

TP n°3 : Spectre d'un signal numérique

But : Savoir visualiser et caractériser le spectre d'un signal à l'aide d'une carte d'acquisition et d'un oscilloscope numérique


Matériel

- une console d'acquisition SYSAM SP5 (Latis Pro)
- des boîtes à décades de résistances et de condensateurs
- une bobine d'inductance $L \simeq 40 \text{ mH}$ fixée
- un GBF numérique
- un oscilloscope numérique Tektronix

I Visualisation d'un spectre à l'aide d'une carte d'acquisition

I.1 Observation du phénomène de repliement

Le logiciel *Latis-Pro* peut calculer la décomposition de n'importe quel signal en une somme de sinusoides grâce à la FFT, accessible dans le menu *Traitements - Calculs spécifiques - Analyse de Fourier*.

Il faut ensuite faire apparaître la liste des courbes en cliquant sur l'icône  et glisser la courbe *EA0* dans le cadre prévu.

- Tracer le spectre d'un signal sinusoïdal d'amplitude $5V$, de fréquence $f_0 = 1kHz$, avec $f_e = 10kHz$. On notera que le logiciel comporte une calibration automatique de l'axe horizontal¹.

Choisir le nombre N de points de manière à avoir une résolution spectrale² $\Delta f_{min} = 1 \text{ Hz}$.

Enfinement : $T_e =$ et $N =$

- En repartant des mêmes paramètres que précédemment, remplir le tableau ci-dessous, sachant que $f_{mesurée}$ correspondra ici au "grand pic" de plus faible fréquence dans $\left[0, \frac{f_e}{2}\right]$. Observer en particulier l'allure du spectre et du signal temporel lorsque $f_0 \simeq 9,99 \text{ kHz}$.

f_0 (en kHz)	1	3	4	4.9	5.1	6	7	8	9	9.99
$f_{mesurée}$										
Pb de repliement ?										

Conclure sur l'application du critère de Shannon en pratique :

En pratique, il faut choisir f_e telle que :

1. Attention, cette calibration n'est pas très fiable, même quand on force le logiciel à tracer les spectres dans l'intervalle $f \in \left[0, \frac{f_e}{2}\right]$ ou $f \in [0, f_e]$, à l'aide du menu déroulant de l'analyse Fourier.

On notera qu'on peut aussi faire une sélection manuelle des points utilisés pour faire le calcul afin d'éviter la présence d'artefacts dans le spectre - cf annexe.

2. On notera qu'on peut zoomer sur le spectre de manière à clairement voir la résolution spectrale.

I.2 Application au tracé du spectre d'un signal créneau

- Sur Latis-Pro, visualiser le spectre d'un signal créneau de fréquence $f_0 = 1.2 \text{ kHz}$ et d'amplitude 5 V , avec les paramètres d'acquisition suivants : $f_e = 10 \text{ kHz}$ et $N = 10000$.

Recopier le spectre ci-dessous en ne représentant que les 5 pics de plus grande amplitude, et interpréter leurs fréquences.

- Modifier maintenant la fréquence d'échantillonnage de façon à ce que **seuls** les 5 premiers pics ne subissent pas de repliement de spectre.

Il faut choisir $\quad < f_e < \quad$, soit : $\quad < T_e < \quad$

Finalement : $T_e =$

- Comparer l'amplitude A et la fréquence f des pics obtenus expérimentalement à la théorie, sachant que le développement de Fourier d'un signal créneau impair de valeur moyenne nulle et d'amplitude E est donné par :

$$u_e(t) = \frac{4E}{\pi} \sum_{p=0}^{\infty} \frac{\sin [(2p + 1)2\pi f_0 t]}{2p + 1}$$

p	0	1	2	3
f_{th}				
f_{exp}				
$A_{th} =$				
A_{exp}				

- Construire un filtre analogique anti-repliement qui permette de ne visualiser que les 5 premiers pics du spectre. On commencera par un filtre du premier ordre avant d'envisager le cas d'un filtre du second ordre.

- Filtre du premier ordre : $R =$ $C =$

- Filtre du second ordre : $R =$ $C =$ $L =$

II Visualisation d'un spectre à l'aide d'un oscilloscope numérique

II.1 Observation du phénomène de repliement

Afin de tracer le spectre d'un signal d'amplitude $5V$ à $f_0 = 10kHz$ sur l'oscilloscope numérique, appuyer sur la touche rouge *Math* puis sur le menu *FFT*. Sélectionner la *source 1* et l'*échelle linéaire* dans les menus verticaux.

- Vérifier l'amplitude et la fréquence du pic observé à l'écran. On pourra changer la fréquence d'échantillonnage f_e en tournant le bouton de la base de temps. On notera que la fréquence de Nyquist égale à $f_e/2$ s'affiche sur l'écran. Le nombre de points sur lequel se fait l'échantillonnage est fixé à $N = 5000$ et ne peut être modifié.
- Mettre en évidence un phénomène de repliement de spectre lorsque la fréquence de Nyquist est plus faible que la fréquence du signal, en fixant $f_{Nyquist}$ et en augmentant progressivement f_0 de part et d'autre. Observer là encore l'allure du signal temporel lorsque f_0 est proche de f_e ...

II.2 Application au tracé du spectre d'un signal créneau

- De même que précédemment mais sur l'oscilloscope numérique, visualiser le spectre d'un signal créneau de fréquence $1kHz$ et d'amplitude $5V$. Choisir les paramètres d'acquisition de façon à ce que les 5 premiers pics ne subissent pas de repliement de spectre.
- Utiliser le filtre anti-repliement de l'oscilloscope en appuyant sur la touche *FilterVu*, et choisir la fréquence de coupure adaptée dans le menu vertical, de manière à ne visualiser que les 5 premiers pics du spectre.

III Annexe - Artefacts produits dans le spectre lorsque la fréquence d'échantillonnage n'est pas un multiple de la fréquence du signal

Comme on le constate expérimentalement, dans le cas simple d'un signal d'entrée sinusoïdal de fréquence f_0 , le spectre affiché par *LatisPro* n'est pas toujours composé d'un seul pic à la fréquence f_0 .

Ce phénomène est dû à la façon dont est calculée la FFT. Nous proposons une explication simplifiée (une explication complète nécessite d'introduire des notions sur la transformée de Fourier qui sortent du cadre du programme).

L'acquisition du signal sinusoïdal se fait nécessairement par troncature pendant une durée finie. Si la durée totale d'acquisition ne correspond pas à un nombre entier de périodes du signal, c'est à dire **si la fréquence d'échantillonnage f_e n'est pas un multiple de la fréquence du signal f_0** , alors la périodisation automatique du signal conduit à des discontinuités qui font apparaître d'autres harmoniques dans le spectre. Le spectre n'est plus donc celui d'une sinusoïde parfaite à la fréquence f_0 .

- Visualiser ce phénomène avec les paramètres suivants : $f_0 = 1 \text{ kHz}$, $A = 5 \text{ V}$, $N = 1000$, $f_e = 100 \text{ kHz}$. Tracer le spectre en mode automatique ou en mode manuel (on force alors artificiellement une "mauvaise sélection" comme illustré dans la figure ci-dessous) pour faire apparaître clairement le phénomène.

