

### Numéro d'inscription

\_\_\_\_\_



Né(e) le

□ □ / □ □ / □ □ □

**Signature**

Nom

# CORRECTION

**Prénom (s)**

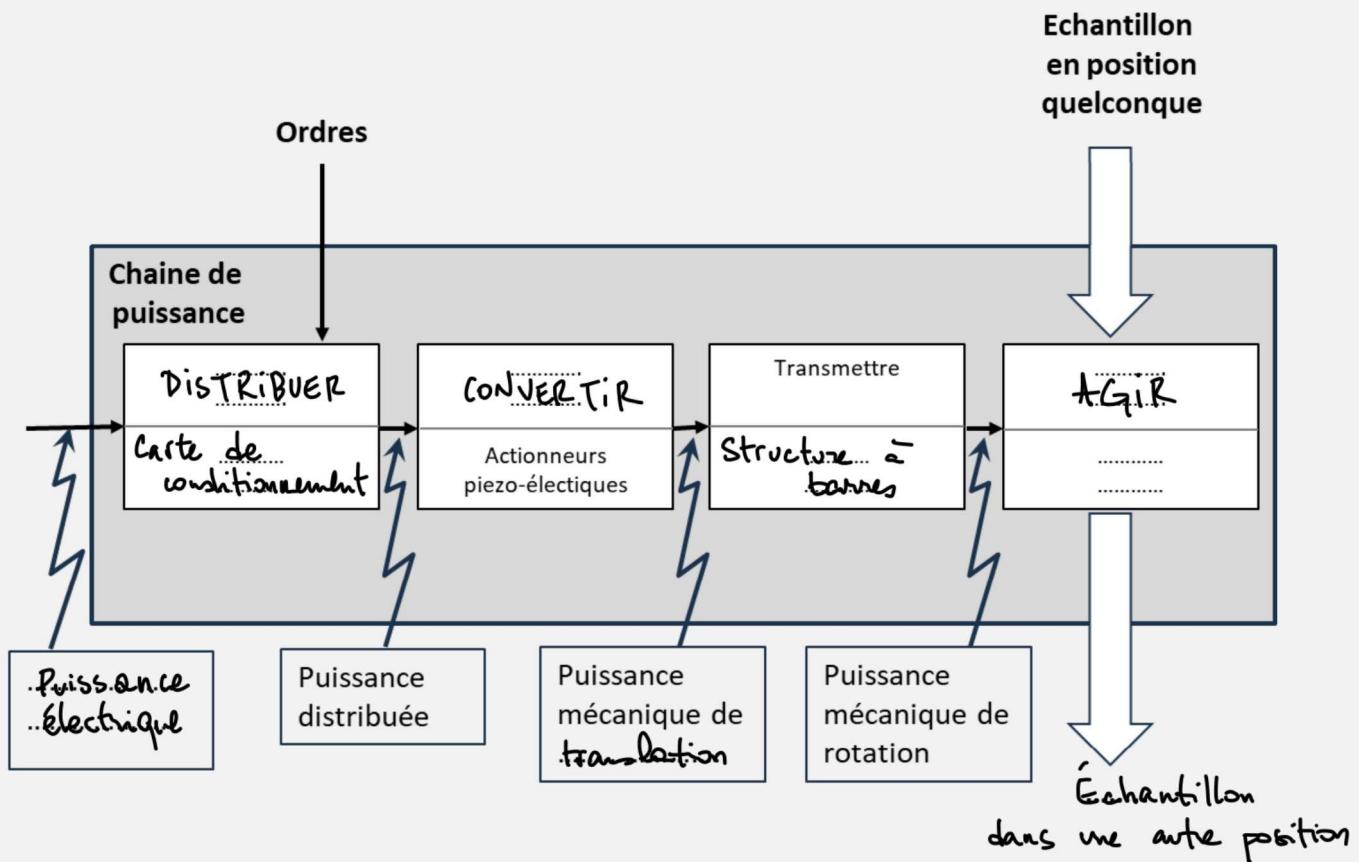


Épreuve : Sciences Industrielles filière MP

**Les feuilles dont l'entête d'identification n'est pas entièrement renseignée ne seront pas prise en compte pour la correction.**

Feuille

Question 1 : A l'aide du diagramme SysML de type ibd donné en Annexe 2, compléter la chaîne de puissance de la rotation d'angle  $\theta$  du goniomètre SmarGon.



NE RIEN ÉCRIRE

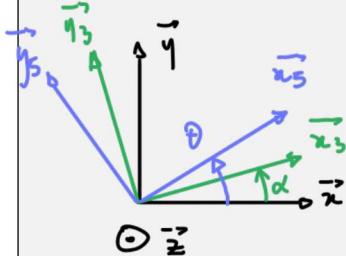
DANS CE CADRE

Question 5 : Pour chacun des « mouvement 1 » et « mouvement 2 » indiquer les déplacements nécessaires des actionneurs linéaires en cochant les cases correspondantes.

Mouvement 1			Mouvement 2		
$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} > 0$ <input checked="" type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} = 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} < 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} > 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} = 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} < 0$ <input checked="" type="checkbox"/>
$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} > 0$ <input checked="" type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} = 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} < 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} > 0$ <input checked="" type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} = 0$ <input type="checkbox"/>	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} < 0$ <input type="checkbox"/>

Question 6 : A partir d'une fermeture géométrique, déterminer une équation du second degré de la forme :  $\Delta\lambda^2 + A_1(\theta)\Delta\lambda + B_1(\theta) = 0$  où  $A_1(\theta)$  et  $B_1(\theta)$  sont deux fonctions de  $\theta$  à expliciter.

$$\vec{OC} + \vec{CB} + \vec{BA} + \vec{AO} = \vec{0} \quad \text{donc} \quad \lambda_4 \cdot \vec{x} + b \cdot \vec{x}_5 + c \cdot \vec{y}_5 - l_3 \cdot \vec{y}_3 - \lambda_2 \cdot \vec{x} - e \cdot \vec{y} = \vec{0}$$



$$\text{donc } \lambda_4 - \lambda_2 + b \cdot \cos\theta - c \cdot \sin\theta - l_3 \cdot \cos\alpha = 0$$
$$b \cdot \sin\theta + c \cdot \cos\theta - l_3 \cdot \sin\alpha - e = 0$$

(suite page suivante)

$$\text{Donc : } l_3^2 = (\Delta \lambda + b \cos \theta - c \sin \theta)^2 + (b \sin \theta + c \cos \theta - e)^2$$

$$\text{Donc : } \Delta \lambda^2 + 2 \cdot (b \cos \theta - c \sin \theta) \cdot \Delta \lambda + b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \sin \theta \cdot \cos \theta + e^2 + 2 \cdot b \cdot c \cdot \sin \theta \cdot \cos \theta - 2 \cdot e \cdot (b \sin \theta + c \cos \theta) - l_3^2 = 0$$

$$A_1(\theta) = 2 \cdot (b \cos \theta - c \sin \theta)$$

$$B_1(\theta) = b^2 + c^2 + e^2 - l_3^2 - 2 \cdot e \cdot (b \sin \theta + c \cos \theta)$$

Question 7 : a) Il faut  $0 < x < 9\text{cm}$ . Il faut donc une course de 90mm (au moins). Les actionneurs  $\text{CLS } 32_1$ ,  $\text{CLS } 52$ , et  $\text{CLS } 92$  conviennent.

b) Il faut  $-\pi < \theta < 0$ . Il faut donc que

$\Delta \lambda \in [50\text{ mm}, 88\text{ mm}]$ . En supposant qu'un seul actionneur est mis en mouvement, il faut donc une course de 38 mm. Les actionneurs  $24, 32, 52$  et  $92$  conviennent.

Question 8 : Montrer que la résultante des actions mécaniques de 5 sur 3, notée  $\vec{R}_{5 \rightarrow 3}$ , a pour direction le vecteur  $\vec{x}_3$ . J'isole 3 soumis aux actions mécaniques extérieures :

$$\text{avec : } \vec{\tau}_{2 \rightarrow 3} = \vec{R}_{2 \rightarrow 3} = X_{23} \cdot \vec{x} + Y_{23} \cdot \vec{y} + Z_{23} \cdot \vec{z}$$

$$\text{et } \vec{\tau}_{4 \rightarrow 3} = L_{23} \cdot \vec{x} + M_{23} \cdot \vec{y} = \vec{0}$$

$$\bullet 2 \rightarrow 3$$

$$\bullet 5 \rightarrow 3$$

$\vec{AB}$  et donc par  $\vec{x}_3$ .

On pourra donc écrire :

$$\vec{R}_{5 \rightarrow 3} = X_{53} \cdot \vec{x}_3$$

Dans l'hypothèse d'un problème plan.

$$\text{De même : } \vec{M}_{b, 5 \rightarrow 3} = \vec{0}$$

Le solide 3 n'est donc soumis qu'à deux glisseurs.

Les résultantes seront donc dirigées par

Question 9 : Isoler 5, déterminer  $X_{53}$ , en fonction de  $P$  et des grandeurs géométriques nécessaires. Préciser l'équation scalaire, du principe fondamental de la statique, utilisée pour la résolution.

J'isole 5 soumis aux actions mécaniques suivantes :

• poids  $\rightarrow s$

•  $3 \rightarrow 5$

$$\bullet 4 \rightarrow 5 \times \vec{\tau}_{c, 4 \rightarrow 5} \cdot \vec{z} = 0 \text{ donc j'écris le th. des moments en C et en projection sur } \vec{z}.$$

$$\vec{\tau}_{c, \text{poids} \rightarrow 5} \cdot \vec{z} + \vec{\tau}_{q_5 \rightarrow 5} \cdot \vec{z} + \vec{\tau}_{c, 3 \rightarrow 5} \cdot \vec{z} = 0$$

$$\bullet (\vec{x}_{53} \cdot \vec{y}) \cdot \vec{z} = \sin(-\theta + \frac{\pi}{2}) = \omega_5 \theta$$

$$\bullet (\vec{y}_{53} \cdot \vec{x}_{53}) \cdot \vec{z} = \sin(-\theta + \alpha - \frac{\pi}{2})$$

$$\bullet \vec{\tau}_{c, \text{poids} \rightarrow 5} \cdot \vec{z} = \vec{\tau}_{(G_5 \text{ porté} \rightarrow 5)} \cdot \vec{z} + (\vec{C}G_5 \wedge (-P \cdot \vec{y})) \cdot \vec{z} \\ = -(\Delta \cdot \cos \theta - \frac{c}{2} \cdot \sin \theta) \cdot P$$

$$\bullet \vec{\tau}_{c, 3 \rightarrow 5} \cdot \vec{z} = \vec{\tau}_{(B_3 \rightarrow 5)} \cdot \vec{z} + (\vec{C}B_3 \wedge (X_{35} \cdot \vec{x}_3)) \cdot \vec{z} \\ = (b \cdot \sin(\alpha - \theta) - c \cdot \cos(\alpha - \theta)) \cdot X_{35} \\ = -X_{35}$$

(suite page suivante)

On obtient alors:

$$X_{S3} = \frac{-d \cdot \cos\theta + \frac{c}{2} \cdot \sin\theta}{b \cdot \sin(\alpha - \theta) - c \cdot \cos(\alpha - \theta)} \cdot P$$

Question 10 : Isoler {2+3} et déterminer  $F$  sous la forme  $F = P \frac{A_2 \cos(\theta) + B_2 \sin(\theta)}{c \cos(\theta - \alpha) + b \sin(\theta - \alpha)} \cos(\alpha)$  où  $A_2$  et  $B_2$  sont des constantes à déterminer.

J'isole {2,3} soumis aux actions mécaniques extérieures:

- act  $\rightarrow 2$
- 0  $\rightarrow 2$   $\wedge \vec{R}_{0 \rightarrow 2} \cdot \vec{n} = 0$  donc j'écris le th. des résultantes en project sur  $\vec{n}$ .
- 5  $\rightarrow 3$

$$\underbrace{\vec{R}_{act \rightarrow 2} \cdot \vec{n}}_{F} + \cancel{\vec{R}_{0 \rightarrow 2} \cdot \vec{n}} + \underbrace{\vec{R}_{S \rightarrow 3} \cdot \vec{n}}_{= X_{S3} \cdot \vec{n}_3 \cdot \vec{n}} = 0$$

$$\text{Donc: } F = -X_{S3} \cdot \cos\alpha = \frac{-d \cdot \cos\theta + \frac{c}{2} \cdot \sin\theta}{c \cdot \cos(\theta - \alpha) + b \cdot \sin(\theta - \alpha)} \cdot P \cdot \cos\alpha$$

$$A_2 = -d$$

et

$$B_2 = \frac{c}{2}$$

Question 11: A partir des références d'actionneurs données en Annexe 3, déterminer le ou les actionneur(s) permettant de vérifier la force à exercer afin de valider l'exigence 1.1.

Dans le pire des cas,  $|F|_{max} = 6,3 \text{ N}$ . Les actionneurs  $CLS\ 32, 52 \text{ ou } 92$  pourraient convenir car:

$$\text{Force} > |F|_{max}$$

Numéro d'inscription



Né(e) le

The diagram consists of three groups of empty rectangular boxes. The first group contains two boxes arranged horizontally. A diagonal slash is positioned to the right of the second box. To the right of the slash is another group of two boxes arranged horizontally. Another diagonal slash is positioned to the right of the second box in this group. To the right of the second slash is a final group of four boxes arranged horizontally.

**Signature**

Nom

Prénom (s)

A horizontal row of 15 empty square boxes, likely for grading student responses.



Épreuve : Sciences Industrielles filière PSI

**Les feuilles dont l'entête d'identification n'est pas entièrement renseignée ne seront pas prise en compte pour la correction.**

Feuille

A diagram consisting of two adjacent rectangular boxes. A diagonal line starts from the top-left corner of the left box and ends at the bottom-right corner of the right box, indicating a relationship or comparison between the two.

Question 13 : Calculer l'énergie cinétique du solide 5 dans son mouvement par rapport à 1 :  $E_c(5/1)$  en fonction de  $\frac{d\theta}{dt}$  et des grandeurs géométriques et d'inertie du solide 5.

$$\text{On A: } \vec{J}_{G_S \epsilon S/1} = \vec{J}_{G_S \epsilon S/4} + \vec{J}_{G_S \epsilon 4/1} = \vec{J}_{\epsilon \epsilon 4/1} + \underbrace{\vec{G}_S \vec{C}}_{\text{~} (\vec{\theta}, \vec{z})} = -d \cdot \vec{r}_S - \frac{c}{2} \cdot \vec{\theta} \cdot \vec{u}_S$$

$$\text{Donc } [J_{G_5 \in S_{1/1}}]^2 = d^2 \cdot \dot{\theta}^2 + \frac{c^2}{4} \cdot \dot{\phi}^2 = \left(d^2 + \frac{c^2}{4}\right) \dot{\theta}^2$$

$$\text{Donc : } Ec(5/1) = \frac{1}{2} \cdot C_S \cdot \left( \frac{d\theta}{dt} \right)^2 + \frac{1}{2} \cdot m_S \cdot \left( d^2 + \frac{c^2}{4} \right) \cdot \left( \frac{d\theta}{dt} \right)^2$$

$$E_c(5/1) = \frac{1}{2} \cdot \left[ C_S + m_S \cdot \left( d^2 + \frac{c^2}{4} \right) \right] \cdot \left( \frac{dt}{dt} \right)^2$$

Question 14 : Autour du point de fonctionnement  $\theta = 0 \text{ rad}$  linéariser la loi entrée-sortie (Figure 6). Faire apparaître les tracés sur la figure ci-contre, déterminer la valeur de  $K_c$  et donner son unité.

On a :

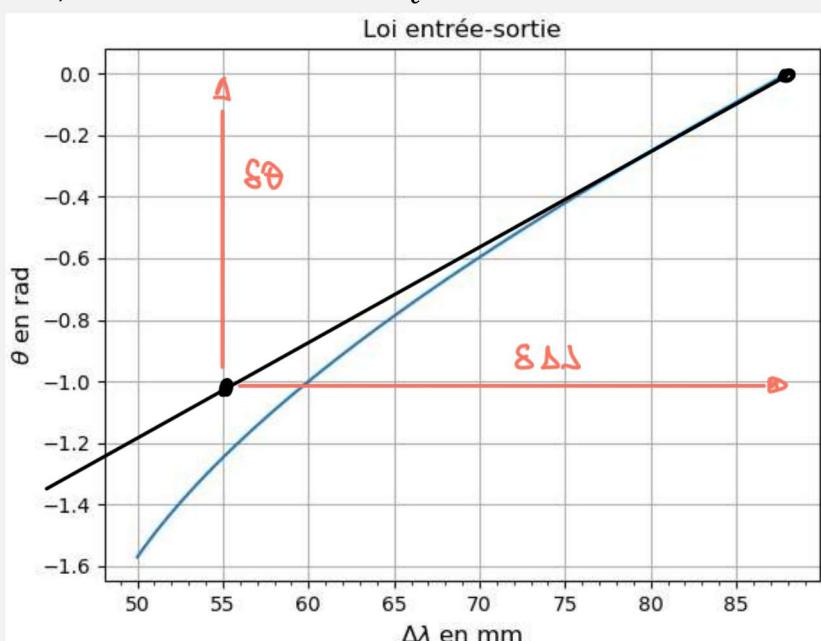
$$K_c = \frac{\delta\theta}{\delta\Delta l} \simeq \frac{1 \text{ rad}}{33 \text{ mm}}$$

$$\simeq \frac{1}{3,3} \times \frac{1}{10} \cdot 10^3 \text{ rad/m}$$

$$\simeq 0,3 \cdot 10^{-2} \text{ rad/m}$$

$$K_c = 30 \text{ rad/m}$$

Unité : rad / ...



NE RIEN ÉCRIRE

DANS CE CADRE

Question 15 : Calculer l'énergie cinétique de l'ensemble en mouvement  $\Sigma = \{2, 3, 5\}$  par rapport à 1:  $E_c(\Sigma/1)$ . En déduire l'expression de la masse équivalente  $M_{eq}$  de l'ensemble  $\Sigma$  rapportée au solide 2.

$$\begin{aligned} E_c(\Sigma/1) &= E_c(2/1) + E_c(3/1) + E_c(5/1) \\ &= \frac{1}{2} \cdot m_2 \cdot \dot{\lambda}_2^2 + 0 + \frac{1}{2} \cdot (c_5 + m_5 \cdot (d^2 + \frac{c^2}{4})) \cdot \dot{\theta}^2 \end{aligned}$$

(masse, inertie négligée)

Avec  $\Delta\lambda = \cancel{\lambda_4} - \lambda_2$  donc  $\dot{\Delta\lambda} = -\dot{\lambda}_2$  et  $\dot{\theta} = K_c \cdot \dot{\Delta\lambda}$

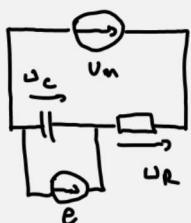
$$E_c(\Sigma/1) = \frac{1}{2} \cdot \left[ m_2 + (c_5 + m_5 \cdot (d^2 + \frac{c^2}{4})) \cdot K_c^2 \right] \cdot \dot{\Delta\lambda}^2$$

$$M_{eq} = m_2 + (c_5 + m_5 \cdot (d^2 + \frac{c^2}{4})) \cdot K_c^2$$

Question 16 : Déterminer une équation différentielle reliant  $F(t)$  et ses dérivées successives à  $u_m(t)$  et  $\frac{d\lambda}{dt}(t)$  de la forme  $u_m(t) = a_0 \cdot F(t) + a_1 \cdot \frac{dF}{dt}(t) + a_2 \cdot \frac{d\lambda}{dt}(t)$ .

On a :  $i_R = i_m + i_c$  et  $i_m = k_i \cdot \frac{d\lambda}{dt}$

Et :  $u_m = u_R + u_c$  et  $\begin{cases} u_c = e \\ u_R = R \cdot i_R \end{cases}$  donc  $u_m = R \cdot i_R + e = R \cdot k_i \cdot \frac{d\lambda}{dt} + R \cdot i_c + \frac{1}{k_i} \cdot F$



$$\text{Enfin : } i_c = C \cdot \frac{du_c}{dt} = C \cdot \frac{de}{dt} = \frac{C}{k_i} \cdot \frac{dF}{dt}$$

$$\text{Donc : } u_m = R \cdot k_i \cdot \frac{d\lambda}{dt} + \frac{R \cdot C}{k_i} \cdot \frac{dF}{dt} + \frac{1}{k_i} \cdot F$$

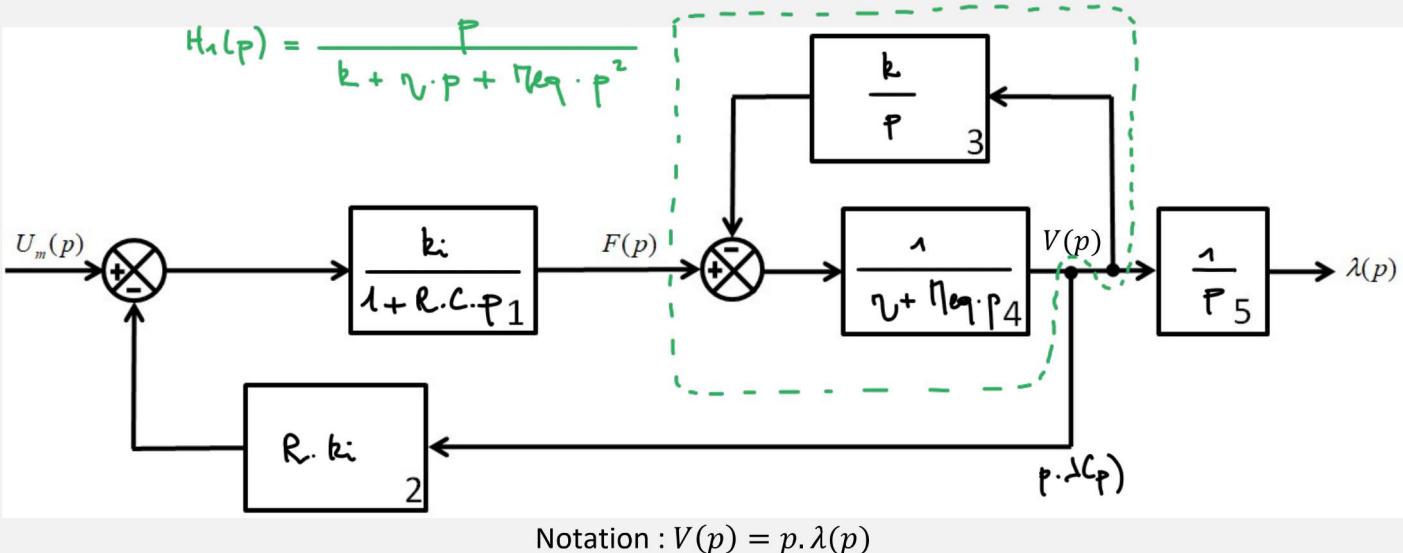
$$(\text{Q° suivante : } u_m(p) = R \cdot k_i \cdot \lambda(p) + \frac{R \cdot C \cdot p + 1}{k_i} \cdot F(p))$$

$$a_0 = \frac{1}{k_i}$$

$$a_1 = \frac{R \cdot C}{k_i}$$

$$a_2 = R \cdot k_i$$

Question 17 : Compléter le schéma-blocs ci-dessous en indiquant les fonctions de transfert des blocs 1 et 2.



Question 18 : Déterminer, en indiquant le système isolé et le théorème utilisé, l'équation différentielle du mouvement de la masse équivalente reliant  $\lambda(t)$  et ses dérivées successives à  $F(t)$ .

J'isole la masse  $M_{eq}$ . Le th. de la résultante dynamique en projection sur  $\vec{x}$   
donne :

$$F + F_r + F_a + \overset{\text{bâti} \rightarrow M_{eq}}{0} + \overset{pes \rightarrow M_{eq}}{0} = M_{eq} \ddot{\lambda}$$

On a donc :  $M_{eq} \ddot{\lambda} + \gamma \dot{\lambda} + k \lambda = F$

Question 19 : Compléter le schéma-blocs de la question 17 en indiquant les fonctions de transfert des blocs 3, 4 et 5.

Donc  $M_{eq} \cdot p \cdot V(p) + \gamma \cdot V(p) + k \cdot \frac{1}{p} \cdot V(p) = F(p)$

Question 20 : Déterminer la fonction de transfert  $H(p) = \frac{\lambda(p)}{U_m(p)}$  du modèle ainsi obtenu. Ecrire  $H(p)$  sous la forme d'une fraction rationnelle dont le polynôme du dénominateur admet un coefficient constant égal à 1.

$$\begin{aligned} H(p) &= \frac{1}{p} \cdot \frac{\frac{k_i}{1+R.C.p} \cdot H_1(p)}{1 + R.k_i \cdot \frac{k_i}{1+R.C.p} \cdot H_1(p)} \\ &= \frac{1}{p} \cdot \frac{\frac{k_i}{1+R.C.p} \cdot \frac{P}{k + v \cdot p + n_{eq} \cdot p^2}}{1 + R.k_i \cdot \frac{k_i}{1+R.C.p} \cdot \frac{P}{k + v \cdot p + n_{eq} \cdot p^2}} \end{aligned}$$

(suite page suivante)

$$H(p) = \frac{b_3}{k + (R.b_2^2 + R.C.k + \eta).p + (R.C.\eta + M_{eq}).p^2 + R.C.M_{eq}.p^3}$$

$$H(p) = \frac{\frac{b_3}{k}}{1 + \frac{R.b_2^2 + R.C.k + \eta}{k}.p + \frac{R.C.\eta + M_{eq}}{k}.p^2 + \frac{R.C.M_{eq}}{k}.p^3}$$



Cmp  
Concours commun  
Mines-Ponts

Épreuve : Sciences Industrielles filière PSI

**Les feuilles dont l'entête d'identification n'est pas entièrement renseignée ne seront pas prise en compte pour la correction.**

Feuille

Question 24 : Déterminer l'expression littérale de la valeur finale du déplacement  $\lambda(t)$  notée  $\lambda_{fin}$ .

$$J \text{ sais que } J_{\text{fin}} = H_0 \cdot D_0 = \frac{k_i}{k} \cdot J_0$$

$$\lambda_{fin} = \frac{k_i}{k} \cdot \lambda_0$$

Question 25 : Conclure sur la capacité de l'actionneur à respecter l'exigence 1.2.1 a du cahier des charges.

$\lambda_{fin} \approx 0,3 \cdot 10 \approx 3 \text{ pm}$  < 3 pm : l'exigence 1.2.1 a et donc bien vérifiée.

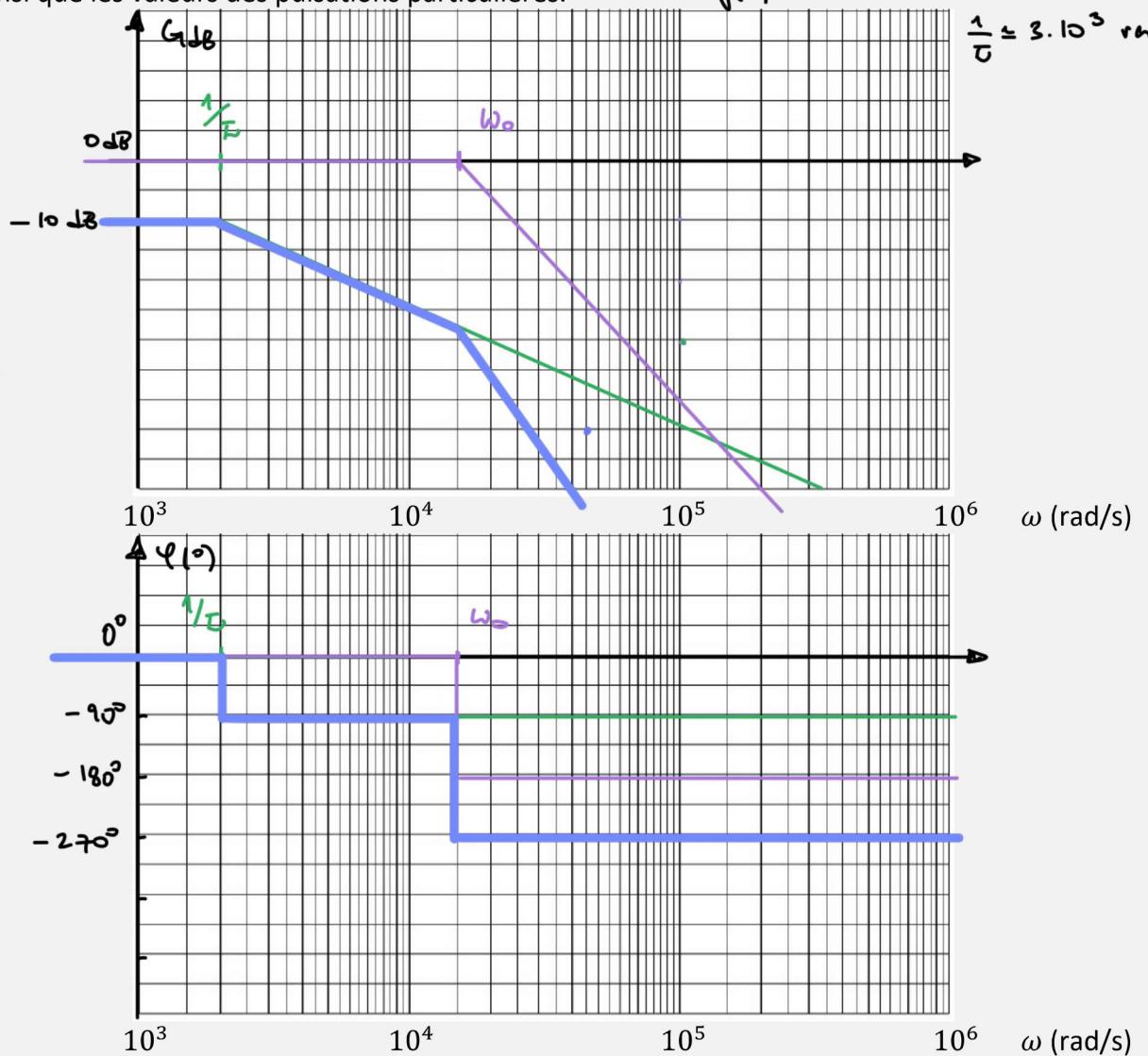
NE RIEN ÉCRIRE

DANS CE CADRE

Question 26 : Compléter le document-réponse en représentant les diagrammes asymptotiques de Bode de gain et de phase de la fonction de transfert  $H(p)$ . Indiquer les valeurs asymptotiques, les valeurs des pentes ainsi que les valeurs des pulsations particulières.

$$\omega \cdot \log(0,5) \approx -10 \text{ dB}$$

$$\frac{1}{\tau} \approx 3 \cdot 10^3 \text{ rad/s}$$



Question 27 : Indiquer la valeur de la pulsation de résonance  $\omega_R$ . Déterminer l'amplitude du déplacement  $\lambda(t)$  en régime permanent pour la pulsation de résonance  $\omega_R$ . On donne  $\sqrt{10} \approx 3$ .

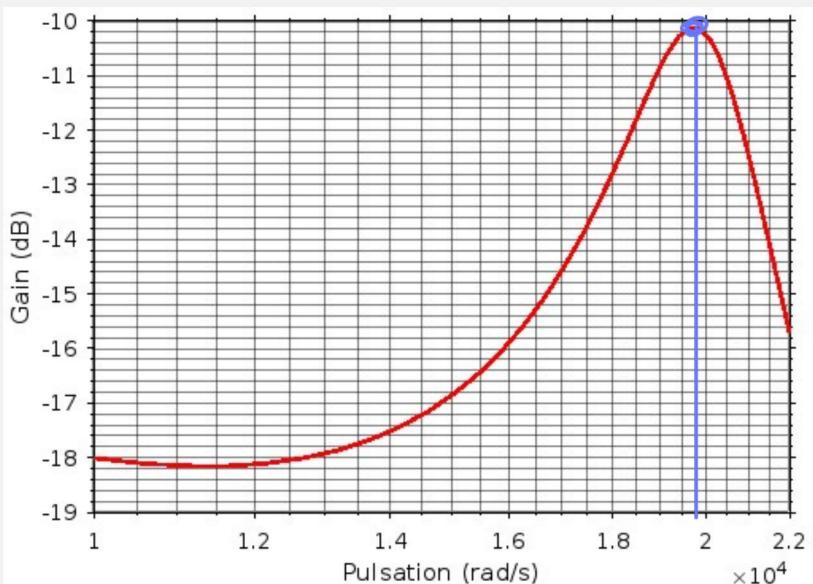
$$\omega_R = 1,97 \cdot 10^4 \text{ rad/s}$$

Amplitude du déplacement :

$$20 \cdot \log \left( \frac{\lambda_{\text{amp}}}{U_0} \right) \approx -10 \text{ dB}$$

$$\text{donc } \log \left( \frac{\lambda_{\text{amp}}}{U_0} \right) \approx -\frac{1}{2}$$

$$\text{donc } \frac{\lambda_{\text{amp}}}{U_0} \approx 10^{-\frac{1}{2}} \approx \frac{1}{3}$$



$$\text{donc } \lambda_{\text{amp}} \approx 3,3 \mu\text{m}$$

Question 28 : Par quel facteur le déplacement est-il multiplié en sollicitant l'actionneur piézo-électrique à la pulsation de résonance  $\omega_R$  plutôt qu'à la pulsation de  $10^4 \text{ rad.s}^{-1}$ ? On donne  $\sqrt[5]{100} \approx 2,5$ .

$$\text{à } \omega_R : 20 \cdot \log \left( \frac{\lambda_{\text{amp}}}{U_0} \right) \approx -10 \text{ dB}$$

$$\text{et à } \omega_2 = 10^4 \text{ rad/s} : 20 \cdot \log \left( \frac{\lambda_{\omega_2}}{U_0} \right) \approx -18 \text{ dB}$$

$$\text{Donc } 20 \cdot \log \left( \frac{\lambda_{\text{amp}}}{\lambda_{\omega_2}} \right) \approx 8 \text{ dB} \quad \text{donc } \lambda_{\text{amp}} \approx \lambda_{\omega_2} \cdot 10^{\frac{8}{20}} \\ \approx \lambda_{\omega_2} \cdot 10^{\frac{2}{5}} \\ \approx \lambda_{\omega_2} \cdot \sqrt[5]{100}$$

$$\text{Facteur multiplicatif} = 2,5$$

Question 29 : Conclure sur la validité de l'exigence 1.2.2 d du cahier des charges.

Dans le pire des cas :  $\omega = 10^4 \text{ rad/s}$ , on a  $\lambda_{\omega_2} \approx \frac{3,3 \mu\text{m}}{2,5} \approx 1,3 \mu\text{m}$ .

Pour  $10\sqrt{1}$ , la sensibilité est donc de  $0,13 \mu\text{m}/\sqrt{1}$  ce qui ne valide pas

l'exigence 1.2.2.d car inférieure à  $0,3 \mu\text{m}/\sqrt{1}$ .

• Au voisinage de  $\omega_R$ , on a  $0,13 \times 2,5 \approx 3,3 \mu\text{m}/\sqrt{1}$  ce qui validerait alors l'exigence.

NE RIEN ÉCRIRE

DANS CE CADRE

Question 23 : Isoler le coulisseau 2, effectuer le bilan des actions mécaniques qui s'y appliquent et écrire les équations issues du Théorème de la résultante dynamique, en projection suivant  $\vec{x}$  et  $\vec{y}$ .

J'isole 2 soumis aux actions mécaniques extérieures :

- poids  $\rightarrow 2$
- $1 \xrightarrow{A} 2$
- $1 \xrightarrow{B} 2$

$$/\vec{x}: \quad \chi_A + \chi_B = m_2 \ddot{x}$$

$$/\vec{y}: \quad \gamma_A + \gamma_B - m_2 \cdot g = 0$$

Question 24 : En prenant en compte toutes les hypothèses précédentes, déterminer l'expression de l'accélération maximale admissible  $\frac{d^2x}{dt^2}_{MAX}$  afin de conserver l'adhérence de 2 par rapport à 1.

Il y a adhérence si  $x_A < \mu_a \cdot \gamma_A$  (en A)  
et  $x_B < \mu_a \cdot \gamma_B$  (en B)

Il faut donc que :  $\chi_A + \chi_B < \mu_a \cdot (\gamma_A + \gamma_B)$

et donc  $m_2 \ddot{x} < \mu_a \cdot m_2 \cdot g$

$$\frac{d^2x}{dt^2}_{MAX} = \mu_a \cdot g$$

Question 25 : En déduire la valeur du facteur de frottement  $\mu_a$  à adopter pour vérifier l'exigence 1.2.2 b du cahier des charges.

On veut  $\ddot{x}_{max} = 10 \text{ m/s}^2$ , il faut donc :

$$\mu_a > \frac{\ddot{x}_{max}}{g}$$

$$\mu_a = 1$$

Question 26 : Déterminer une équation reliant  $F_m$ ,  $X_A$ ,  $X_B$  et  $\frac{d^2\lambda}{dt^2}$ . Préciser l'isolement, le bilan des actions mécaniques extérieures ainsi que le théorème utilisé.

J'isole 1 soumis aux actions mécaniques extérieures : - 0  $\xrightarrow{\text{gliss.}}$  1  
- 0  $\xrightarrow{\text{mot}}$  1  
- 2  $\xrightarrow{A}$  1  
- 2  $\xrightarrow{B}$  1  
- pas  $\longrightarrow$  1

Le th. de la résultante dynamique en projection sur z donne :

$$F_m - X_A - X_B = m_1 \cdot \ddot{\lambda}$$

Question 27 : Déterminer l'expression de l'effort moteur minimal  $F_{min}$  nécessaire pour obtenir le glissement de 2 par rapport à 1. Faire l'application numérique afin de vérifier l'exigence 1.2.2 c du cahier des charges.

À la limite du glissement :  $X_A + X_B = \mu_a \cdot (\gamma_A + \gamma_B) = \mu_a \cdot m_2 \cdot g$

Et donc :  $F_{min} - \mu_a \cdot m_2 \cdot g = m_1 \cdot \ddot{\lambda}$

Et à la limite (avant glissement) :  $\ddot{x} = \ddot{\lambda} = \mu_a \cdot g$

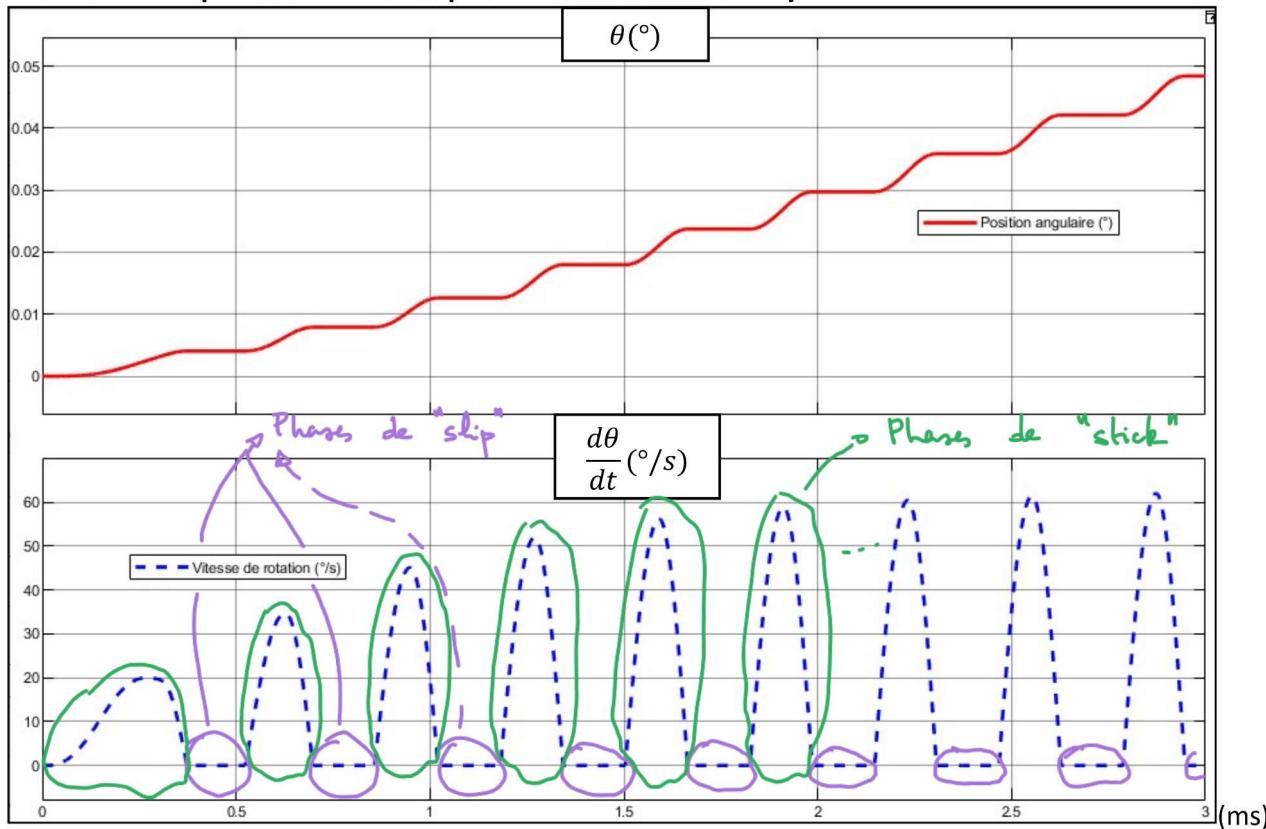
$$F_{min} = \mu_a \cdot (m_1 + m_2) \cdot g$$

$$\text{A.N. : } F_{min} = 4 \text{ N}$$

Vérification de 1.2.2 c :

Avec la valeur demandée dans le cahier des charges (6 N), il y a bien glissement (phase de "slip").

Question 28 : Indiquer ci-dessous les phases de « stick » et « slip ».



Question 29 : Vérifier l'exigence 1.2.2 a du mode d'approche du cahier des charges.

Sur  $\Delta t = 3 \text{ ms}$ , on a  $\Delta\theta \approx 5 \cdot 10^{-2} \text{ }^\circ$ .

$$\text{La vitesse moyenne est donc } w_{\text{moy}} = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} \approx \frac{5 \cdot 10^{-2}}{3 \cdot 10^{-3}} \text{ } /s$$

$$w_{\text{moy}} \approx 1,7 \cdot 10^1 \text{ } /s$$

$$w_{\text{moy}} \approx 17 \text{ } /s \approx 20 \text{ } /s$$

On retrouve environ la vitesse moyenne demandée ( sachant qu'on a sous-estimé la valeur jusqu'à 2 ms où le régime semble être transitoire)

### Numéro d'inscription

\_\_\_\_\_



Né(e) le

Nom

**Prénom (s)**



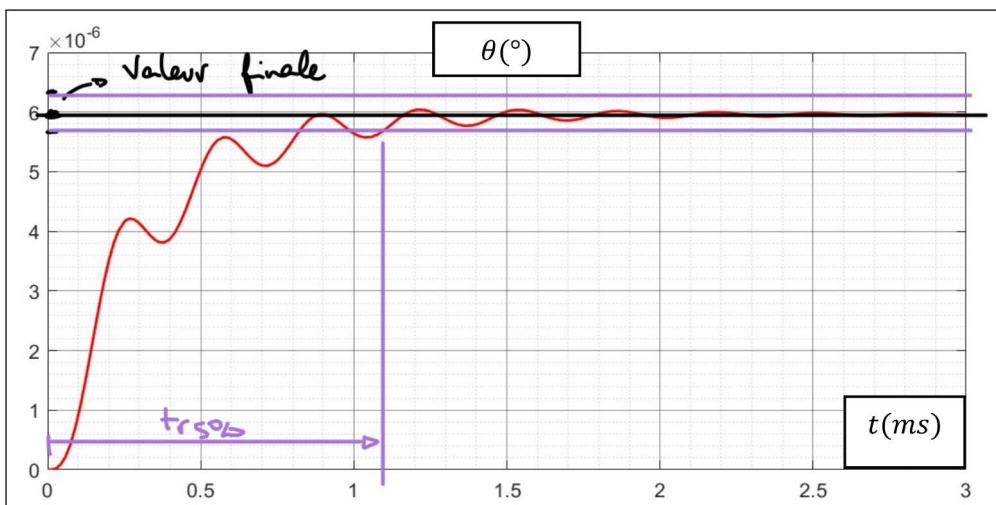
Épreuve : Sciences Industrielles filière MP

**Les feuilles dont l'entête d'identification n'est pas entièrement renseignée ne seront pas prise en compte pour la correction.**

Feuille

Question 30 : Indiquer ci-dessous la valeur finale ainsi que le temps de réponse à 5%, en faisant apparaître les tracés nécessaires sur la courbe.  $6 < \underline{5} = \underline{3} = 0,3$

$$6 \times \frac{5}{100} = \frac{30}{100} = 0,3$$

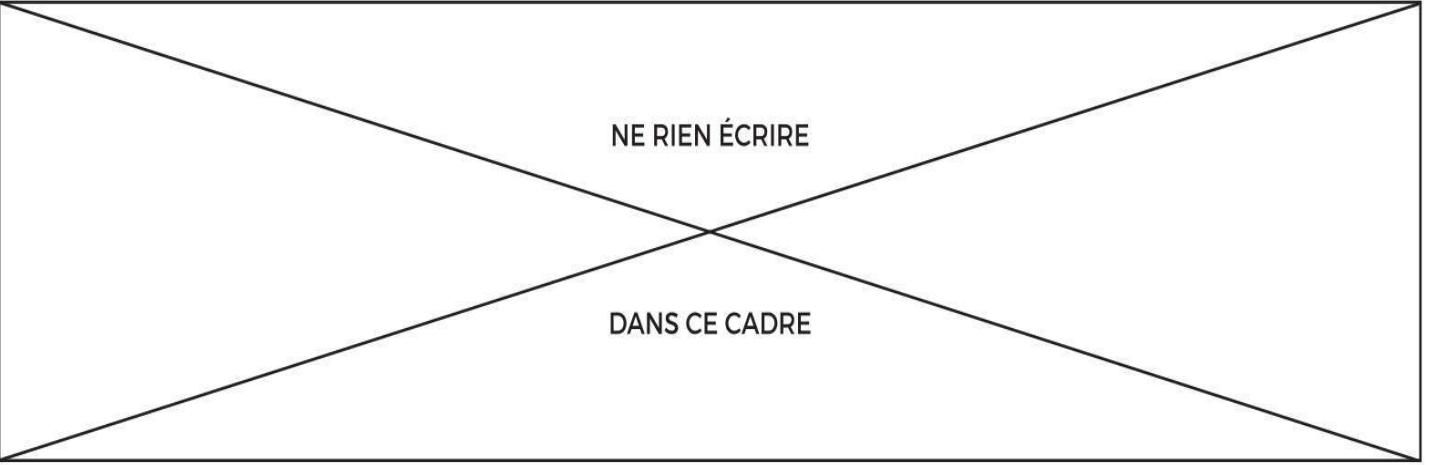


$$\text{Valeur finale} = 5,95 \cdot 10^{-6}$$

$$t_{5\%} = 1,1 \text{ ms}$$

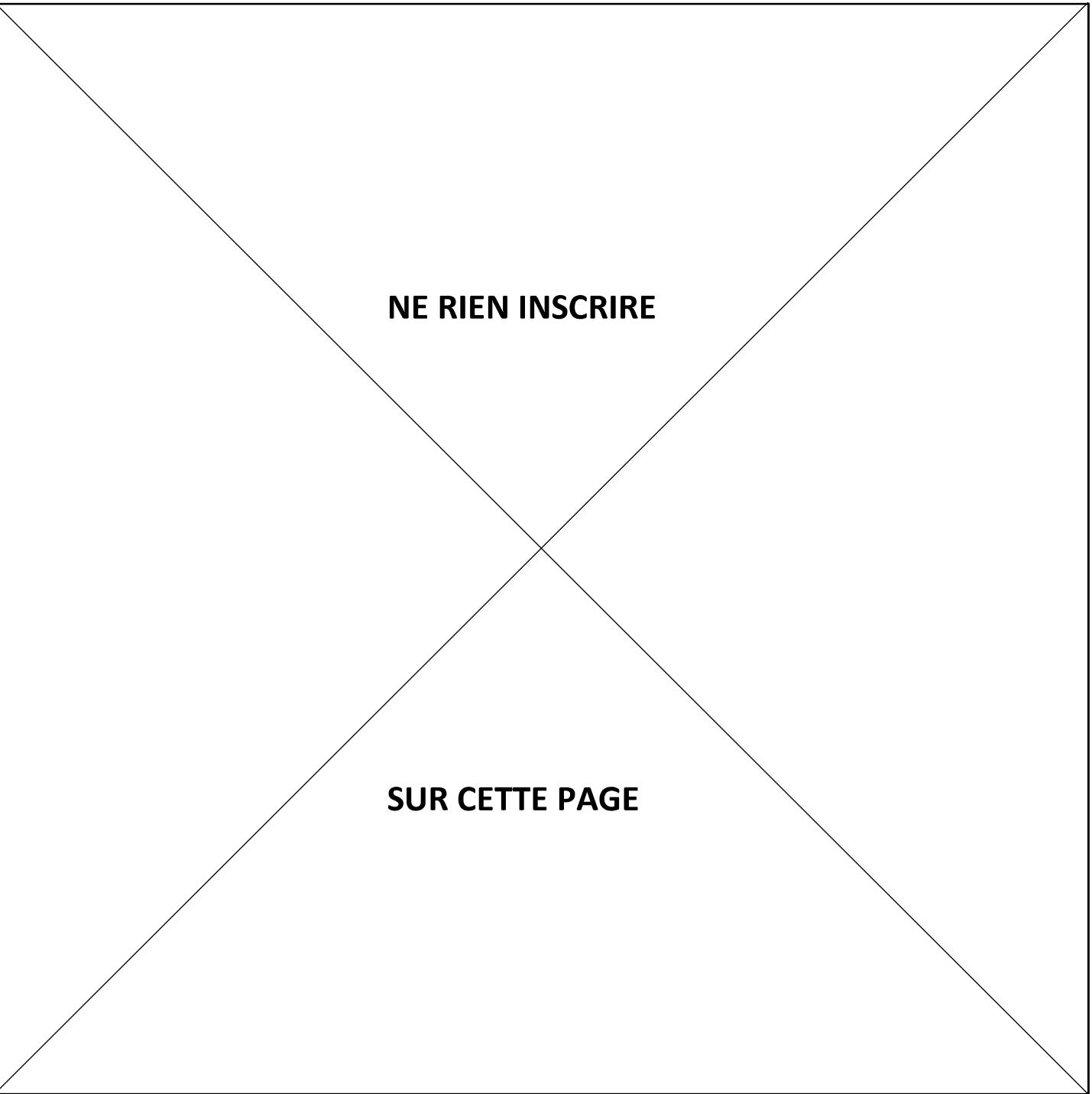
**Question 31 : Vérifier les exigences 1.2.1 b et 1.2.1 c du mode « scan » du cahier des charges.**

- On a ici un déplacement d'environ  $6 \mu\text{deg} < 10 \mu\text{deg}$ , ce qui valide l'exigence 1.2.1 b.
  - On a aussi  $t_{50\%} < 1,2 \text{ ms}$ , ce qui valide l'exigence 1.2.1 c.



NE RIEN ÉCRIRE

DANS CE CADRE



**NE RIEN INSCRIRE**

**SUR CETTE PAGE**