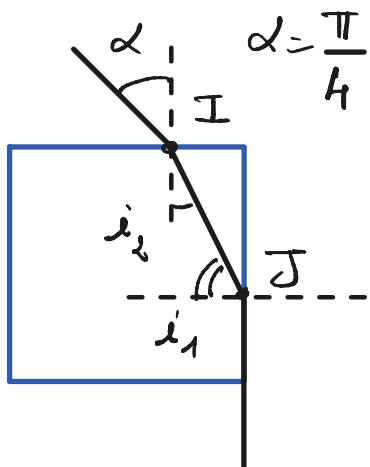


Correction TD1

QCM: 1.b-c-d, 2.b, 3.c, 4.a, 5.b

Exercice 1

1)



2) réfraction en I: $\sin \alpha = n \sin i_2$

$$\Leftrightarrow n \sin i_2 = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

réfraction en J: $n \sin i_1 = 1$

$$3) i_2 = \frac{\pi}{2} - i_1 \Rightarrow \sin i_2 = \cos i_1 \quad n \cos i_1 = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos^2 i_1 = 1 - \sin^2 i_1 \quad \cos i_1 = \sqrt{1 - 1/n^2}$$

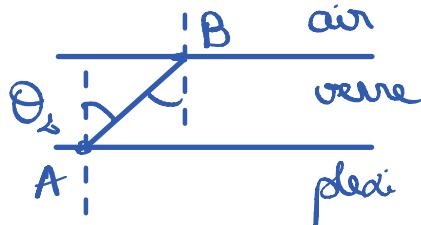
$$n^2 \left(1 - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow n^2 = \frac{3}{2}$$

$$n = \sqrt{\frac{3}{2}} = 1,73$$

Exercice 2

$$1) \Theta_2 = \arcsin \left(\frac{n_p \sin \Theta}{n_v} \right) = 47,8^\circ$$

$$2) \underline{\text{Calcul de l'angle limite}} : \quad \Theta_{2,l} = \arcsin \left(\frac{n_{air}}{n_v} \right) = 40,2^\circ$$



$\Theta_2 > \Theta_{2,l} \Rightarrow$ il y a réflexion totale sur l'interface verre / air en l'absence de pluie.

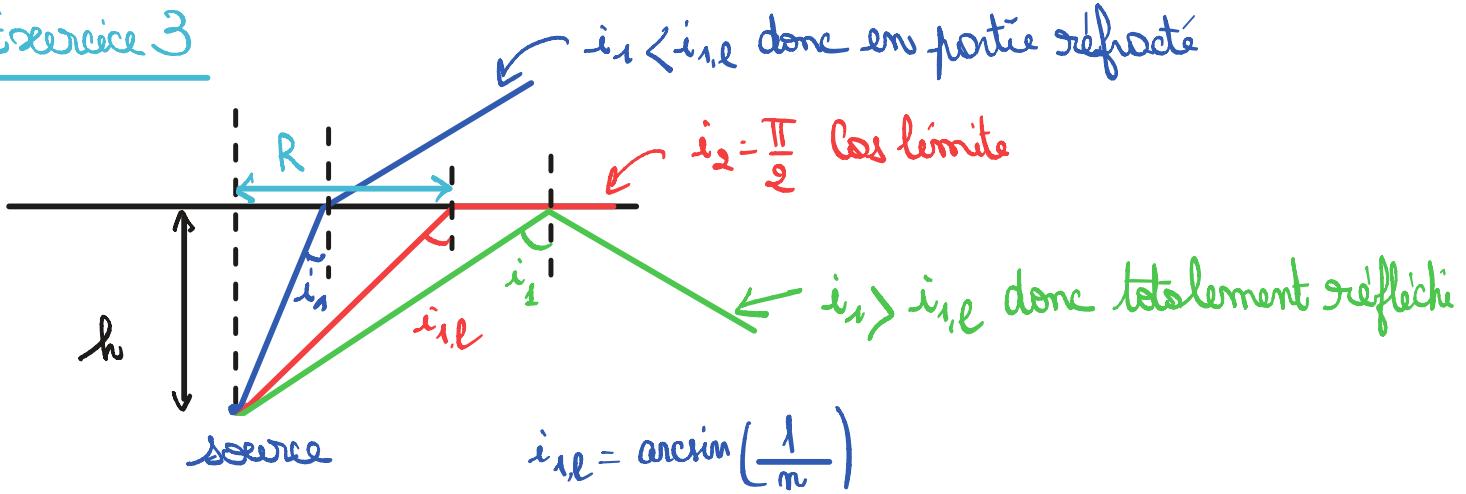
3) même raisonnement sur une interface eau(pluie)/vitre

$$\Theta_{2,e} = \arcsin\left(\frac{n_{eau}}{n_v}\right) = 59,1^\circ$$

$\Theta_2 < \Theta_{2,e} \rightarrow$ pas de réflexion totale en présence de pluie

4.) En présence de pluie, le rayon incident est en partie réfracté ; l'intensité du rayon réfléchi est donc plus faible.

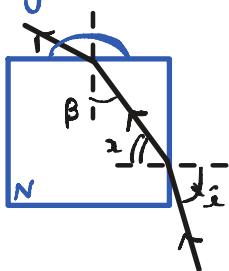
Exercice 3



$$\frac{R}{h} = \tan i_{1,e} \quad R = h \tan i_{1,e} = 1,14 \text{ m}$$

Exercice 4

1) la goutte est lumineuse si le rayon lumineux et réfracté donc si $\beta < \beta_e$ avec $\beta_e = \arcsin\left(\frac{1}{n}\right)$ (la limite de réflexion totale)



$$\sin i = N \sin r = N \cos \beta \quad (r = \frac{\pi}{2} - \beta)$$

$\sin i$ fonction croissante sur $[0, \frac{\pi}{2}]$ pour avoir $\beta < \beta_e$

$\cos \beta$ " décroissant " il faut $i > i_2$

où i_2 est tel que $\sin i_2 = N \cos \beta_e$

$$2) \sin \beta_e = \frac{m}{N} \quad \sin i_e = N \sqrt{1 - \sin^2 \beta_e} = \sqrt{N^2 - m^2}$$

$$m^2 = N^2 - \sin^2 i_e \quad \Rightarrow \quad m = \sqrt{N^2 - \sin^2 i_e}$$

$$3) -1 \leq \sin \beta_e \leq 1 \quad \text{donc} \quad 0 \leq \sin^2 \beta_e \leq 1$$

$$\sqrt{N^2 - 1} \leq m \leq N$$

Exercice 5

$$1) i > i_e \text{ tel que } \sin i_e = \frac{m_1}{m}$$

$$2) \sin \theta = m \sin i = m \cos i \quad (\theta = \frac{\pi}{2} - i)$$

$i > i_e$ donc $\cos i < \cos i_e$ ($\cos i$ fonction déc^{re} sur $[0, \frac{\pi}{2}]$)

$\sin \theta < m \cos i_e$ ($\sin i$ fonction croissante sur $[0, \frac{\pi}{2}]$)

$$\theta < \theta_e \text{ tel que } \sin \theta_e = m \cos i_e = m \sqrt{1 - \sin^2 i_e}$$

$$ON = \sin i_e = \sqrt{m^2 - m_1^2}$$

$$3) ON - O,30$$

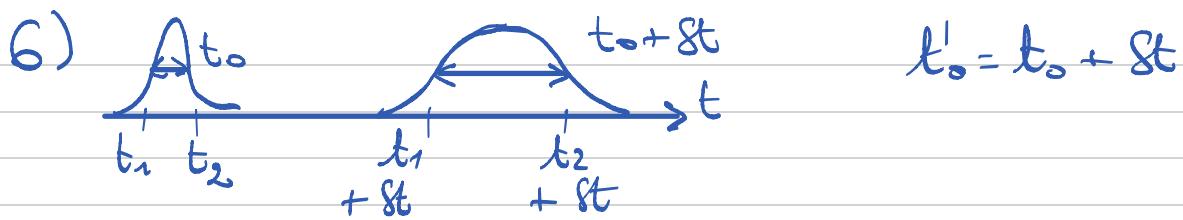
$$4) \theta = 0 : t_{\min} = \frac{L}{v} = \frac{Ln}{c}$$

$$\theta = \theta_e : t_{\max} = \frac{L}{\sin i_e v} = \frac{Ln^2}{cm_1} \quad (\sin i_e = \frac{m_1}{m})$$

$$\Delta t = \frac{Ln}{c} \left(\frac{m}{m_1} - 1 \right)$$

$$5) \Delta t = \frac{Ln}{c} \left((l-2\Delta)^{-\frac{1}{2}} - 1 \right) \quad \text{DL : } (l-2\Delta)^{-\frac{1}{2}} \approx 1 + \Delta$$

$$\Delta t = \frac{Ln\Delta}{c}$$



$$t'_0 = t_0 + 8t$$

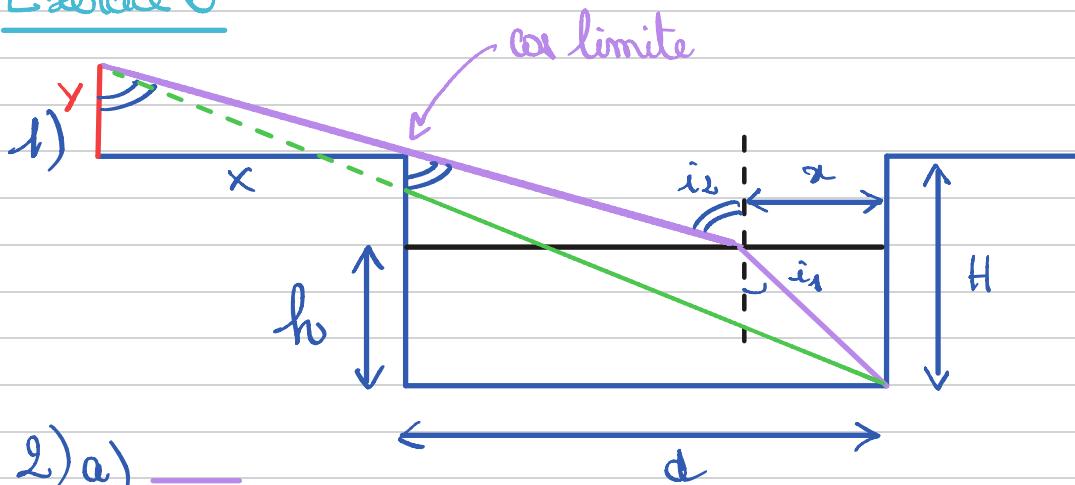
7) non recouvrement si $T > 8t = \frac{n\Delta}{c}$ (en négligeant t_0 devant T)

8) $B = L_{nf} \quad L_n = \frac{cT}{n\Delta} \Rightarrow B = \frac{c}{n\Delta}$

9) $\Delta = 0,0198 \quad B = 1,01 \times 10^{10} \text{ Hz.Pm} = 1,01 \times 10^4 \text{ MHz.Pm}$

$L_n = 10,1 \text{ fm}$ peu adapté aux grandes distances

Exercice 6



- sans eau : impossible de voir la pièce

- avec l'eau : la réfraction permet de voir la pièce

2) a)

b) $n \sin i_1 = \sin i_2$

c) $\tan i_2 = \frac{d-x}{H-h} = \frac{x}{y} \quad \tan i_1 = \frac{x}{h} \rightarrow x = h \tan i_1$

$$\frac{x}{y} (H-h) = d - h \tan i_1$$

$$h = \frac{d - \frac{x}{y} H}{\tan i_1 - \frac{x}{y}}$$

$$i_2 = \arctan \frac{x}{y} = 1,1 \text{ rad}$$

$$i_1 = \arcsin \left(\frac{\sin i_2}{n} \right) = 0,74 \text{ rad}$$

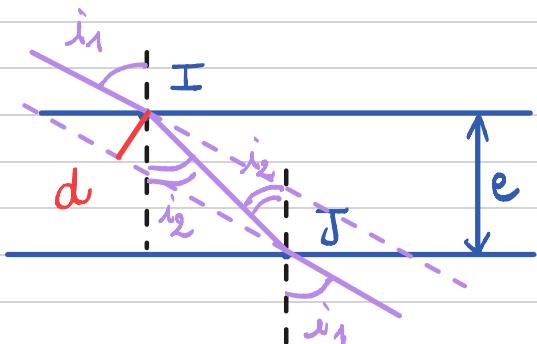
$$h = 0,92 \text{ m}$$

Exercice 7

1) $n_{\text{air}} < n_{\text{verre}}$ donc il y a toujours réfraction en I

$$i_1 < \frac{\pi}{2} \Rightarrow i_2 \leq i_{2,\text{l}} \text{ tel que } \sin i_{2,\text{l}} = \frac{n_{\text{air}}}{n_{\text{verre}}}$$

en J: $i_2 \leq i_{2,\text{e}}$ \Rightarrow pas de réflexion totale : le rayon
émerge de la lame // au rayon incident, il émerge toujours



$$2) d = IJ \sin(i_2 - i_3) \quad IJ = \frac{e}{\cos i_2}$$

$$d = \frac{e}{\cos i_2} \sin(i_2 - i_3)$$

$$3) d = e \frac{\sin i_1 \cos i_2 - \cos i_1 \sin i_2}{\cos i_2} = e \sin i_1 \left(1 - \cos i_1 \frac{n_1}{n_2 \cos i_2} \right) = 4,1 \text{ cm}$$

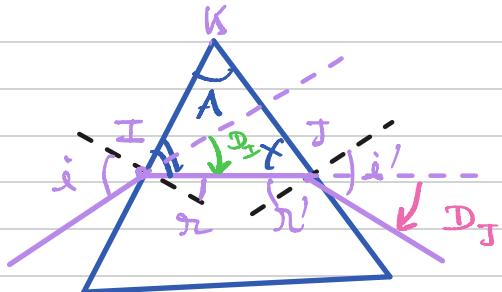
4) petits angles $\cos i_1 \approx 1$ $\cos i_2 \approx 1$ $\sin i_1 \approx i_1$

$$d = e \left(1 - \frac{n_1}{n_2} \right) i_1$$

Exercice 8

1) a) $\sin i = n \sin r$ (1)

$$\sin i' = n \sin r' \quad (2)$$



$$\text{Dans } IJK: A + \frac{\pi}{2} - r + \frac{\pi}{2} - r' = \pi$$

$$A = r + r'$$

b) Déviation en I : $D_I = i - r$

Déviation en J : $D_J = i' - r'$

$$\text{Déviation totale : } D = D_I + D_J = i + i' - (\underbrace{r + r'}_A) \Rightarrow D = i + i' - A$$

c) • pas de réflexion totale en J $\Leftrightarrow r' < r'_c = \arcsin\left(\frac{1}{n}\right)$

• $i_{max} = \frac{\pi}{2} \Rightarrow r_{max} = \arcsin\left(\frac{1}{n}\right) \quad r < \arcsin\left(\frac{1}{n}\right)$

← cette condition peut être retrouver avec le principe de retour inverse de la lumière

$$A = r + r' < 2 \arcsin\left(\frac{1}{n}\right)$$

De plus : $r' < r'_c \Rightarrow r > A - r'_c \Rightarrow \sin i > n \sin(A - r'_c)$

$$\Leftrightarrow i > i_{lim} \text{ tel que } \sin i_{lim} = n \sin(A - \arcsin\left(\frac{1}{n}\right))$$

2) $\frac{dD}{di} = 1 + \frac{dr}{di}$

$$\frac{d}{di}(1) \Rightarrow \cos i = n \frac{dr}{di} \cos r$$

$$\frac{d}{di}(3) \Rightarrow \frac{dr}{di} = - \frac{dr'}{di}$$

$$\frac{d(2)}{di} \Rightarrow \frac{di'}{di} \cos i' = n \frac{dr'}{di} \cos r' = -n \frac{dr}{di} \cos r'$$

$$\frac{di}{di'} = - \frac{\cos i \cos r'}{\cos i' \cos r}$$

$$\Rightarrow \frac{dD}{di} = 1 - \frac{\cos i \cos r'}{\cos i' \cos r}$$

$$\frac{\cos i}{\cos r}$$

$$3) \frac{dD}{di} = 0 \Leftrightarrow \cos i \cos r' = \cos i' \cos r \text{ ce qui est le cas si } i = i' \text{ et } r = r'$$

Démonstration mon demandée :

• méthode calculatoire : $\cos i \cos r' = \cos i' \cos r \Leftrightarrow \cos^2 i \cos^2 r' = \cos^2 i' \cos^2 r$

$$(1 - \sin^2 i)(1 - \sin^2 r') = (1 - \sin^2 i')(1 - \sin^2 r)$$

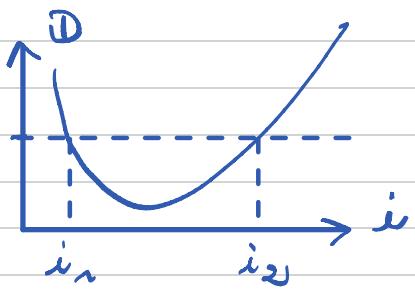
$$(1 - m^2 \sin^2 r)(1 - \sin^2 r') = (1 - m^2 \sin^2 r') (1 - \sin^2 r)$$

~~$$1 - \sin^2 r' - m^2 \sin^2 r - m^2 \sin^2 r' \sin^2 r' = 1 - \sin^2 r - m^2 \sin^2 r' - m^2 \sin^2 r \sin^2 r$$~~

$$(m^2 - 1) \sin^2 r' = (m^2 - 1) \sin^2 r$$

sur $[0, \frac{\pi}{2}]$; $r = r'$ et donc $i = i'$

• méthode plus astucieuse :



En dehors du minimum :

$\exists 2$ valeurs de i , i_1 et i_2 donnent 1 même déviation : on peut le comprendre du fait du principe de réflexion inverse de la lumière.

incidence en I $i = i_1 \Rightarrow$ émergence en J $i' = i_2$

incidence en I $i = i_2 \Rightarrow$ émergence en J $i' = i_1$

Au minimum de déviation, $\exists 1$ unique solution : $i_1 = i_2 \Rightarrow i = i'$

1) Au minimum de déviation : $A = r + r' = 2r \quad D_m = 2i - A$

$$\sin i = m \sin r \Leftrightarrow \sin\left(\frac{D_m + A}{2}\right) = m \sin\left(\frac{A}{2}\right)$$

On mesure D_m et on calcule $m = \frac{\sin\left(\frac{D_m + A}{2}\right)}{\sin\left(\frac{A}{2}\right)}$

$$5) \sin\left(\frac{D_m + A}{2}\right) = m \sin\left(\frac{A}{2}\right)$$

$$\frac{d}{d\lambda} \left(\frac{1}{2} \frac{dD_m}{d\lambda} \cos\left(\frac{D_m + A}{2}\right) \right) = \frac{du}{d\lambda} \sin\left(\frac{A}{2}\right) \quad \text{or} \quad \frac{du}{d\lambda} = -\frac{2b}{\lambda^3}$$

$$\rightarrow D_A = \frac{-4b \sin\left(\frac{A}{2}\right)}{\cos\left(\frac{A+D_m}{2}\right) \lambda^3}$$

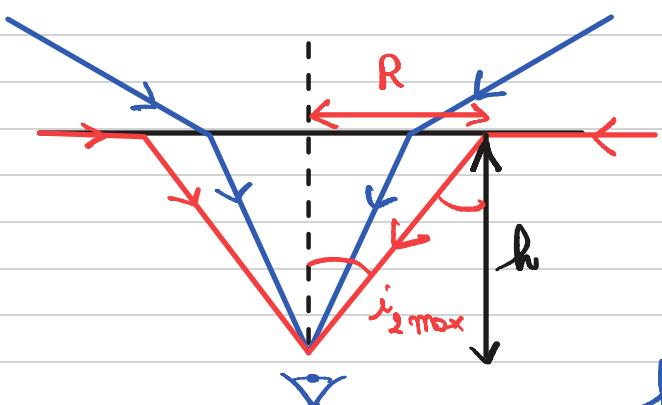
$$6) \frac{dD}{d\lambda} \approx \frac{\Delta D}{\Delta \lambda} \quad \Delta D \approx \Delta \lambda \frac{4b \sin\left(\frac{A}{2}\right)}{\lambda^3 \cos i_m}$$

$$A = 60^\circ \quad n_{mm} = 30^\circ \quad \rightarrow i_m = 49,91^\circ$$

$$\Delta D = 9,1 \times 10^{-5} \text{ nm}$$

trop faible pour séparer les 2 raies

Exercice 9



les rayons provenant à l'œil vont contenir dans l'cone de $\frac{1}{2}$ angle au sommet $i_{2\max}$ tel que $\sin i_{2\max} = \frac{1}{m}$

$$h = \frac{R}{\tan i_{2\max}}$$

$$R = 1,2 \text{ m} \Rightarrow h = 3,7 \text{ m}$$