



Système non linéaire du deuxième ordre

Ce qu'il faut savoir et savoir faire

- A l'aide d'un langage de programmation, résoudre numériquement une équation différentielle du deuxième ordre non-linéaire et faire apparaître l'effet des termes non-linéaires.
- Utiliser la fonction **odeint** de la bibliothèque **scipy.integrate**

On considère une masse $m = 100 \text{ g}$, attachée à un fil inextensible, de poids négligeable et de longueur l . On note θ l'angle entre le fil et la verticale.

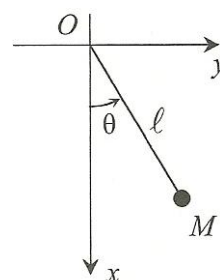
On suppose l'existence d'un frottement fluide dont l'intensité est proportionnelle à la vitesse de la masse avec un coefficient $\alpha = 0.1 \text{ kg} \cdot \text{s}^{-1}$.

L'équation différentielle du mouvement est la suivante :

$$ml\ddot{\theta} + \alpha l\dot{\theta} + mgsin(\theta) = 0.$$

On prendra : $l = 1 \text{ m}$, $g = 9.81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

Code Capytale : 6952-9417696



I. Etude du régime non amorti

Pour commencer, on néglige les frottements. On prendra un intervalle de temps compris entre 0 et 10 s, un nombre d'intervalle $n = 10000$ ainsi que : $\theta(0) = 0.1 \text{ rad}$ et $\frac{d\theta}{dt}(0) = 0 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$.

- Q1. Résoudre l'équation différentielle par la méthode de votre choix (Méthode d'Euler ou utilisation d'Odeint).
- Q2. Tracer l'évolution de l'angle θ en fonction du temps.
- Q3. Recommencer pour des conditions initiales $\theta(0) = 0.1 \text{ rad}$ et $\frac{d\theta}{dt}(0) = 10 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$ et commenter le tracé obtenu.
- Q4. Vérifier l'isochronisme des petites oscillations.

II. Etude du régime amorti

On tient maintenant compte des frottements. On prendra un intervalle de temps compris entre 0 et 10 s, un nombre d'intervalle $n = 10000$ ainsi que : $\theta(0) = 0 \text{ rad}$ et $\frac{d\theta}{dt}(0) = 1 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$

- Q5. Résoudre l'équation différentielle par la méthode de votre choix (Méthode d'Euler ou utilisation d'Odeint).
- Q6. Tracer l'évolution de l'angle θ en fonction du temps.
- Q7. Recommencer pour les conditions initiales $\theta(0) = 0 \text{ rad}$ et $\frac{d\theta}{dt}(0) = 10 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$ et commenter le tracé obtenu.