

## PROGRAMME DE LA COLLE N° 2

*Semaine du 23/09/2022*

---

**Séries numériques** ▷ **chapitre I et TD n°1** : comme la semaine dernière.

**Algèbre linéaire** ▷ **chapitre II et TD n°2** :

1. familles libres ou génératrices, bases, sous-espaces vectoriels ;
2. application linéaire  $u : E \rightarrow F$  en dimension finie ou infinie, noyau et image,  $\text{Im}(u) = \text{Vect}(u(e_1), \dots, u(e_n))$  si  $(e_1, \dots, e_n)$  est une base de  $E$  ;
3. représentations matricielle d'une application linéaire dans une base, formules de passage, utilisation d'une base adaptée à un problème ;
4. tout supplémentaire du noyau est isomorphe à l'image et (si l'ev de départ est de dimension finie) théorème du rang ;
5. trace, rang et déterminant sont des invariants de similitude ;
6. produit, intersection, somme et somme directe de deux ou plusieurs sev  $F_1, \dots, F_p$  d'un ev  $E$ , propriétés de l'application  $F_1 \times \dots \times F_p \rightarrow E$ ,  $(x_1, \dots, x_p) \mapsto x_1 + \dots + x_p$  ;
7. projecteurs et symétries ;
8. stabilité d'un sev par un endomorphisme ; si deux endomorphismes commutent, alors le noyau et l'image de l'un sont stables par l'autre.

---

**À venir** : déterminants, hyperplans, polynômes annulateurs, polynôme minimal, endomorphismes nilpotents, lemme des noyaux.