot b_i^2 + R \cdot C \cdot k + \eta) \cdot p + (R \cdot C \cdot \eta + M_{eq}) \cdot p^2 + R \cdot C \cdot M_{eq} \cdot p^3}$$

$$H(p) = \frac{\frac{b_i}{k}}{1 + \frac{R \cdot b_i^2 + R \cdot C \cdot k + \eta}{k} \cdot p + \frac{R \cdot C \cdot \eta + M_{eq}}{k} \cdot p^2 + \frac{R \cdot C \cdot M_{eq}}{k} \cdot p^3}$$

Numéro d'inscription

--	--	--	--	--	--



Né(e) le

		/			/				
--	--	---	--	--	---	--	--	--	--

Signature

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Nom

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Prénom (s)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--



Épreuve : **Sciences Industrielles filière PSI**

Les feuilles dont l'entête d'identification n'est pas entièrement renseignée ne seront pas prise en compte pour la correction.

Feuille

		/		
--	--	---	--	--

Question 24 : Déterminer l'expression littérale de la valeur finale du déplacement $\lambda(t)$ notée λ_{fin} .

Je sais que $\lambda_{fin} = H_0 \cdot D_0 = \frac{k_i}{k} \cdot D_0$

$$\lambda_{fin} = \frac{k_i}{k} \cdot D_0$$

Question 25 : Conclure sur la capacité de l'actionneur à respecter l'exigence 1.2.1 a du cahier des charges.

$\lambda_{fin} \approx 0,3 \cdot 10 \approx 3 \mu m$ ^{exigence} $\leq 3 \mu m$: l'exigence 1.2.1 a est donc bien validée.

NE RIEN ÉCRIRE

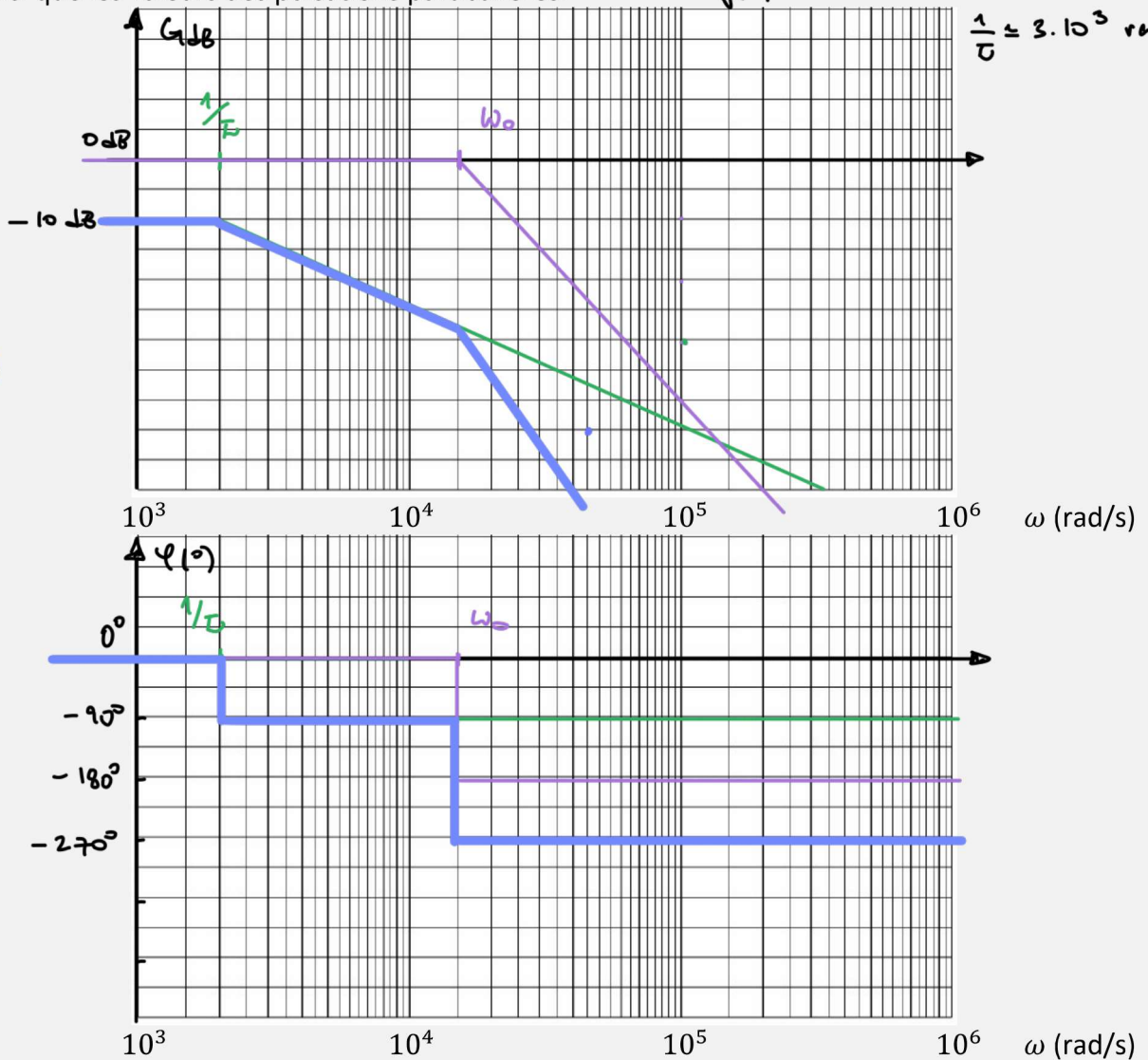
DANS CE CADRE

Question 26 : Compléter le document-réponse en représentant les diagrammes asymptotiques de Bode de gain et de phase de la fonction de transfert $H(p)$. Indiquer les valeurs asymptotiques, les valeurs des pentes ainsi que les valeurs des pulsations particulières.

$$20 \cdot \log(0,3) \approx -10 \text{ dB}$$

$$\frac{1}{\tau} = 3 \cdot 10^3 \text{ rad/s}$$

441



Question 27 : Indiquer la valeur de la pulsation de résonance ω_R . Déterminer l'amplitude du déplacement $\lambda(t)$ en régime permanent pour la pulsation de résonance ω_R . On donne $\sqrt{10} \approx 3$.

$$\omega_R = 1,97 \cdot 10^4 \text{ rad/s}$$

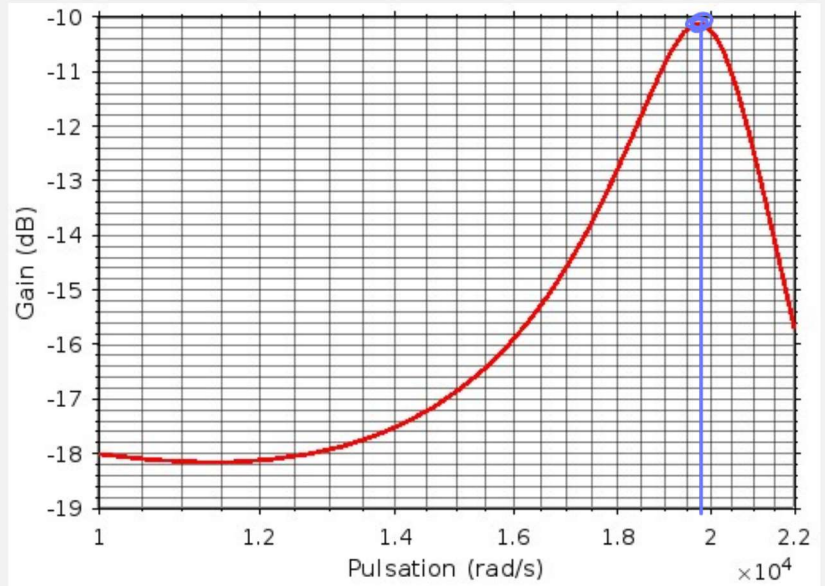
Amplitude du déplacement :

$$20 \cdot \log\left(\frac{\lambda_{amp}}{U_0}\right) \approx -10 \text{ dB}$$

$$\text{donc } \log\left(\frac{\lambda_{amp}}{U_0}\right) \approx -\frac{1}{2}$$

$$\text{donc } \frac{\lambda_{amp}}{U_0} \approx 10^{-\frac{1}{2}} \approx \frac{1}{3}$$

$$\text{donc } \lambda_{amp} \approx 3,3 \mu\text{m}$$



Question 28 : Par quel facteur le déplacement est-il multiplié en sollicitant l'actionneur piézo-électrique à la pulsation de résonance ω_R plutôt qu'à la pulsation de $10^4 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$? On donne $\sqrt[5]{100} \approx 2,5$.

$$\text{À } \omega_R : 20 \cdot \log\left(\frac{\lambda_{amp}}{U_0}\right) \approx -10 \text{ dB}$$

$$\text{et à } \omega_2 = 10^4 \text{ rad/s} : 20 \cdot \log\left(\frac{\lambda_{w_2}}{U_0}\right) \approx -18 \text{ dB}$$

$$\begin{aligned} \text{Donc } 20 \cdot \log\left(\frac{\lambda_{amp}}{\lambda_{w_2}}\right) &\approx 8 \text{ dB} & \text{donc } \lambda_{amp} &\approx \lambda_{w_2} \cdot 10^{\frac{8}{20}} \\ & & &\approx \lambda_{w_2} \cdot 10^{\frac{2}{5}} \\ & & &\approx \lambda_{w_2} \cdot \sqrt[5]{100} \end{aligned}$$

$$\text{Facteur multiplicatif} = 2,5$$

Question 29 : Conclure sur la validité de l'exigence 1.2.2 d du cahier des charges.

• Dans le pire des cas : $\omega = 10^4 \text{ rad/s}$, on a $\lambda_{w_2} \approx \frac{3,3 \mu\text{m}}{2,5} \approx 1,3 \mu\text{m}$.
 Pour 10 V, la sensibilité est donc de $0,13 \mu\text{m/V}$ ce qui ne valide pas l'exigence 1.2.2. d car inférieure à $0,3 \mu\text{m/V}$.

• Au voisinage de ω_R , on a $0,13 \times 2,5 \approx 3,3 \mu\text{m/V}$ ce qui validerait alors l'exigence.

NE RIEN ÉCRIRE

DANS CE CADRE

Question 23 : Isoler le coulisseau 2, effectuer le bilan des actions mécaniques qui s'y appliquent et écrire les équations issues du Théorème de la résultante dynamique, en projection suivant \vec{x} et \vec{y} .

J'isole 2 soumis aux actions mécaniques extérieures :

- poids $\rightarrow 2$
- 1 \xrightarrow{A} 2
- 1 \xrightarrow{B} 2

$$/\vec{x}: \quad X_A + X_B = m_2 \cdot \ddot{x}$$

$$/\vec{y}: \quad Y_A + Y_B - m_2 \cdot g = 0$$

Question 24 : En prenant en compte toutes les hypothèses précédentes, déterminer l'expression de l'accélération maximale admissible $\frac{d^2x}{dt^2}_{MAX}$ afin de conserver l'adhérence de 2 par rapport à 1.

Il y a adhérence si $X_A < \mu_a \cdot Y_A$ (en A)
 et $X_B < \mu_a \cdot Y_B$ (en B)

Il faut donc que : $X_A + X_B < \mu_a \cdot (Y_A + Y_B)$
 et donc $m_2 \cdot \ddot{x} < \mu_a \cdot m_2 \cdot g$

$$\frac{d^2x}{dt^2}_{MAX} = \mu_a \cdot g$$

Question 25 : En déduire la valeur du facteur de frottement μ_a à adopter pour vérifier l'exigence 1.2.2 b du cahier des charges.

On veut $\ddot{x}_{max} = 10 \text{ m/s}^2$, il faut donc :

$$\mu_a > \frac{\ddot{x}_{max}}{g}$$

$$\mu_a = 1$$

Question 26 : Déterminer une équation reliant F_m , X_A , X_B et $\frac{d^2\lambda}{dt^2}$. Préciser l'isolement, le bilan des actions mécaniques extérieures ainsi que le théorème utilisé.

J'isole 1 soumis aux actions mécaniques extérieures :

- 0 $\xrightarrow{\text{gliss.}}$ 1
- 0 $\xrightarrow{\text{mot}}$ 1
- 2 \xrightarrow{A} 1
- 2 \xrightarrow{B} 1
- 2 $\xrightarrow{\text{poids}}$ 1

Le th. de la résultante dynamique en projection sur x donne :

$$F_m - X_A - X_B = m_1 \ddot{x}$$

Question 27 : Déterminer l'expression de l'effort moteur minimal F_{min} nécessaire pour obtenir le glissement de 2 par rapport à 1. Faire l'application numérique afin de vérifier l'exigence 1.2.2 c du cahier des charges.

À la limite du glissement : $X_A + X_B = \mu_a \cdot (Y_A + Y_B) = \mu_a \cdot m_2 \cdot g$

Et donc : $F_{min} - \mu_a \cdot m_2 \cdot g = m_1 \ddot{x}$

Et à la limite (avant glissement) : $\ddot{x} = \ddot{\lambda} = \mu_a \cdot g$

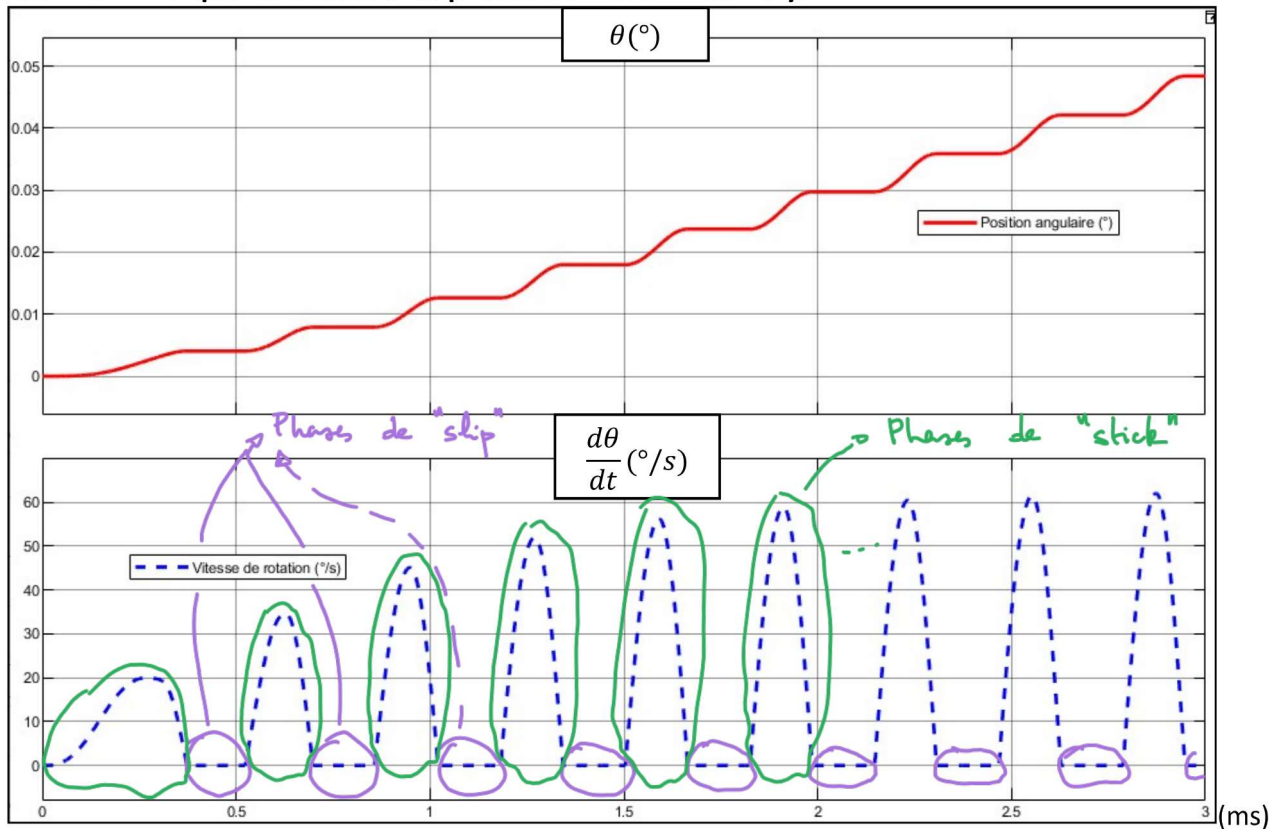
$$F_{min} = \mu_a \cdot (m_1 + m_2) \cdot g$$

A.N. : $F_{min} = 4 \text{ N}$

Vérification de 1.2.2 c :

Avec la valeur demandée dans le cahier des charges (6 N), il y aura bien glissement (phase de "slip").

Question 28 : Indiquer ci-dessous les phases de « stick » et « slip ».



Question 29 : Vérifier l'exigence 1.2.2 a du mode d'approche du cahier des charges.

Sur $\Delta t = 3 \text{ ms}$, on a $\Delta \theta \approx 5 \cdot 10^{-2} ^{\circ}$.

La vitesse moyenne est donc $w_{\text{moy}} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \approx \frac{5 \cdot 10^{-2}}{3 \cdot 10^{-3}} \text{ } ^{\circ}/s$

$w_{\text{moy}} \approx 1,7 \cdot 10^1 \text{ } ^{\circ}/s$

$w_{\text{moy}} \approx 17 \text{ } ^{\circ}/s \approx 20 \text{ } ^{\circ}/s$

On retrouve environ la vitesse moyenne demandée (sachant qu'on a sous-estimé la valeur jusqu'à 2 ms où le régime semble être transitoire).

Numéro d'inscription



Né(e) le

 / /

Signature

Nom

Prénom (s)



Épreuve : **Sciences Industrielles filière MP**

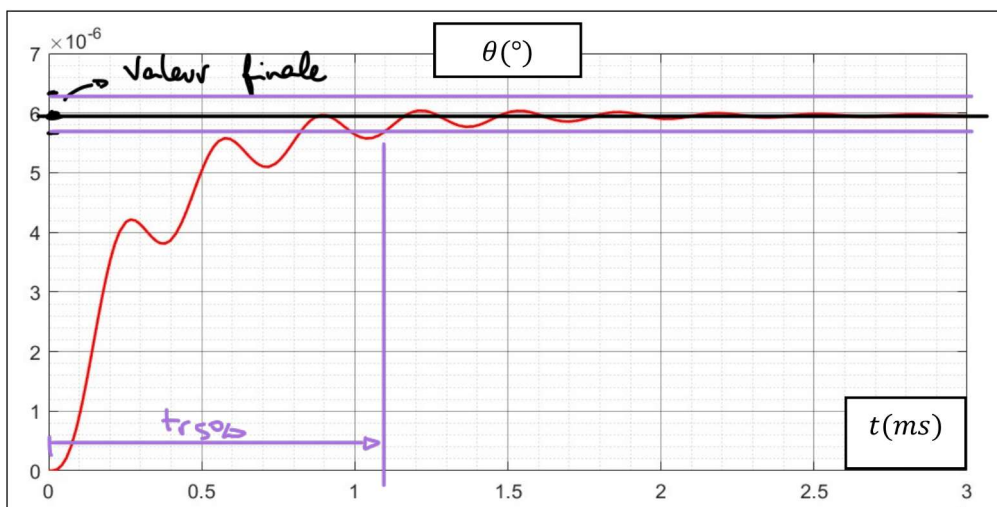
Les feuilles dont l'entête d'identification n'est pas entièrement renseignée ne seront pas prise en compte pour la correction.

Feuille

 /

Question 30 : Indiquer ci-dessous la valeur finale ainsi que le temps de réponse à 5%, en faisant apparaître les tracés nécessaires sur la courbe.

$$6 \times \frac{5}{100} = \frac{30}{100} = 0,3$$



Valeur finale = $5,95 \cdot 10^{-6}$

$t_{5\%} = 1,1 \text{ ms}$

Question 31 : Vérifier les exigences 1.2.1 b et 1.2.1 c du mode « scan » du cahier des charges.

- On a ici un déplacement d'environ $6 \text{ pdeg} < 10 \text{ pdeg}$, ce qui valide l'exigence 1.2.1 b.
- On a aussi $t_{50\%} < 1,2 \text{ ms}$, ce qui valide l'exigence 1.2.1 c.

