

DS-5bis - Barème

	👉	👍	👍👍
Connaissance du cours			
Quantité de questions traitées			
Détail/Rigueur de la rédaction			
Utilisation appropriée de schémas			
Soin de la rédaction			
Commentaires pertinents			

	PHYSIQUE 2 : Mesures des variations du champ de gravitation terrestre	élève	prof	max
Q.1	• $\text{div } \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$ et $\vec{\text{rot}} \vec{E} = \vec{0}$ • $\vec{E} \leftrightarrow \vec{g}$, $\rho_{elec} \leftrightarrow \rho_{grav}$ et $\frac{1}{\epsilon_0} \leftrightarrow -4\pi\mathcal{G}$			1
Q.2	• $\Phi(\vec{g}/S_F) = -4\pi G M_{\text{int}}$			0.5
Q.3.a)	• invariances et symétries de $\mathcal{D}_{masse} \Rightarrow \vec{g}(M) = g(z) \vec{e}_z$			0.5
Q.3.b)	• (xOy) plan de symétrie de $\mathcal{D}_{masse} \Rightarrow g(M \in (xOy)) = 0$ • $\vec{g}(M') = \text{sym}/xOy \vec{g}(M) = -\vec{g}(M)$ • Schéma			1.5
Q.3.c)	▷ si avec eq locale : • $\text{div } \vec{g} = \frac{dg}{dz} = -4\pi\mathcal{G}\rho(z)$ • intégration avec 3 constantes • utilisation de $g(0) = 0$ pour C_2 • continuité en $z = \pm h/2$ (pas de masses surfaciques) pour C_1 et C_3 • $\vec{g}(M) = 2\pi G \rho h \vec{e}_z$ si $z < -h/2$ • $\vec{g}(M) = -4\pi G \rho z \vec{e}_z$ si $0 \leq z \leq h/2$ • $\vec{g}(M) = -2\pi G \rho h \vec{e}_z$ si $h/2 < z$ ▷ si avec th. de Gauss • surface de Gauss représentée sur un schéma • $\Phi(\vec{g}/S_G) = 2g(z)S$ en utilisant $g(-z) = -g(z)$ • $\Phi_{lat} = 0$ • $M_{\text{int}} = \begin{cases} 2\rho Sz & \text{si } 0 \leq z \leq h/2 \\ \rho Sh & \text{si } h/2 < z \end{cases}$ • $g(z) = -4\pi G \rho z$ si $0 \leq z \leq h/2$ • $g(z) = -2\pi G \rho h$ si $h/2 < z$ • $g(z) = 2\pi G \rho h$ si $-h/2 > z$ obtenu par imparité de $g(z)$ ▷ avec l'une ou l'autre des 2 méthodes • Tracé de $g(z)$ • Valeurs particulières représentées • BONUS si $g(z)$ impaire et continue			4.5(+0.5)
Q.4.a)	• $g_T(r) > 0$			0.5
Q.4.b)	• Théorème de Gauss en gravitation avec $\Sigma_{Gauss} = \text{sphère}$ • $g_T(r) = \mathcal{G} \frac{m_T}{r^2}$			1
Q.4.c)	• $g_T(r) = G \frac{m_T}{(R_T+h)^2}$ • DL en $h/R_T \Rightarrow g_T(r) \approx g_0 \left(1 - \frac{2h}{R_T}\right)$ • $g_0 = 9,81 \text{ m.s}^{-2}$			1.5
Q.5	• Th. de superposition • $\vec{g} = -g_0 \left(1 - \frac{2h}{R_T}\right) \vec{e}_z - 2\pi G \rho_P h \vec{e}_z = -g \vec{e}_z$ • $g = g_0 \left(1 - \frac{2h}{R_T}\right) + 2\pi G \rho_P h$ • BONUS si cohérent car l'élévation fait bien diminuer la gravité alors que la présence de la tranche l'augmente bien • $\Delta g = g - g_0 = 2\pi G \rho_P h - g_0 \frac{2h}{R_T}$ • $\Delta g = -1,96.10^{-3} \text{ m.s}^{-2}$ • BONUS $\Delta g < 0$ car c'est la chute de la gravité de la Terre avec l'altitude qui domine par rapport à l'attraction supplémentaire du plateau			2.5(+1)
Q.6	• Au niveau de la mer $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g_0}} = 1s$ • Mesures dans $[1 - 10^{-5}, 1 + 10^{-5}]s$ • Sur le plateau $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g_0 + \Delta g}} \approx T_0 \left(1 - \frac{\Delta g}{2g_0}\right)$ • $T = 1.000100 s$ • Mesures dans $[1.000100 \times (1 - 10^{-5}), 1.000100 \times (1 + 10^{-5})]s$ • Intervalles disjoints \Rightarrow mesures de l'écart possible par Bouguer			3
Total				16.5

	PHYSIQUE 3 : Piéger une particule (d'après Mines-MP-2015)	élève	prof	max
Q.1	<ul style="list-style-type: none"> • $\vec{F} = q \vec{E} = -q \vec{\text{grad}} V$ • $a x = -q \frac{\partial V}{\partial x}$; $a y = -q \frac{\partial V}{\partial y}$ et $b z = -q \frac{\partial V}{\partial z}$ • en dehors des charges : Laplace $\Rightarrow \Delta V = 0$ • $\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} = -\frac{a}{q} - \frac{a}{q} - \frac{b}{q} = 0$ • $b = -2a$ • par intégration $V(x, y, z) = \alpha - \frac{a}{q} (x^2 + y^2 - 2z^2)$ • $\beta = -a/q$ • exploitation de $V(0, 0, z_0) = 0 \Rightarrow \alpha - 2\beta z_0^2 = 0$ • exploitation de $z_0 = r_0/\sqrt{2} \Rightarrow \alpha - \beta r_0^2 = 0$ • exploitation de $V = V_0$ pour $x^2 + y^2 = r_0^2$ et $z = 0 \Rightarrow \alpha + \beta r_0^2 = V_0$ • $\alpha = \frac{V_0}{2}$ et $\beta = \frac{V_0}{2r_0^2}$ 			5.5
Q.2	<ul style="list-style-type: none"> • dans le plan : xOz $V(x, 0, z) = V_1 = \frac{V_0}{2r_0^2} (x^2 - 2z^2 + r_0^2)$ • distinctions de cas pour le tracé • droites $x = \pm\sqrt{2} z$ si $V_0 = 2V_1$ • tracé d'équipotentiels • allure correcte des équipotentiels • lignes de $\vec{E} \perp$ équipotentiels • orientation correcte des lignes de \vec{E} • dans le plan xOy : $V(x, y, 0) = V_2 = \frac{V_0}{2r_0^2} (x^2 + y^2 + r_0^2)$ • cercles de centre O et de rayon $R = \sqrt{\frac{2V_2}{V_0} - 1}$ • tracé d'équipotentiels • allure correcte des équipotentiels • lignes de $\vec{E} \perp$ équipotentiels • orientation correcte des lignes de \vec{E} • BONUS si cohérent car on retrouve bien la forme des électrodes de la fig 9 			6.5(+0.5)
Q.3	<ul style="list-style-type: none"> • $\vec{F} = q \vec{E} = \vec{0}$ en $O(0, 0, 0)$ • PFD $\Rightarrow \ddot{x} + \frac{qV_0}{mr_0^2} x = 0$; $\ddot{y} + \frac{qV_0}{mr_0^2} y = 0$ et $\ddot{z} - \frac{2qV_0}{mr_0^2} z = 0$ • si $qV_0 > 0$, O.H. selon x et y mais instabilité selon (Oz) • si $qV_0 < 0$, O.H. selon z mais instabilité selon (Ox) et (Oy) 			2
Q.4	<ul style="list-style-type: none"> • $\vec{F}_m = -e \vec{v} \wedge \vec{B}_0 = -eB_0 (-\dot{x} \vec{u}_y + \dot{y} \vec{u}_x)$ • PFD $\Rightarrow \ddot{x} - \frac{eV_0}{m_p r_0^2} x + \frac{eB_0}{m_p} \dot{y} = 0$; $\ddot{y} - \frac{eV_0}{m_p r_0^2} y - \frac{eB_0}{m_p} \dot{x} = 0$ et $\ddot{z} + \frac{2eV_0}{m_p r_0^2} z = 0$ • $\ddot{x} - \omega_0^2 x + \omega_c \dot{y} = 0$; $\ddot{y} - \omega_0^2 y - \omega_c \dot{x} = 0$ et $\ddot{z} + 2\omega_0^2 z = 0$ • avec $\xi = x + iy$, $\ddot{\xi} - i\omega_c \dot{\xi} - \omega_0^2 \xi = 0$ et $\ddot{z} + 2\omega_0^2 z = 0$ • O.H. selon (Oz) • équation caractéristique $X^2 - i\omega_c X - \omega_0^2 = 0$ et $\Delta = -\omega_c^2 + 4\omega_0^2$ • stable si sol. sinusoïdales, pour $\Delta < 0$ • $2\omega_0 < \omega_c \Rightarrow B_{\min} = \frac{2m_p \omega_0}{e}$ • $B_{\min} = 8,2 \cdot 10^{-2}$ T • BONUS si $B_0 = 1$ T largement suffisant 			4.5(+0.5)
Q.5	<ul style="list-style-type: none"> • $\omega_c = 9,4 \cdot 10^7$ rad.s⁻¹ et $\omega_0 = 3,8 \cdot 10^6$ rad.s⁻¹ • condition $2\omega_0 < \omega_c$ vérifiée • $X_1 = i \frac{\omega_c}{2} + i \frac{\sqrt{\omega_c^2 - 4\omega_0^2}}{2} \approx i\omega_c$ • $X_2 = i \frac{\omega_c}{2} - i \frac{\sqrt{\omega_c^2 - 4\omega_0^2}}{2} = i \frac{\omega_c}{2} - i \frac{\omega_c}{2} \sqrt{1 - 4 \frac{\omega_0^2}{\omega_c^2}} \approx i \frac{\omega_0^2}{\omega_c} = i\omega_1$ • $\omega_1 \ll \omega_0 \ll \omega_c$ • $\xi(t) = a_1 e^{i\omega_c t} + b_1 e^{i\omega_1 t}$ et $z(t) = a_2 \cos(\sqrt{2}\omega_0 t) + b_2 \sin(\sqrt{2}\omega_0 t)$ • superposition de 3 oscillations, rapide à ω_c et très lent à ω_1 dans (xOy) et lent à $\sqrt{2}\omega_0$ selon (Oz) 			3.5
Total				20

	PHYSIQUE : À propos de champs magnétiques (d'après Mines Ponts PSI 2016 et MP 2019)	élève	prof	max
Q.1	<ul style="list-style-type: none"> schéma avec point M, axes et coordonnées correctes symétries et invariances de la distribution de courant $\Rightarrow \vec{B}(M) = B(r) \vec{u}_z$ théorème d'Ampère avec son expression et dessin d'un contour orienté contour entre r_{int} et r_{ext} • $I_{enlacé} = +NI$, signe avec règle de la main droite utilisation de $B(r_{ext}) = 0$ et de $\int \vec{B} \cdot d\vec{\ell} = 0$ pour les parties radiales $\vec{B}(M) = \mu_0 \frac{N}{\ell} I \vec{u}_z$ BONUS si commentaires I s'enroule autour de \vec{B} et discontinuité car $\exists \vec{j}_s$ 			3.5(+0.5)
Q.2	<ul style="list-style-type: none"> $(M, \vec{e}_r, \vec{e}_z) = \Pi_{antisym}$ des courants $\Rightarrow B_\theta = 0$ invariance d'angle θ des courants $\Rightarrow B_{hr}$ et B_{hz} ne dépendent pas de θ (Oxy) ou $(O, \vec{e}_r, \vec{e}_\theta) = \Pi_{sym}$ des courants $\Rightarrow \vec{B}_h(M') = -\text{sym}_{Oxy} \vec{B}_h(M)$ $B_{rh}(r, -z) \vec{e}_r + B_{hz}(r, -z) \vec{e}_z = -[B_{rh}(r, z) \vec{e}_r - B_{hz}(r, z) \vec{e}_z]$ illustration des relations précédentes sur le schéma $B_{hz}(r, -z) = B_{hz}(r, z) \Rightarrow B_{hz}(r, z)$ est bien paire par rapport à z BONUS si $B_{hr}(r, -z) = -B_{hr}(r, z) \Rightarrow B_{rh}(r, z)$ est impaire / z 			3(+0.5)
Q.3	<ul style="list-style-type: none"> analyse dimensionnelle à partir de \vec{B}_{spire} ou $\vec{B}_{solénoïde}$ • $B_0 = \frac{\mu_0 I}{2R}$ 			1
Q.4	<ul style="list-style-type: none"> utilisation du DL avec $X = z/R$ si $M \in (Oz)$, $(M, \vec{e}_\theta, \vec{e}_z) = \Pi_{antisym}$ des courants $\Rightarrow B_{rh} = 0 \Rightarrow \vec{B}_h \parallel \vec{e}_z$ $\vec{B}_h(z) = NB_0 \frac{8}{5\sqrt{5}} \left[2 - \frac{288}{125} \frac{z^4}{R^4} \right] \vec{e}_z$ • $B_h(z=0) = NB_0 \frac{8}{5\sqrt{5}} \times 2$ on veut z tq $\left \frac{B_h(z) - B_h(0)}{B_h(0)} \right = \frac{144}{125} \frac{z^4}{R^4} < 2/100$ • $z < R \left(\frac{125}{72 \times 100} \right)^{1/4} \stackrel{AN}{=} 5,4 \text{ cm}$ BONUS si commentaire : zone assez étendue de part et d'autre de O $B_h(z=0) = NB_0 \frac{16}{5\sqrt{5}} = 1,2 \text{ mT}$ 			3.5(+0.5)
Q.5	<ul style="list-style-type: none"> $R_{tot} = \frac{2N \times 2\pi R}{\gamma a^2}$ • $R = 0,39 \Omega$ BONUS si très faible, cohérent pour une bobine de 2×50 spires (cf TP) $P_J = R_{tot} I^2 \approx 6 \text{ W}$ • BONUS si pas si faible car courant important 			1.5(+1)
Q.6	<ul style="list-style-type: none"> $b_0(z) = B_h(z)$ • $c_0(z) = 0$ puisque $\vec{B}_h \parallel \vec{e}_z$ sur l'axe, en $r = 0$ (MT) $\text{div} \vec{B}_h = 0 \Rightarrow \frac{1}{r} \frac{\partial(r^2 c_1(z))}{\partial r} + \frac{\partial(B_h + r b_1(z) + r^2 b_2(z))}{\partial z} = 0$ $2c_1(z) + \frac{dB_h}{dz} + r \frac{db_1}{dz} + r^2 \frac{db_2}{dz} = 0$ • et pour $r \rightarrow 0$, $c_1(z) = -\frac{1}{2} \frac{dB_h}{dz}(z)$ (MF) statique $\text{rot} \vec{B}_h = \vec{0} \Rightarrow \frac{\partial B_{hr}}{\partial z} - \frac{\partial B_{hz}}{\partial r} = 0$ • $r \frac{dc_1}{dz}(z) - b_1(z) - 2r b_2(z) = 0$ et pour $r \rightarrow 0$, $b_1(z) = 0$ • $b_2(z) = \frac{1}{2} \frac{dc_1}{dz}(z) = -\frac{1}{4} \frac{d^2 B_h}{dz^2}(z)$ 			4.5
Q.7	<ul style="list-style-type: none"> $B_{rh}(r, 0) = 0$ BONUS si cohérent avec Q.2, car $B_{rh}(r, z)$ est impaire par rapport à z $B_{hr}(r, z) = \frac{\mu_0 N I}{2R} \frac{r}{2} \frac{8}{5\sqrt{5}} \frac{288 \times 4}{125} \frac{z^3}{R^4} \left[1 + \frac{3r}{2z} \right]$ • $B_{hr}(r, z) = 1.4 \times 10^{-4} \text{ mT}$ $B_{hr}(r, z) \ll B_h(z=0) \Rightarrow$ champ pratiquement selon \vec{e}_z au voisinage de O 			2(+0.5)
Q.8	<ul style="list-style-type: none"> E_p minimale \Rightarrow stable si \vec{m} est colinéaire et de même sens que $\vec{B}(O)$ BONUS si \vec{m} selon $+\vec{e}_z$ dans le cas où $I > 0$ d'après partie I 			0.5(+0.5)
Q.9	<ul style="list-style-type: none"> schéma • $\vec{\Gamma} = -m N B_0 \frac{16}{5\sqrt{5}} \sin \theta \vec{e}_x$ TMC avec petits mouvements $\Rightarrow J \ddot{\theta} = -m N B_0 \frac{16}{5\sqrt{5}}$ O.H. de période propre $\tau_{osc} = 2\pi \sqrt{\frac{5\sqrt{5} J}{16 m N B_0}}$ 			2
Q.10	<ul style="list-style-type: none"> $\kappa = \frac{4\pi^2}{\tau_{osc}^2} \frac{5\sqrt{5}}{16 N B_0}$ • $\kappa = 3,6 \times 10^5 \text{ A.kg}^{-1}$ • unité correcte 			1.5
Q.11	<ul style="list-style-type: none"> utilisation de formules trigo • $\ \vec{B}(O, t)\ = B_0$ • $\varphi(t) = \omega_0 t + \frac{\pi}{4}$ $\vec{B}(O, t)$ champ magnétique tournant autour de O à la vitesse angulaire ω_0 $\vec{B}(O, t)$ peut être généré à partir de 2 bobines d'axes respectifs \vec{e}_z et \vec{e}_y, et alimentées par des courants sinusoïdaux déphasés de $\frac{\pi}{2}$ 			2.5

Q.12.a)	<ul style="list-style-type: none">schéma • $\vec{m} = m \cos \left(\omega t + \frac{\pi}{4} - \alpha \right) \vec{e}_y + m \sin \left(\omega t + \frac{\pi}{4} - \alpha \right) \vec{e}_z$$\vec{\Gamma} = \vec{m} \wedge \vec{B} \Rightarrow \vec{\Gamma}(t) = \frac{mB_0}{2} \left[\cos \left((\omega + \omega_0)t - \alpha \right) + \cos \left((\omega - \omega_0)t + \frac{\pi}{2} - \alpha \right) - \sin \left((\omega + \omega_0)t + \frac{\pi}{2} - \alpha \right) - \sin \left((\omega - \omega_0)t - \alpha \right) \right] \vec{e}_x$			1.5
Q.12.b)	<ul style="list-style-type: none">$\langle \vec{\Gamma} \rangle = \vec{0}$ si $\omega \neq \omega_0$ • $\langle \vec{\Gamma} \rangle = mB_0 \sin \alpha \vec{e}_x$ si $\omega = \omega_0$			1
Q.12.c)	<ul style="list-style-type: none">moteur si $\langle \vec{\Gamma} \rangle \cdot \vec{e}_x > 0$ • $\sin \alpha > 0$, soit $\alpha \in]0, \pi[$			1
Q.13.a)	<ul style="list-style-type: none">schéma pour $\alpha \in]0, \pi[$ • valeurs particulières et α_1 et α_2 tq $\langle \vec{\Gamma} \rangle \cdot \vec{e}_x = \frac{mB_0}{2}$TMC avec $\omega = cste \Rightarrow J \dot{\omega} = 0 = \langle \vec{\Gamma} \rangle \cdot \vec{e}_x - \frac{mB_0}{2}$ • $\sin \alpha_{1,2} = \frac{1}{2}$$\alpha_1 = \pi/6$ et $\alpha_2 = 5\pi/6$			2.5
Q.13.b)	<ul style="list-style-type: none">Action de l'expérimentateur $\Rightarrow \omega < \omega_0$$\alpha$ augmente car l'aiguille "prend du retard"schéma \Rightarrow seul α_1 permet à l'aiguille de "rattraper son retard"α_1 fonctionnement moteur stable et α_2 instable car l'aiguille s'arrête			2
Q.14	<ul style="list-style-type: none">BONUS si schéma • à l'équilibre, $\vec{m}_{boussole} \parallel \vec{B}_{terrestre}$ (même sens)BONUS si le Nord de la boussole indique le Sud magnétique, i.e. le nord géographique			0.5(+1)
Q.15	<ul style="list-style-type: none">$\vec{M} = M_0 \vec{e}_z = M_0 \cos \theta \vec{e}_r - M_0 \sin \theta \vec{e}_\theta$ et $\vec{R} = R_T \vec{e}_r$$B_r = \vec{B} \cdot \vec{e}_r = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{3(\vec{R} \cdot \vec{e}_r)(\vec{M} \cdot \vec{R}) - R_T^2 (\vec{M} \cdot \vec{e}_r)}{R_T^5} = \frac{\mu_0 M_0}{4\pi} \frac{2 \cos \theta}{R_T^3}$$B_\theta = \vec{B} \cdot \vec{e}_\theta = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{3(\vec{R} \cdot \vec{e}_\theta)(\vec{M} \cdot \vec{R}) - R_T^2 (\vec{M} \cdot \vec{e}_\theta)}{R_T^5} = \frac{\mu_0 M_0}{4\pi} \frac{\sin \theta}{R_T^3}$$B_\varphi = \vec{B} \cdot \vec{e}_\varphi = 0$ • $\vec{B}(P) = \frac{\mu_0 M_0}{4\pi R_T^3} (2 \cos \theta \vec{e}_r + \sin \theta \vec{e}_\theta)$BONUS si cohérent car on retrouve bien la formule du cours			2.5(+0.5)
Q.16	<ul style="list-style-type: none">$M_0 < 0$ pour que le Nord de la boussole pointe vers le Nord géographiqueBONUS si schéma avec lignes de champBONUS si le Nord géographique correspond donc au Sud magnétique$\vec{B}_E = \frac{\mu_0 M_0}{4\pi R_T^3} \vec{e}_\theta (\theta = \pi/2) = -\frac{\mu_0 M_0}{4\pi R_T^3} \vec{e}_z$ • BONUS \vec{B}_E sur le schéma$M_0 = -\frac{4\pi R_T^3 B_E}{\mu_0}$ • $M_0 = -7,9 \times 10^{22} \text{ A.m}^2$ • unité correctePôle magnétique nord ($\theta = 0$) : $B_N = \frac{2\mu_0 M_0 }{4\pi R_T^3} = 2B_E$ • $B_N = 6,0 \times 10^{-5} \text{ T}$Pôle magnétique sud ($\theta = \pi$) : $B_S = B_N = 6,0 \times 10^{-5} \text{ T}$BONUS si ODG cohérent car $B_{Paris} \simeq 50 \mu T$			4(+2)
Q.17	<ul style="list-style-type: none">schéma avec Nord, Sud, \vec{e}_r, \vec{e}_θ et \vec{e}_Ndans l'hémisphère Nord géo, $B_r = \frac{\mu_0 M_0}{4\pi} \frac{2 \cos \theta}{R_T^3} < 0$ car $M_0 < 0$ et $\cos \theta > 0$dans l'hémisphère Nord géo, $B_\theta = \frac{\mu_0 M_0}{4\pi} \frac{\sin \theta}{R_T^3} < 0$ car $M_0 < 0$ et $\sin \theta > 0$\vec{B} et I sur le schéma • BONUS si schéma avec \vec{M}_0, lignes de champ et I$I < 0$ • $\tan(I) = -\frac{B_r}{B_\theta}$ • $\tan I = -\frac{2 \cos \theta}{\sin \theta} = -\frac{2 \cos(\pi/2 - \lambda)}{\sin(\pi/2 - \lambda)} = -2 \tan \lambda$aux pôles $I \rightarrow \pm \pi/2$ • $\vec{B}_{horizontal} \ll \vec{B}_{vertical}$aiguille de boussole horizontale instable			5(+0.5)
Total				45.5

TOTAL

		82
--	--	----