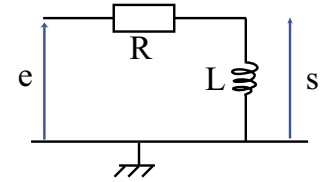


TD n°1 - Traitement du signal

1 Réponse d'un filtre RL

On considère le filtre de la figure ci-contre. Calculer sa pulsation caractéristique ω_c , puis déterminer l'allure du signal de sortie lorsque celui-ci est alimenté par :



1. un signal triangulaire de pulsation $\omega \ll \omega_c$.
2. un signal triangulaire de pulsation $\omega \gg \omega_c$.

2 Réponse d'un filtre passe-bande

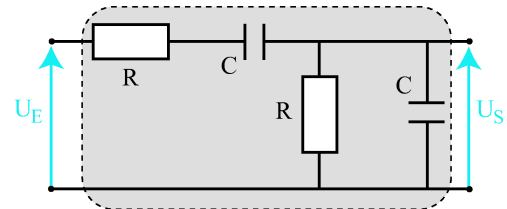
On considère un filtre passe-bande de fonction de transfert donnée par :

$$\underline{H} = \frac{K}{1 + jQ \left(x - \frac{1}{x} \right)} \quad \text{avec} \quad x = \frac{\omega}{\omega_0}$$

1. Le signal d'entrée étant un signal créneau de pulsation ω_1 , quelles sont les conditions qui permettent d'obtenir en sortie :
 - (a) un signal sinusoïdal ?
 - (b) un signal triangulaire ?
2. Comment peut-on réaliser expérimentalement un tel filtre ?

3 Filtre de Wien

On considère le quadripôle de la figure ci-contre, appelé filtre de Wien.




1. Sans calculer la fonction de transfert, déterminer la nature du filtre en étudiant le comportement asymptotique.
2. Déterminer la fonction de transfert $\underline{H} = \frac{U_s}{U_e}$ du quadripôle. On posera $\omega_0 = \frac{1}{RC}$.
3. On note G le module de \underline{H} et φ son argument.
Etudier puis tracer les graphes des fonctions $G = f(\omega)$ et $\varphi = g(\omega)$.
Donner en particulier la pulsation ω_M du maximum de G et la valeur G_M du gain correspondant.
4. Déterminer la bande passante $\Delta\omega$ et le facteur de qualité Q de ce filtre.
5. On alimente ce filtre avec différentes tensions d'entrée. Déterminer $U_s(t)$ dans chacun des cas suivants :
 - (a) $U_e(t) = U_0 [\cos(\omega_0 t) + \cos(3\omega_0 t)]$
 - (b) $U_e(t) = U_0 [1 + \cos^2(\omega_0 t)]$
 - (c) $U_e(t)$ correspond à un signal créneau impair de fréquence f_0 , de valeur moyenne nulle et d'amplitude E , dont le développement en série de Fourier s'écrit :

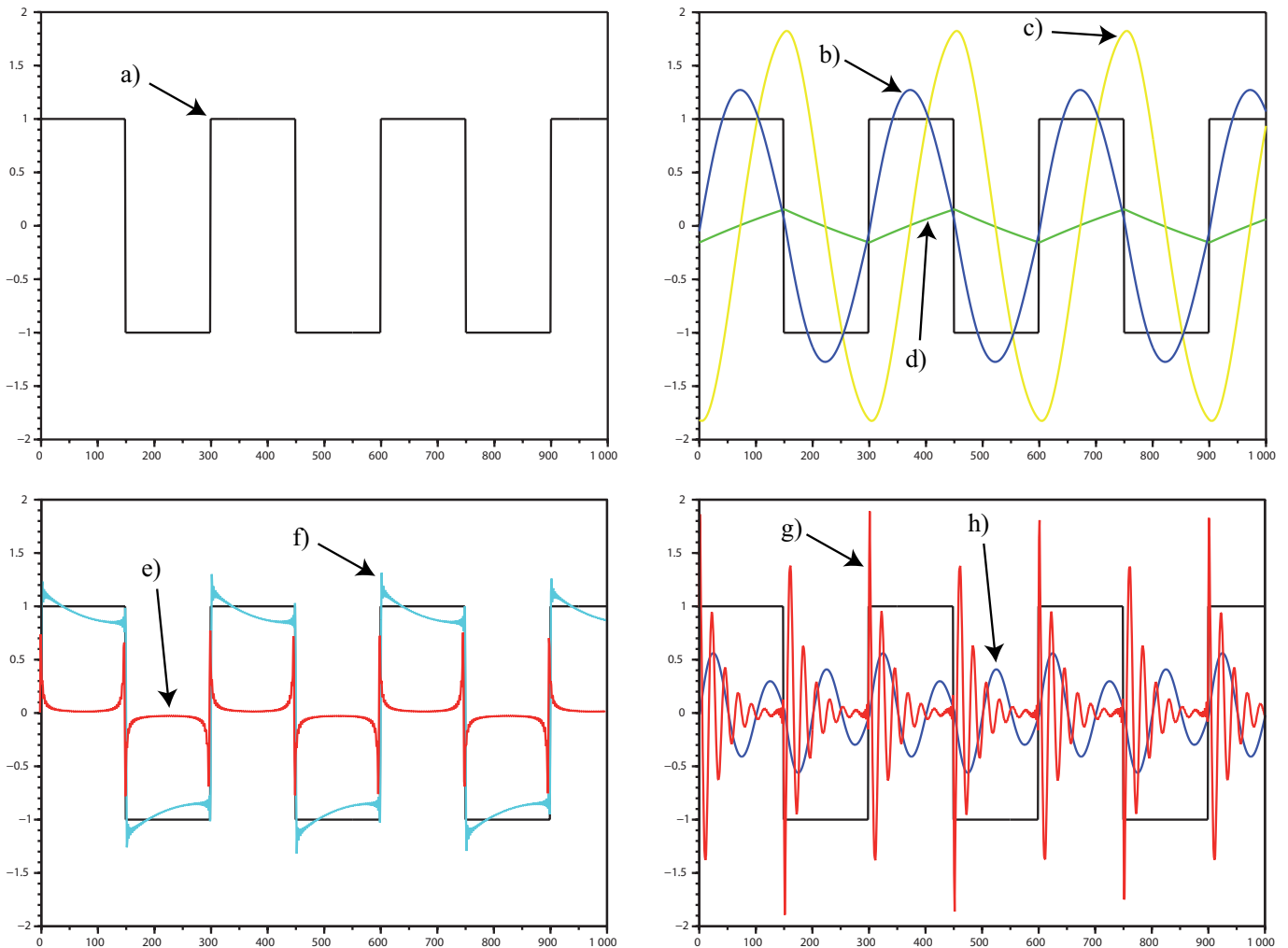
$$u_e(t) = \frac{4E}{\pi} \sum_{p=0}^{\infty} \frac{\sin[(2p+1)2\pi f_0 t]}{2p+1}$$

Réponses : 2. $\underline{H} = \frac{\frac{1}{3}}{1 + j\frac{1}{3}\left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)}$. 4. $\Delta\omega = 3\omega_0$ et $Q = \frac{1}{3}$.

4 Détermination de filtres

On envoie à l'entrée d'un filtre le signal créneau de fréquence f représenté par la trace (a) dans la figure. 7 filtres différents, dont la liste est établie ci-dessous, ont été utilisés ; les signaux de sortie correspondant sont représentés par les traces de (b) à (h).

- Associer chaque filtre à un signal de sortie en justifiant précisément la réponse.
-  Reproduire le plus de courbes à l'aide d'un code python. On pourra s'aider du Jupyter Notebook **de78-921871** disponible sur Capytale.
 - Filtre 1** : Filtre passe bas d'ordre 1 avec $f_c = 0.1 \times f$.
 - Filtre 2** : Filtre passe haut d'ordre 1 avec $f_c = 0.4 \times f$.
 - Filtre 3** : Filtre passe haut d'ordre 1 avec $f_c = 30 \times f$.
 - Filtre 4** : Filtre passe bas d'ordre 2 avec $f_0 = f$ et $Q = 1.4$.
 - Filtre 5** : Filtre passe haut d'ordre 2 avec $f_0 = 13 \times f$ et $Q = 4$.
 - Filtre 6** : Filtre passe bande d'ordre 2 avec $f_0 = f$ et $Q = 5$.
 - Filtre 7** : Filtre passe bande d'ordre 2 avec $f_0 = 3 \times f$ et $Q = 5$.



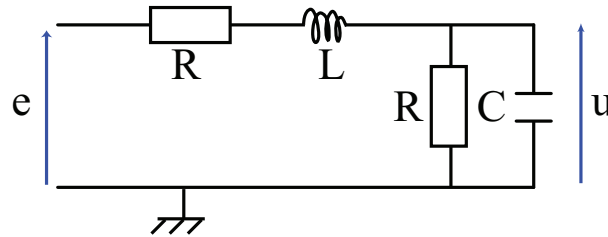
5 Réponse d'un filtre coupe-bande à un signal créneau

- Esquisser l'allure de la sortie d'un filtre coupe-bande très sélectif centré sur ω_0 , alimenté par un signal créneau de pulsation ω_0 .
- Comparer également le spectre du signal de sortie avec celui d'un signal créneau de pulsation $3\omega_0$.

6 Réponse indicielle et fréquentielle d'un circuit

On considère le circuit électrique ci-dessous, dans lequel le condensateur est initialement déchargé et dans lequel aucun courant ne circule dans les composants. À $t = 0$, on impose une tension E .

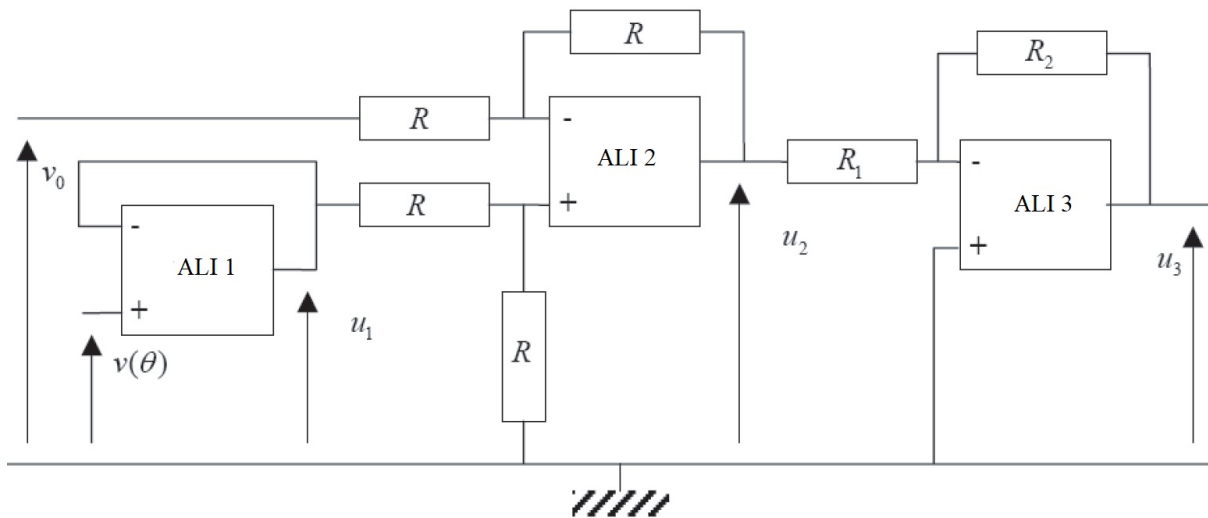
1. Déterminer les intensités à $t = 0^+$ dans les différentes branches du circuit.
2. Calculer les intensités lorsque $t \rightarrow +\infty$ dans les différentes branches du circuit.
3. Trouver l'équation différentielle vérifiée par $u(t)$ et la résoudre uniquement dans le cas où $R = \sqrt{L/C}$.
4. Représenter le diagramme de Bode complet (gain en dB et phase) du circuit, de fonction de transfert $\underline{H} = u/e$, toujours avec $R = \sqrt{L/C}$.



7 Chaîne électronique de mesure de température

On construit une chaîne électronique avec trois amplificateurs opérationnels. La tension $v(\theta)$ est fournie par un capteur de température qui ne peut délivrer de courant électrique.

Cette tension est seulement fonction de la température θ et elle est donnée avec précision par : $v(\theta) = v_0 - a\theta$ avec $v_0 = 0.7 \text{ V}$ et $a = 2 \text{ mV} \cdot ^\circ\text{C}^{-1}$, les résistances ont pour valeurs $R_1 = 2 \text{ k}\Omega$ et $R_2 = 1 \text{ k}\Omega$.



1. Les trois amplificateurs sont supposés parfaits et fonctionnent en régime linéaire : rappeler les caractéristiques de tels amplificateurs.
2. Quelle relation y a-t-il entre u_1 et v ? Quel est le rôle de ce premier étage (ALI1).
3. Exprimer u_2 en fonction de u_1 et v_0 , puis en déduire u_2 en fonction de la température.
4. Exprimer u_3 en fonction de u_2 . En déduire la relation entre u_3 et la température θ .
5. Quel est l'intérêt d'utiliser un millivoltmètre pour mesurer la tension de sortie du montage u_3 ?