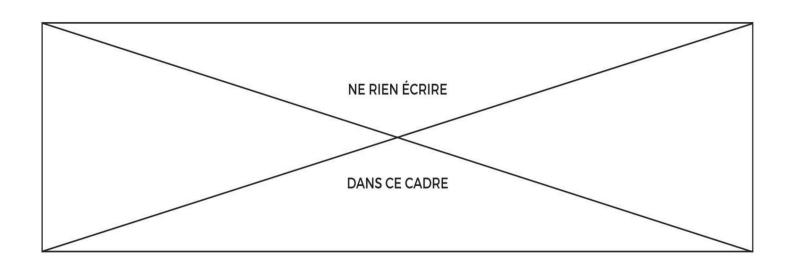
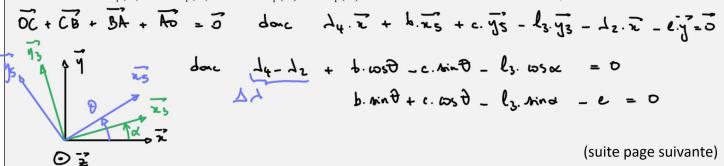
Numéro d'inscription																			`\	`\	
Né(e) le			]/						Sig	natı	ure										1
Nom	COR	RE	c	τ	i	0	7														
Prénom (s)																					
Question 1: A l'a puissance de la rota	Les feuilles renseignée de du diag	ne sero gramm	ntête nt pas e Sy:	d'ide pris	entif e en de	icati con typ	on r npte oe i	pou bd	pas o	enti	èren	nent on.		Feu		mp	léte	/[ r la	cha	ìne	de
paissurice de la rote	Ordro		80111	ome		51110		J.11.							6	7.50	osit	lon ion que			
Chaine	de																			1	
puissa	▼						_	_		ranc	met	tro		Г		7	<u>/</u>				
	STRIBUER			الم				<b>→</b> C						<b>→</b>		+:	વા	Ŗ.			
Puissance électrique	1 1	ssance rribuée	pie	Actior ezo-él	Pu mé	issa écar	niqu	7 1		.b	Puis	ssani	que			(U)	cha		lon - P	) j	<i>रं</i> ञा



Question 5 : Pour chacun des « mouvement 1 » et « mouvement 2 » indiquer les déplacements nécessaires des actionneurs linéaires en cochant les cases correspondantes.

	Mouvement 1		Mouvement 2							
$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} > 0$	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} = 0$	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} < 0$	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} > 0$	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} = 0$	$\frac{d\lambda_2(t)}{dt} < 0$					
<b>X</b> -					N.					
$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} > 0$	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} = 0$	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} < 0$	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} > 0$	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} = 0$	$\frac{d\lambda_4(t)}{dt} < 0$					
Ø.			ØL.							

Question 6 : A partir d'une fermeture géométrique, déterminer une équation du second degré de la forme :  $\Delta\lambda^2 + A_{\rm l}(\theta)\Delta\lambda + B_{\rm l}(\theta) = 0$  où  $A_{\rm l}(\theta)$  et  $B_{\rm l}(\theta)$  sont deux fonctions de  $\theta$  à expliciter.



Donc:  $\sqrt{\frac{2}{5}} = (5) + \frac{1}{5} \cdot \cos \theta - c \cdot \sin \theta^2 + (5 \cdot \sin \theta + c \cdot \cos \theta - e)^2$ Donc: D12 + 2. ( 6. wst - c. sint). D) + b2 + c2 - 2. b.c. sixt- with + e2 + 2.6.c. cint. cost - 2.e. (6. sint + c. cost) - l32 = 0  $B_1(\theta) = b^2 + c^2 + e^2 - \ell_3^2 - 2 \cdot e \cdot (b \cdot \sin \theta + c \cdot \cos \theta)$  $A_1(\theta) = 1. (6.857 - C.sin 7)$ Question 7: a) Il faut O<x<sub>E</sub><9cm. Il faut donc une b) Il faut  $-\pi < \theta < 0$ . Il faut donc que course de 90mm (au DIE 50 mm, 88 mm J. En supposent moins), les actionners CLS 32, CLS 52, qu' un ser actionner st mis en moret CLS 92 convienment. ienent, il faut donc me course de 38 mm Les actionneurs 24,32,52 et 92 Question 8: Montrer que la résultante des actions mécaniques de 5 sur 3, notée  $\vec{R}_{5\rightarrow3}$ , a pour direction le vecteur  $\vec{x}_3$ . ]' isole 3 sormis avx actions méanique exteriers: -2 -3 4vec: \$2-,34= \$ R2-,5= X25-2 + 123.7 + 2/3.2 AB et donc par 23. 4 [ My2 -> 3 = L/23. 72 + M/23. 7 = 0 On poursa donc écrire: Dans l'hypothèce d'un problème plan. De nêne:  $\widehat{M}_{b_15 \rightarrow 3} = \widehat{0}$ Rs = X s3 = 23 Le solide 3 n'est donc sormis qu'à deux glissens. Les résoltantes se ront donc dirigées pour Question 9 : Isoler 5, déterminer  $X_{\rm 53}$ , en fonction de P et des grandeurs géométriques nécessaires. Préciser l'équation scalaire, du principe fondamental de la statique, utilisée pour la résolution. J'isole 5 sounis aux actions méconiques extérieures suivonts: ► The poids -5.2 = Tasports-75.2 + (CG, ~ (-P.)). + · paids - s · 4 - 5 \* No,4-05. == 0 doc j'énis 9. (f. in the second of the se le th. des moments en C et en projection PTC, 3-75. 2 = 1 8 3-75. 2 + (CB ~ (X35. 23)). 2 Mc180162-75.24 MG3-75.2 + Mc12-75.2 = 0 = (b. Lin(x-+) - e. cos(x-+)). X35  $(\overrightarrow{x}_{54}\overrightarrow{y}).\overrightarrow{t} = \sin(-\theta + \frac{\pi}{\nu})$ 

CCMP PSI OZ

=- ως(α - θ) Page 3 sur 12

10 = 6 (4)5 , 123 ). = = sin(-0+a

Document-réponse

(suite page suivante)

On obtant alors:

$$X_{53} = \frac{-d \cdot \omega_5 \theta + \frac{c}{2} \cdot \sin \theta}{b \cdot \sin (\alpha - \theta) - c \cdot \cos (\alpha - \theta)}$$

Question 10 : Isoler {2+3} et déterminer F sous la forme  $F = P \frac{A_2 \cos(\theta) + B_2 \sin(\theta)}{c \cos(\theta - \alpha) + b \sin(\theta - \alpha)} \cos(\alpha)$  où  $A_2$  et

 $B_2$  sont des constantes à déterminer.

7'isole \$2,34 somis aux actions mécaniques extérieres:

- · act 2

- 0 → 2 × R<sub>0→2</sub>. = 0 donc j'éais le th. de résultante en project

$$\frac{\overrightarrow{L}_{act-72} \cdot \overrightarrow{n}}{F} + \overrightarrow{R}_{0.72} \cdot \overrightarrow{n} + \overrightarrow{R}_{5-72} \cdot \overrightarrow{n} = 0$$

$$= X_{53} \cdot \overrightarrow{n_3} \cdot \overrightarrow{n} = X_{53} \cdot 65d$$

Donc: 
$$F = -\chi_{53}$$
.  $\omega_{50} = \frac{-d \cdot \omega_{50} + \frac{c}{2!} \cdot \lambda_{10}}{c \cdot \omega_{5} (\theta - \alpha) + b \cdot \lambda_{10} (\theta - \alpha)} \cdot P \cdot \omega_{50}$ 

$$A_2 = -$$

$$B_2 = \frac{c}{2}$$

Question 11: A partir des références d'actionneurs données en Annexe 3, déterminer le ou les actionneur(s) permettant de vérifier la force à exercer afin de valider l'exigence 1.1.

pire des cos, IFImax = 6,3 N. Les actionneurs CLS 32,52 ou 92 porraient convenir car:

Numéro	d'inscription														) ]	'\	
	Né(e) le		/		/			Sig	gnat	ure							`\
	Nom																
	Prénom (s)																
(c	mp	euve <b>feuil</b> i				dus entif					t	 	 Τ	1 /		T 1	

Question 13 : Calculer l'énergie cinétique du solide 5 dans son mouvement par rapport à 1 :  $E_c(5/1)$  en fonction de  $\frac{d\theta}{dt}$  et des grandeurs géométriques et d'inertie du solide 5.

Fonction de 
$$\frac{1}{dt}$$
 et des grandeurs géométriques et d'inertie du solide 5.

On A:  $\sqrt{G_5C_5}_{/1} = \sqrt{G_5C_5}_{/1} + \sqrt{G_5C_4}_{/1} = \sqrt{G_5C_4}_{/1} + \sqrt{G_5C_4}_{/2} + \sqrt{G_5C_4}_{/2} = -\frac{1}{2} \cdot \sqrt{15}$ 

$$= 1 \cdot \frac{1}{2} \cdot \sqrt{15} - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \sqrt{15}$$

renseignée ne seront pas prise en compte pour la correction.

Donc: 
$$E_{c}(5/4) = \frac{1}{2} \cdot C_{5} \cdot \left(\frac{d\theta}{dt}\right)^{2} + \frac{1}{2} \cdot m_{5} \cdot \left(d^{2} + \frac{c^{2}}{4}\right) \cdot \left(\frac{d\theta}{dt}\right)^{2}$$

$$E_c(5/1) = \frac{1}{2} \cdot \left[ C_5 + m_5 \cdot \left( d^2 + \frac{\omega^2}{4} \right) \right] \cdot \left( \frac{d\theta}{dt} \right)^2$$

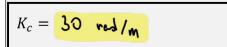
Question 14: Autour du point de fonctionnement  $\theta=0\ rad$  linéariser la loi entrée-sortie (Figure 6). Faire apparaître les tracés sur la figure ci-contre, déterminer la valeur de  $K_c$  et donner son unité.

On a:  

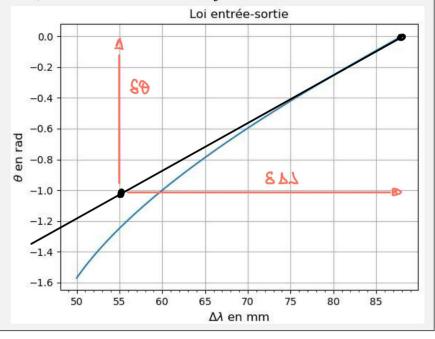
$$K_{c} = \frac{6\theta}{8\Delta L} \simeq \frac{1 \text{ rad}}{33 \text{ mm}}$$

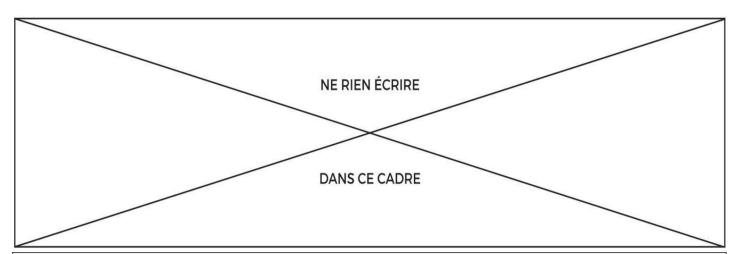
$$\simeq \frac{1}{313} \times \frac{1}{10} \cdot 10^{3} \text{ rad/m}$$

$$\simeq 0.3 \cdot 10^{2} \text{ rad/m}$$



Unité : rod /m





Question 15 : Calculer l'énergie cinétique de l'ensemble en mouvement  $\Sigma = \{2,3,5\}$  par rapport à 1:  $E_c(\Sigma/1)$ . En déduire l'expression de la masse équivalente  $M_{eq}$  de l'ensemble  $\Sigma$  rapportée au solide 2.

$$E((2/1) = E((2/1) + E((2/1) + E((5/1))$$

$$= \frac{1}{2} \cdot m_2 \cdot \lambda_2^2 + 0 + \frac{1}{2} \cdot (c_5 + m_5 \cdot (d^2 + \frac{c^2}{4})) \cdot \theta^2$$

there 
$$\Delta \lambda = \frac{1}{4} - \lambda_2$$
 done  $\Delta \lambda = -\lambda_2$  et  $\dot{\theta} = K_c. \Delta \lambda$ 

$$E_c(\Sigma/1) = \frac{1}{\lambda} \cdot \left[ m_L + \left( C_5 + m_5 \cdot \left( d^2 + \frac{c^2}{4} \right) \right) \cdot K_c^2 \right] \cdot \Delta \lambda^2$$

$$M_{eq} = m_2 + (C_5 + m_5 \cdot (d^2 + \frac{c^2}{4})) \cdot K_c^2$$

Question 16 : Déterminer une équation différentielle reliant F(t) et ses dérivées successives à  $u_m(t)$  et  $\frac{d\lambda}{dt}(t)$  de la forme  $u_m(t)=a_0$ .  $F(t)+a_1$ .  $\frac{dF}{dt}(t)+a_2$ .  $\frac{d\lambda}{dt}(t)$ .

On a: 
$$i_R = i_M + i_C$$
 et  $i_M = ki$ .  $\frac{d\lambda}{dt}$ 

Et: 
$$D_{M} = V_{R} + V_{C}$$
 et  $|D_{C} = R \cdot \lambda_{R}| + R \cdot \lambda_{C} + \frac{1}{2} \cdot F$ 

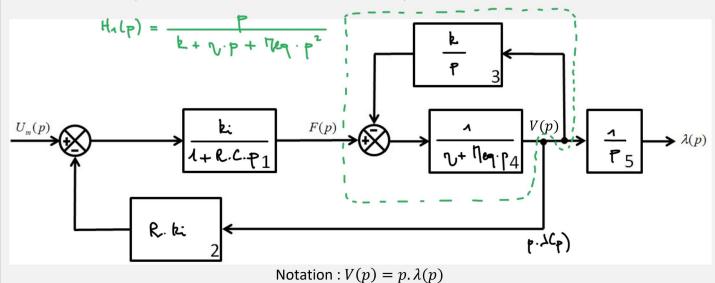
$$|D_{R} = R \cdot \lambda_{R}| = R \cdot \lambda_{C} \cdot \frac{dJ}{dt} + R \cdot \lambda_{C} + \frac{1}{2} \cdot F$$

Enfin: 
$$i_c = C \cdot \frac{du_c}{dt} = C \cdot \frac{de}{dt} = \frac{c}{bi} \cdot \frac{dF}{dt}$$

$$a_0 = \frac{1}{b_i}$$
  $a_1 = \frac{R \cdot C}{b_i}$   $a_2 = R \cdot b_i$ 

CCMP PSI Page **6** sur **12** Document-réponse

Question 17 : Compléter le schéma-blocs ci-dessous en indiquant les fonctions de transfert des blocs 1 et 2.



Question 18 : Déterminer, en indiquant le système isolé et le théorème utilisé, l'équation différentielle du mouvement de la masse équivalente reliant  $\lambda(t)$  et ses dérivées successives à F(t).

J'isole la morne Meq. Le th. de la résultante dynamique en projection sur zi bâti - Meq 
$$\frac{1}{1}$$
 per - Meq. I

On a donc: Meq.  $\frac{1}{1}$  +  $\frac{1}{1}$ 

Question 19 : Compléter le schéma-blocs de la question 17 en indiquant les fonctions de transfert des blocs 3, 4 et 5.

Donc Mag. p. 
$$V(p) + \eta \cdot V(p) + k \cdot \frac{1}{r} \cdot V(p) = F(p)$$

Question 20 : Déterminer la fonction de transfert  $H(p) = \frac{\lambda(p)}{u_m(p)}$  du modèle ainsi obtenu. Ecrire H(p) sous la forme d'une fraction rationnelle dont le polynôme du dénominateur admet un coefficient constant égal à 1.

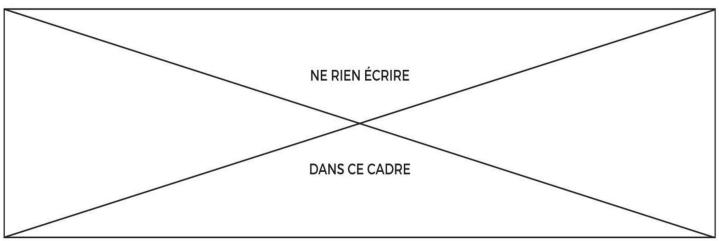
$$H(p) = \frac{1}{p} \cdot \frac{\frac{ki}{1 + R \cdot C \cdot p} \cdot H_1(p)}{1 + R \cdot ki \cdot \frac{ki}{1 + R \cdot C \cdot p} \cdot H_1(p)}$$

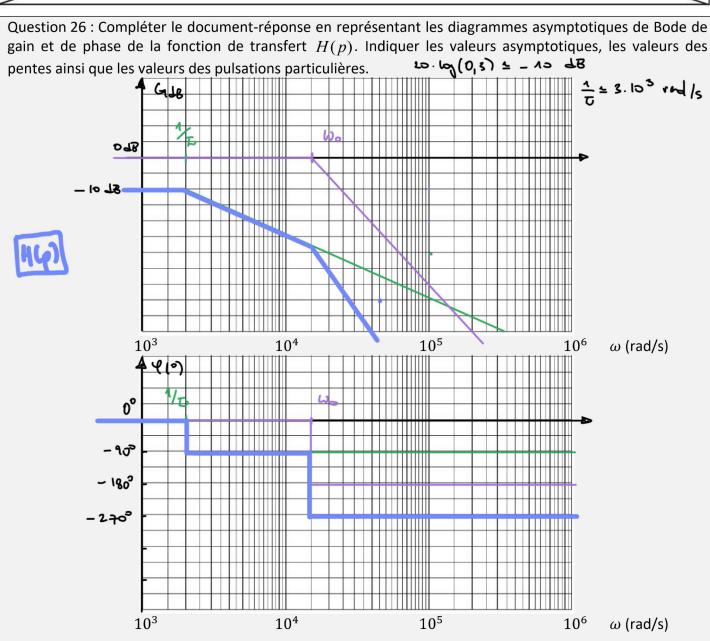
$$= \frac{1}{p} \cdot \frac{\frac{ki}{1 + R \cdot C \cdot p} \cdot \frac{ki}{1 + R \cdot C \cdot p} \cdot \frac{k}{k + \eta \cdot p + \eta \cdot p^2}}{1 + R \cdot ki \cdot \frac{ki}{1 + R \cdot C \cdot p} \cdot \frac{k}{k + \eta \cdot p + \eta \cdot p^2}}$$

(suite page suivante)

$$H(p) = \frac{\frac{b:}{k}}{1 + \frac{\text{R.t.}^2 + \text{R.c.} k + \text{V}}{k} \cdot \text{p} + \frac{\text{R.c.} \eta + \text{Neq}}{k} \cdot \text{p}^2 + \frac{\text{R.c.} \text{Neq}}{k} \cdot \text{p}^3}}$$

`\
'\
\
charges.
charges.
charges.

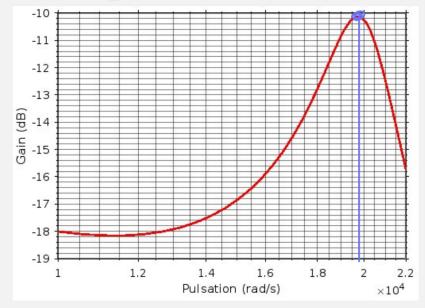




Question 27 : Indiquer la valeur de la pulsation de résonance  $\omega_R$ . Déterminer l'amplitude du déplacement  $\lambda(t)$  en régime permanent pour la pulsation de résonance  $\omega_R$ . On donne  $\sqrt{10} \approx 3$ .

$$\omega_{R} = 1,97.10^{4} \text{ rad/s}$$

Amplitude du déplacement :



Question 28 : Par quel facteur le déplacement est-il multiplié en sollicitant l'actionneur piézo-électrique à la pulsation de résonance  $\omega_R$  plutôt qu'à la pulsation de  $\mathbf{10^4}\ rad.\ s^{-1}$  ? On donne  $\sqrt[5]{\mathbf{100}} \approx \mathbf{2}$ ,  $\mathbf{5}$ .

$$\overline{A}$$
  $W_R$ :  $\lambda_0 \cdot \log \left( \frac{-\lambda_{amp}}{U_0} \right) = -\lambda_0 \cdot \Delta_0$   
et  $\overline{a}$   $W_L = 10^4 \text{ rd/s}$ :  $\lambda_0 \cdot \log \left( \frac{-\lambda_{wz}}{U_0} \right) = -18 \Delta_0$ 

Done 20. log 
$$\left(\frac{\lambda_{\omega_{2}}}{\lambda_{\omega_{2}}}\right) = 8 \, d8$$
 done  $\lambda_{\omega_{2}} = \lambda_{\omega_{2}} \cdot \lambda_{0} = \lambda_{\omega_{2}} \cdot \lambda_{0} = \lambda_{\omega_{2}} \cdot \lambda_{0} = \lambda_{\omega_{2}} \cdot \lambda_{0}$ 

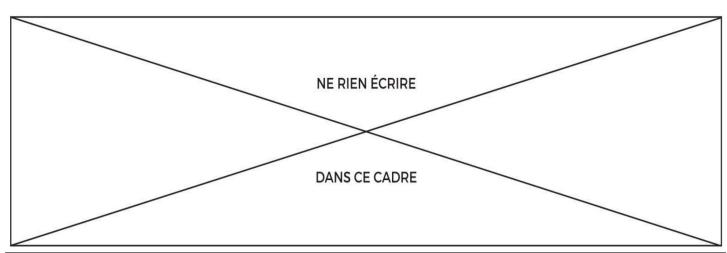
Facteur multiplicatif = 2,5

Question 29 : Conclure sur la validité de l'exigence 1.2.2 d du cahier des charges.

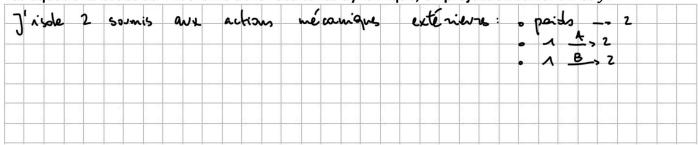
Tour ADV, la sersibilité est donc de 0,13 pm/V ce qui ne valide pas

l'exigence 1.2.2. d car infériere à 0,3 pm/s.

· Au voisinage de WR, on a 0,13 x 2,5 = 3,3 pm/J le qui validerait alors l'exigence.



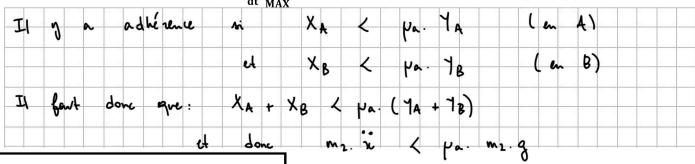
Question 23 : Isoler le coulisseau 2, effectuer le bilan des actions mécaniques qui s'y appliquent et écrire les équations issues du Théorème de la résultante dynamique, en projection suivant  $\vec{x}$  et  $\vec{y}$ .



$$/\vec{x}: \qquad \chi_{\Delta} + \chi_{B} \qquad = M_{\Delta}. \chi_{D}$$

$$/\vec{y}: \quad \gamma_A + \gamma_B - m_L.g = 0$$

Question 24 : En prenant en compte toutes les hypothèses précédentes, déterminer l'expression de l'accélération maximale admissible  $\frac{d^2x}{dt^2_{MAX}}$  afin de conserver l'adhérence de 2 par rapport à 1.



$$\frac{d^2x}{dt^2_{MAX}} = \qquad \text{pa. q}$$

Question 25 : En déduire la valeur du facteur de frottement  $\mu_a$  à adopter pour vérifier l'exigence 1.2.2 b du cahier des charges. UN. vent 10 Question 26 : Déterminer une équation reliant  $F_m$ ,  $X_A$ ,  $X_B$  et  $\frac{d^2\lambda}{dt^2}$ . Préciser l'isolement, le bilan des actions mécaniques extérieures ainsi que le théorème utilisé. avx actions Fm - KA - XB Question 27 : Déterminer l'expression de l'effort moteur minimal  $F_{min}$  nécessaire pour obtenir le glissement de 2 par rapport à 1. Faire l'application numérique afin de vérifier l'exigence 1.2.2 c du cahier des charges. EŁ A.N.: +min = 4 N  $F_{\min} = \mu_{\lambda} \cdot (m_{\lambda} + m_{\lambda}) \cdot q$ Vérification de 1.2.2 c:

