

L'électrocardiogramme

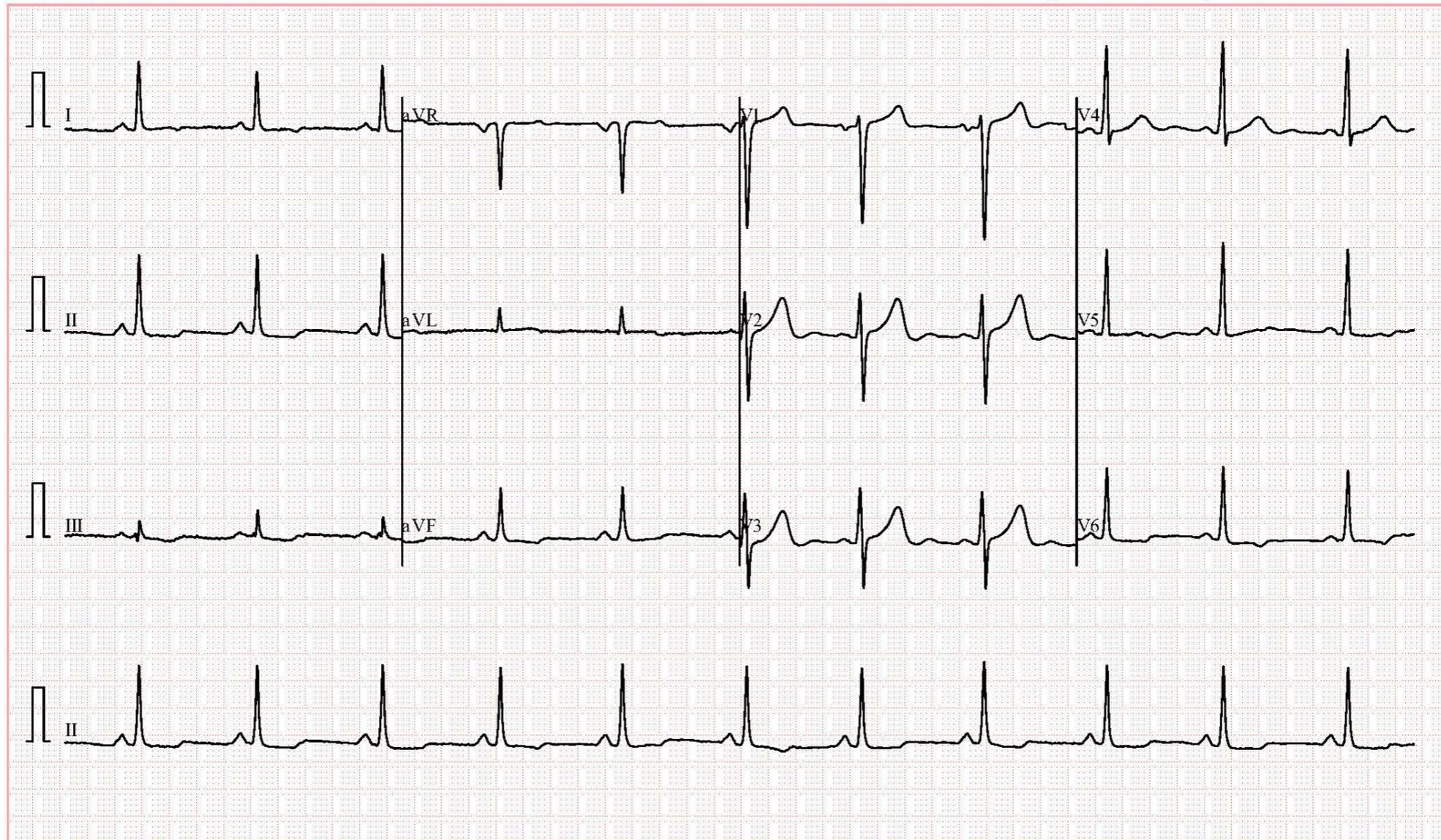
Qu'est-ce qu'un électrocardiogramme ?

ECG REPORT

ID : 177500 Years Male cm kg / mmHg Race:Unknown Room No.: Department:
Exam.Room: Medication:

Diagnosis Information:

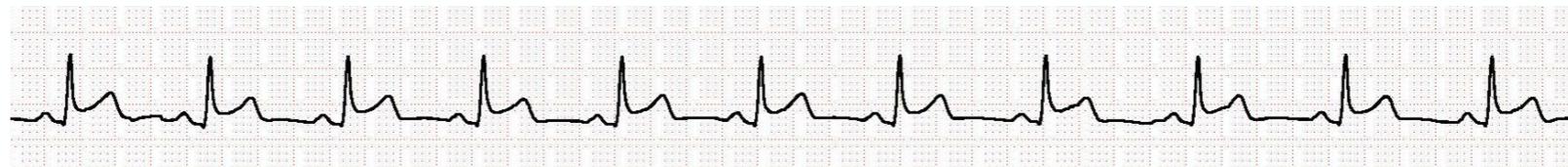
Technician :
Ref-Phys. :
Report Confirmed by:



0.67~25Hz AC50 25mm/s 10mm/mV 4*2.5s+1r ♥66 SE-3 V1.0 SEMIP V1.7

2020-10-20 11:31:35 AM

Objectif



Sommaire

- Modélisation
- Traitement de l'image et de ses données
- Détermination des Informations
- Analyse Spectrale avec les Séries de Fourier
- Limites

Modélisation

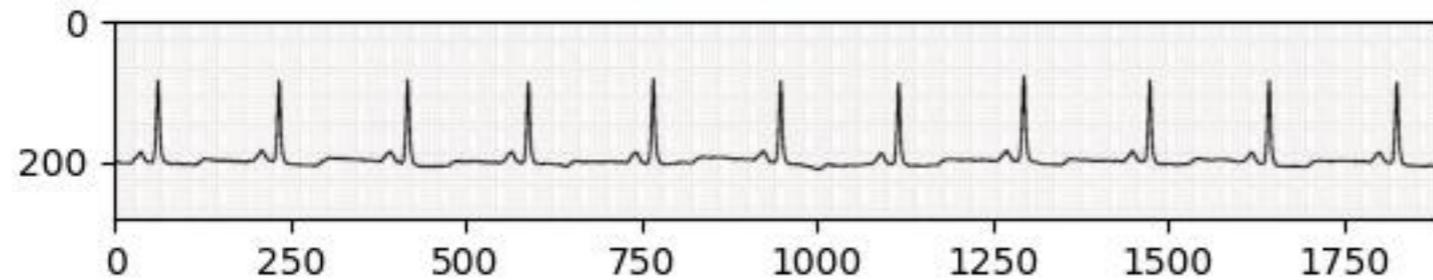
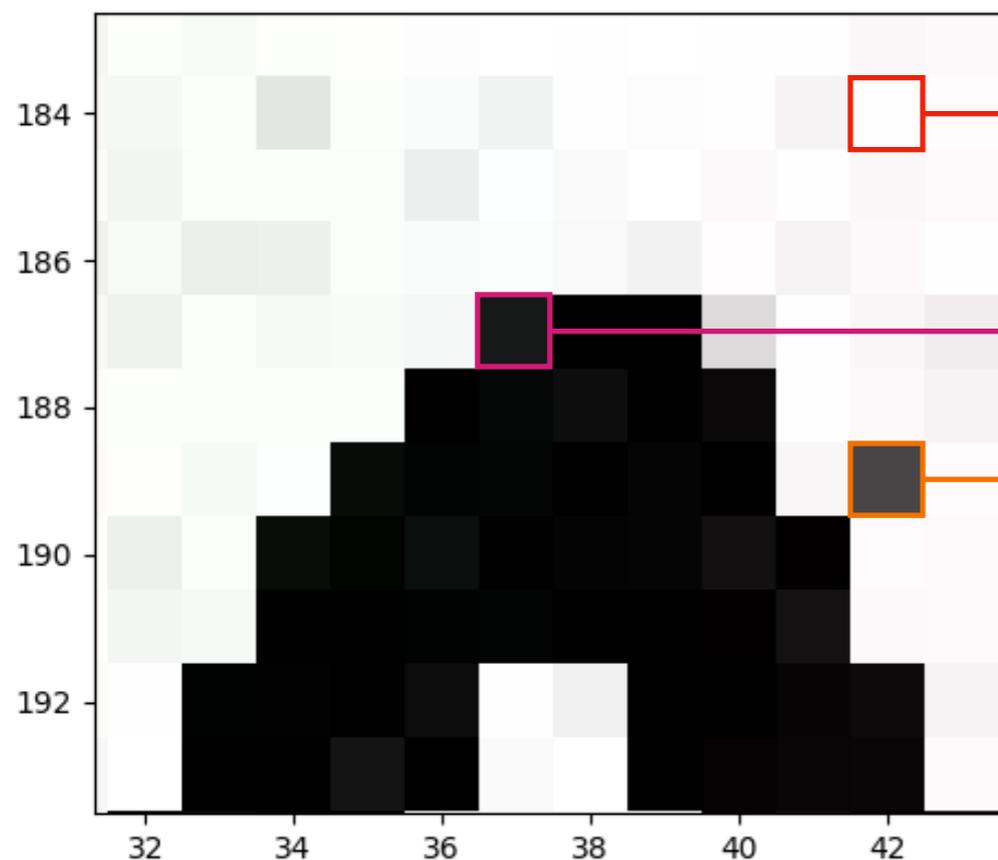


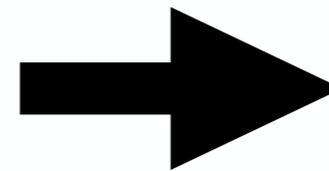
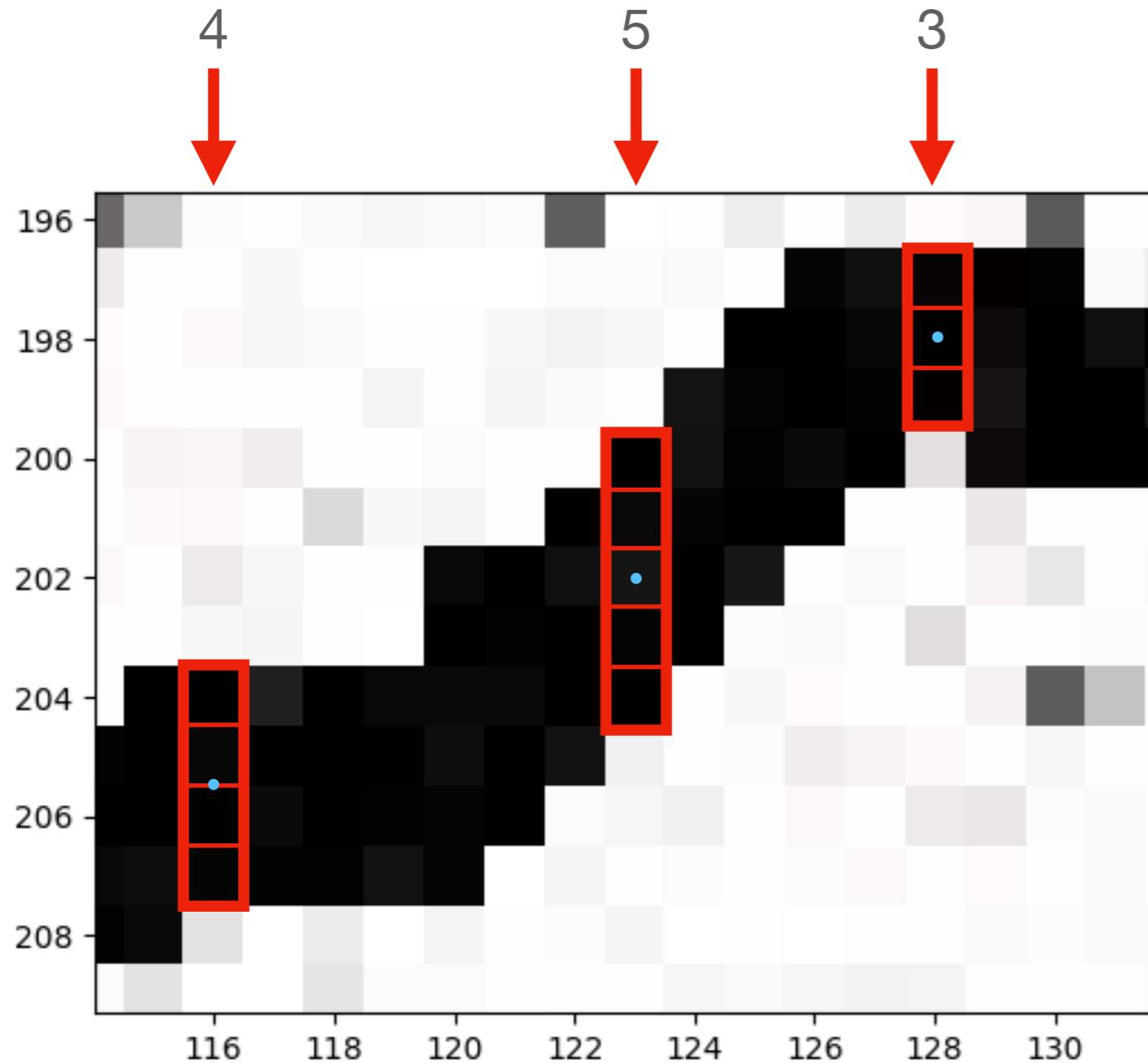
Tableau de Pixels



- $0 \leq R \leq 1$
- $0 \leq V \leq 1$
- $0 \leq B \leq 1$
- $[R;V;B]$
- $[R < 0,1; V < 0,1; B < 0,1]$: Accepté
- $R > 0,1$ ou $V > 0,1$ ou $B > 0,1$: Refusé

Traitement de l'image

Récupération des Données



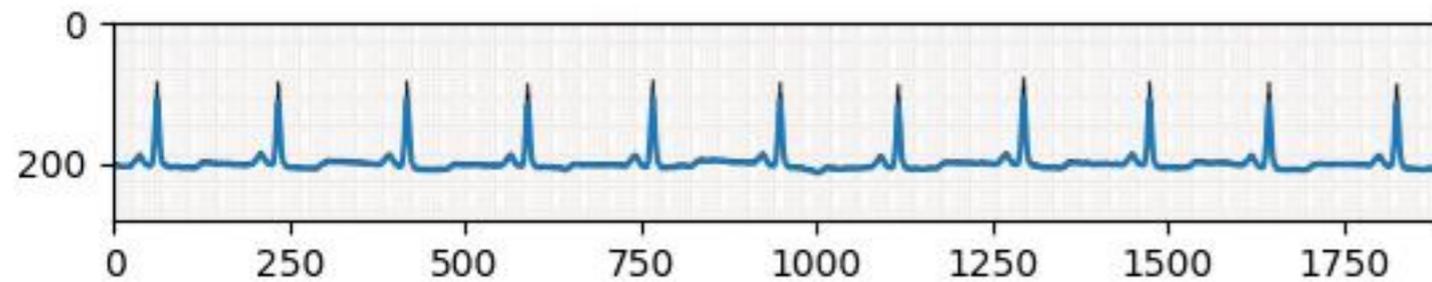
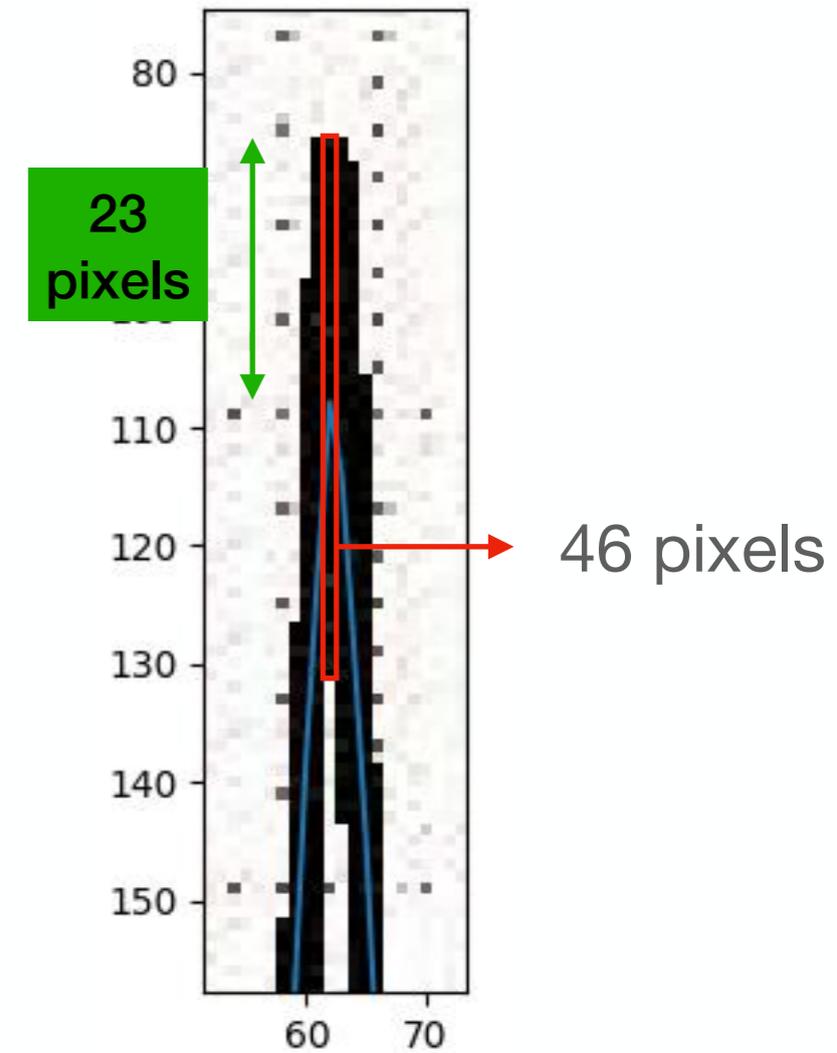
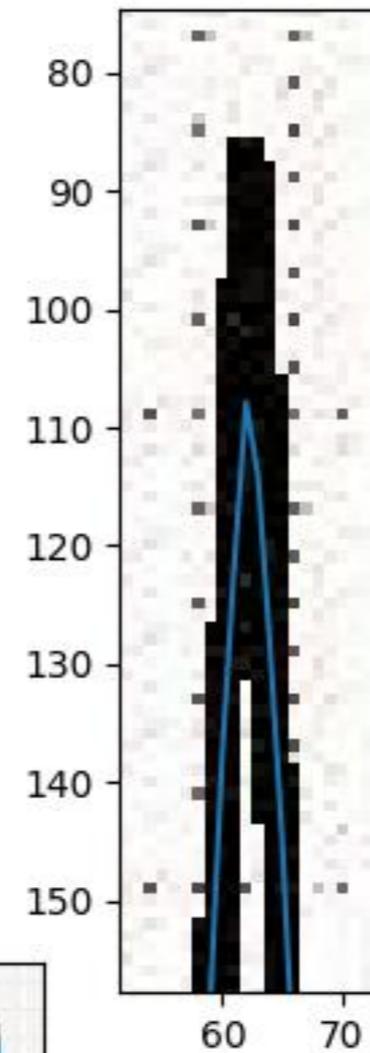
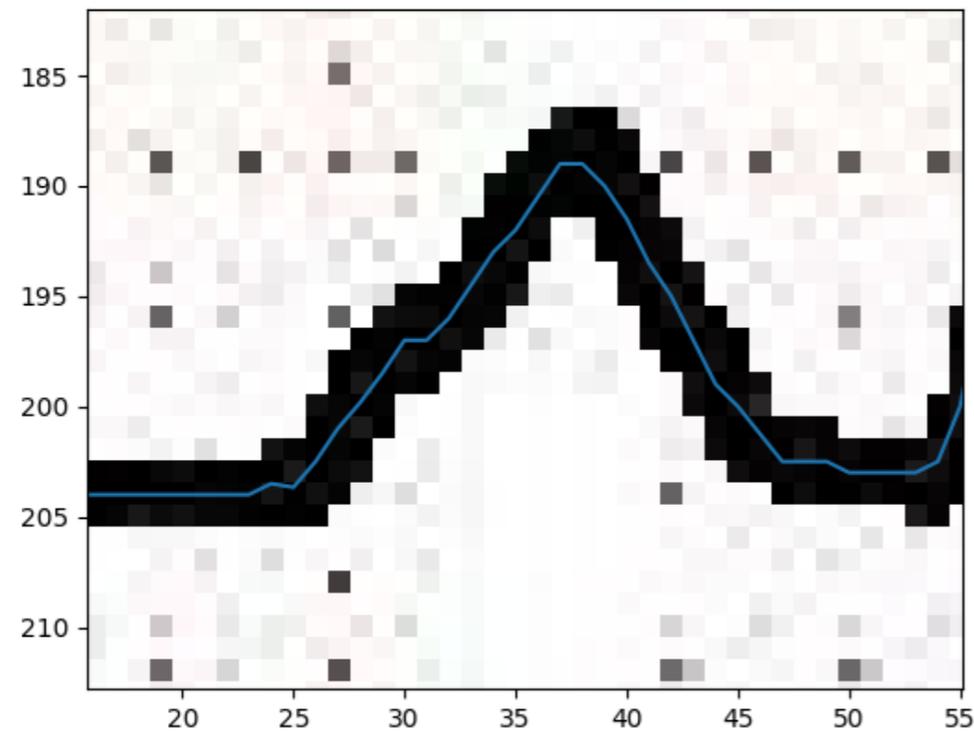
[[Abscisses],[Ordonnées]]

Fonction 'electro_tableau' (ligne 97)

```
[[116., 117., 118., 119., 120., 121., 122., 123.],  
 [205.5, 206. , 205.5, 205.5, 204.5, 204. , 203. , 202. ]]
```

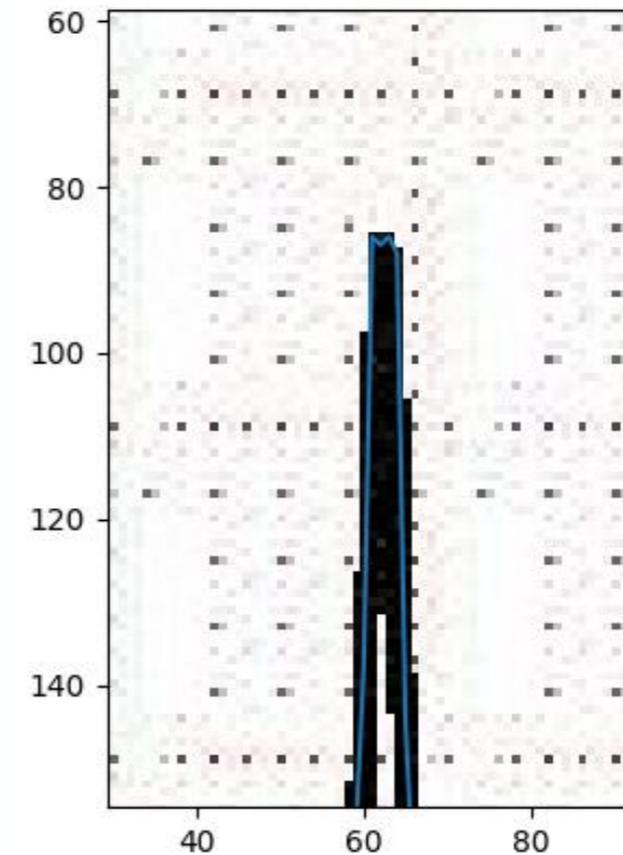
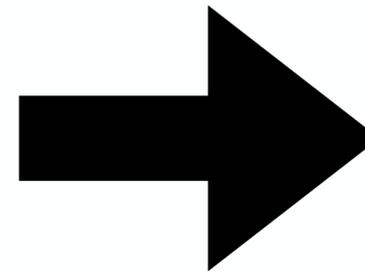
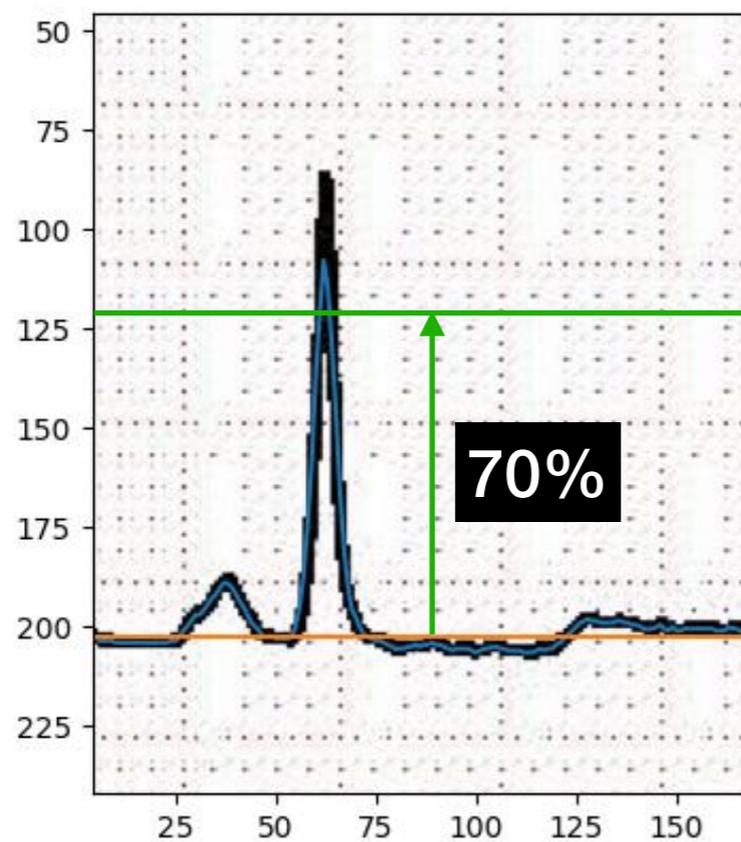
Traitement de l'image

Récupération des Données

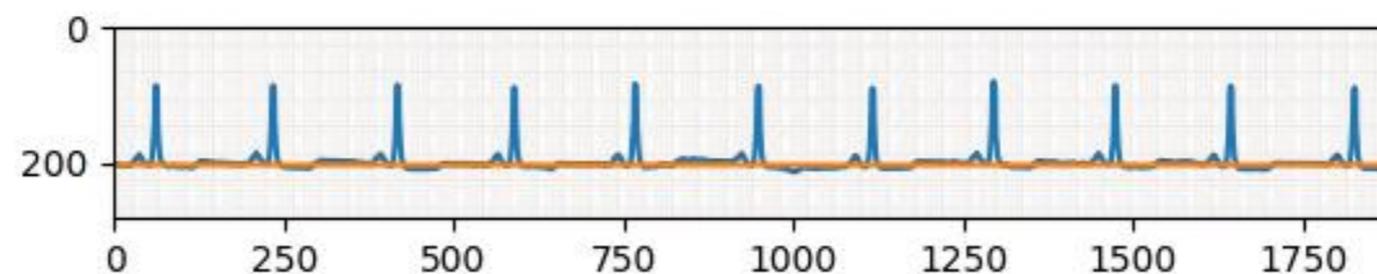


Traitement de l'image

Affinage des Données

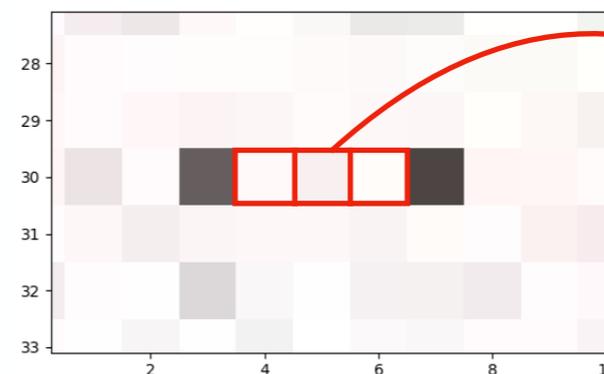
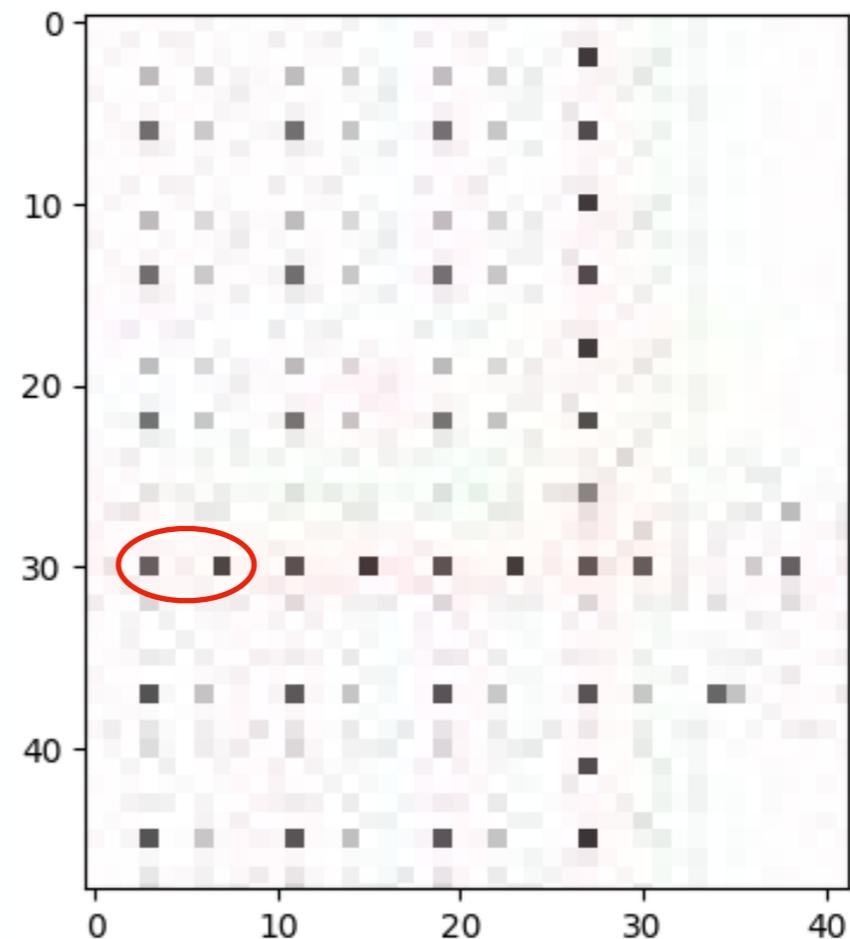
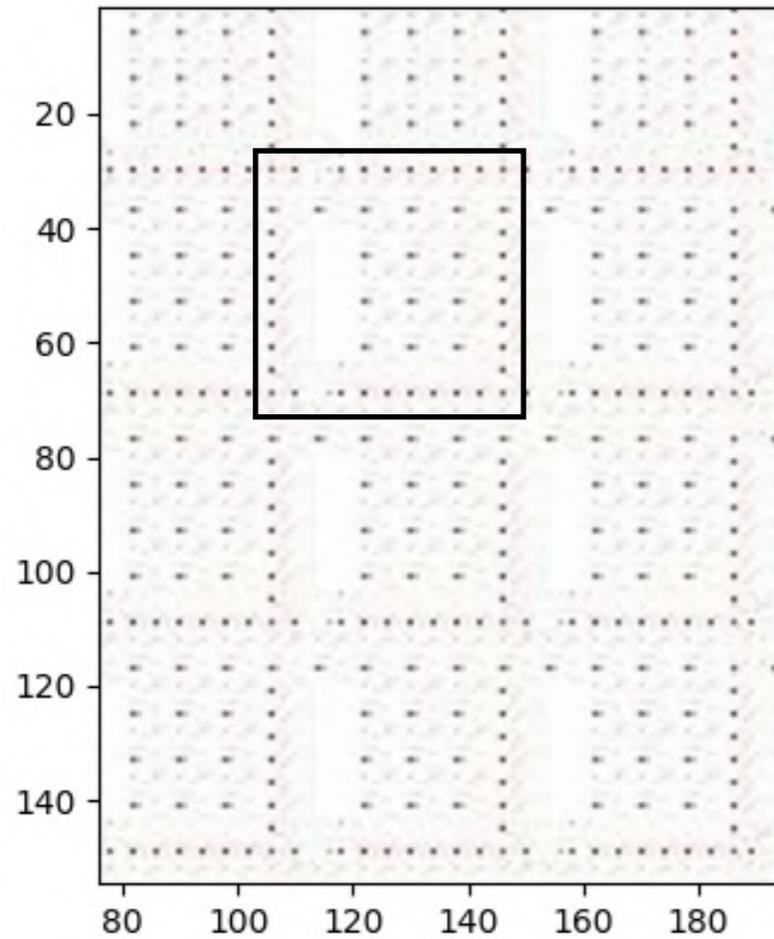


Fonction 'affinage_tableau' (ligne 115)



Traitement de l'image

Appliquer l'échelle de l'ECG

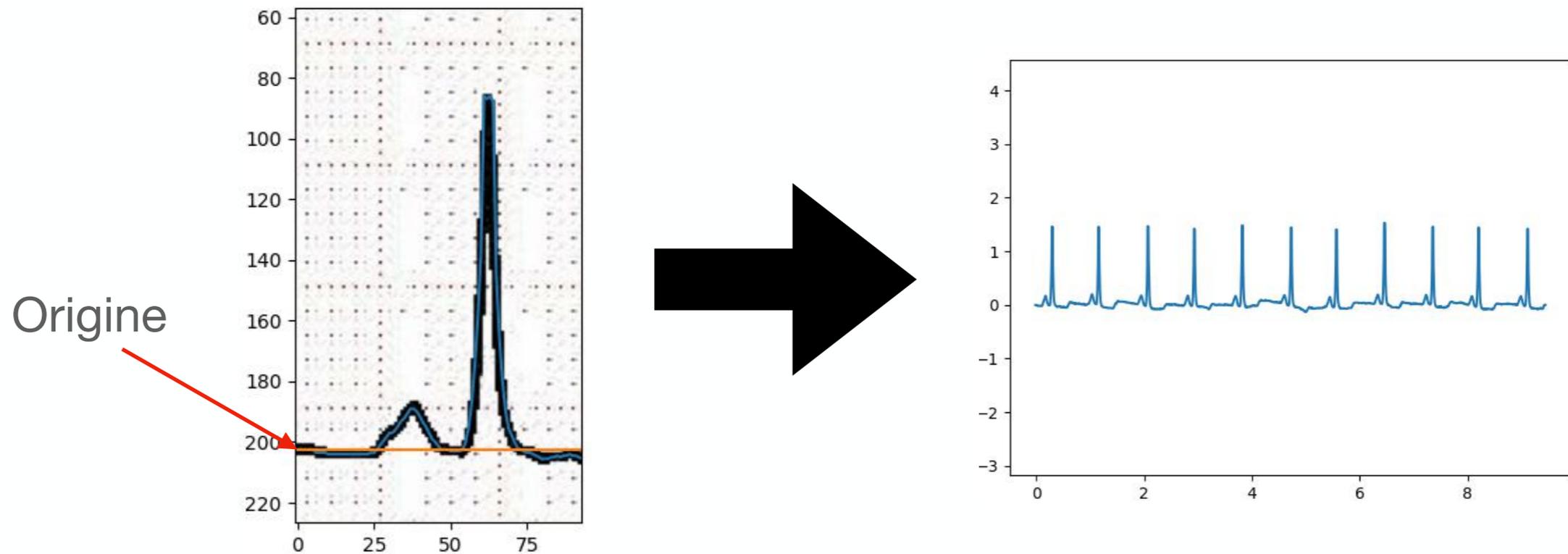


3 pixels d'écart

Traitement de l'image

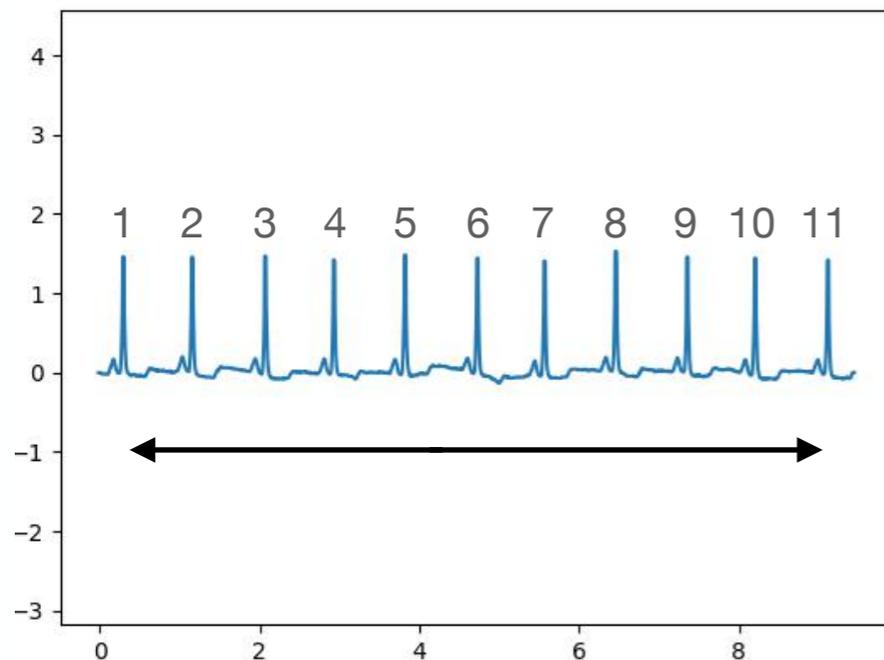
Valeurs Réelles

Fonction 'valeur_réel_tableau' (ligne 136)



Détermination des Informations

Calcul de la Fréquence Cardiaque



[Abscisse Pics]

Variable 'L' dans la fonction 'fréquence' (ligne 208)

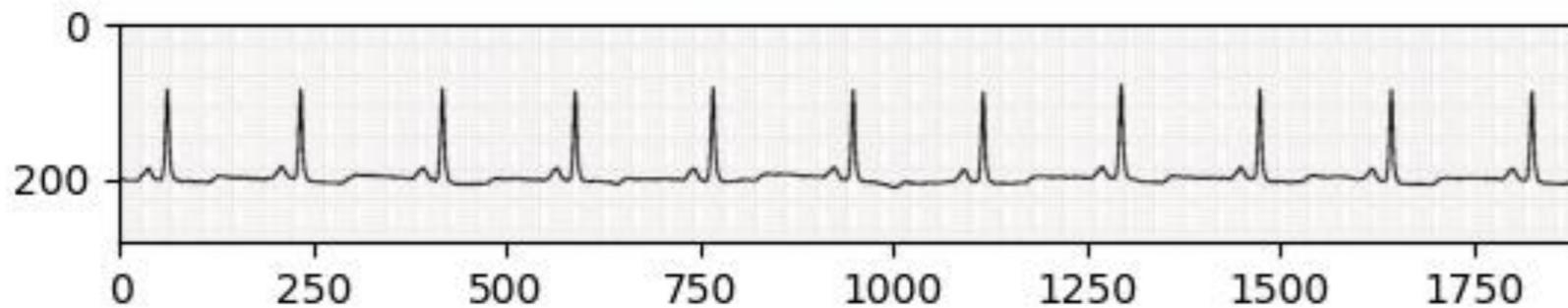
[0.29, 1.155, 2.07, 2.9250000000000003, 3.815, 4.7250000000000005, 5.5600000000000005, 6.46, 7.355, 8.2, 9.11]

$$\text{Fréquence Cardiaque} = ((\text{Nombre de Pics} - 1) / \text{Temps}) * 60 \text{ min}^{-1}$$

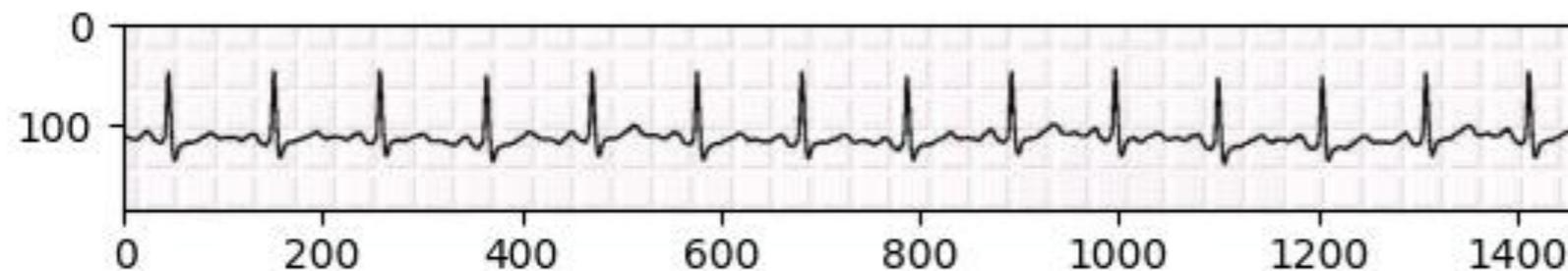
FC < 50	50 < FC < 60	60 < FC < 90	90 < FC < 100	100 < FC
Bradycardie	Suspicion de Bradycardie	Fréquence Cardiaque OK	Suspicion de Tachycardie	Tachycardie

Détermination des Informations

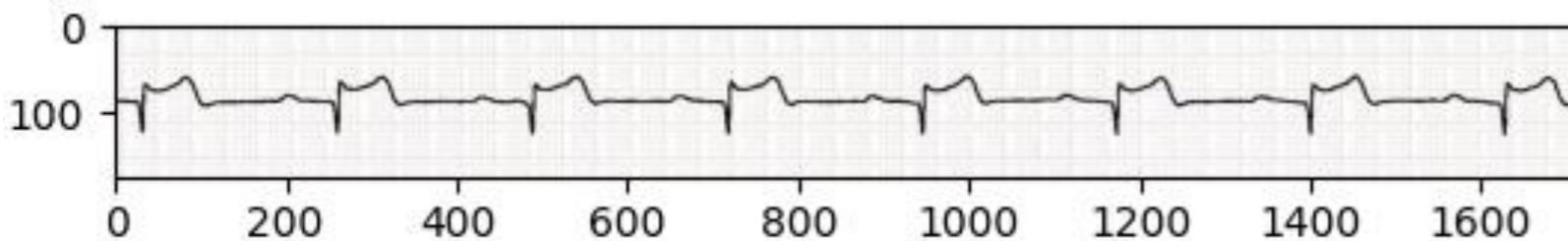
Exemples



68.02721088435374
Fréquence Cardiaque OK



114.20204978038068
Tachycardie – Consu

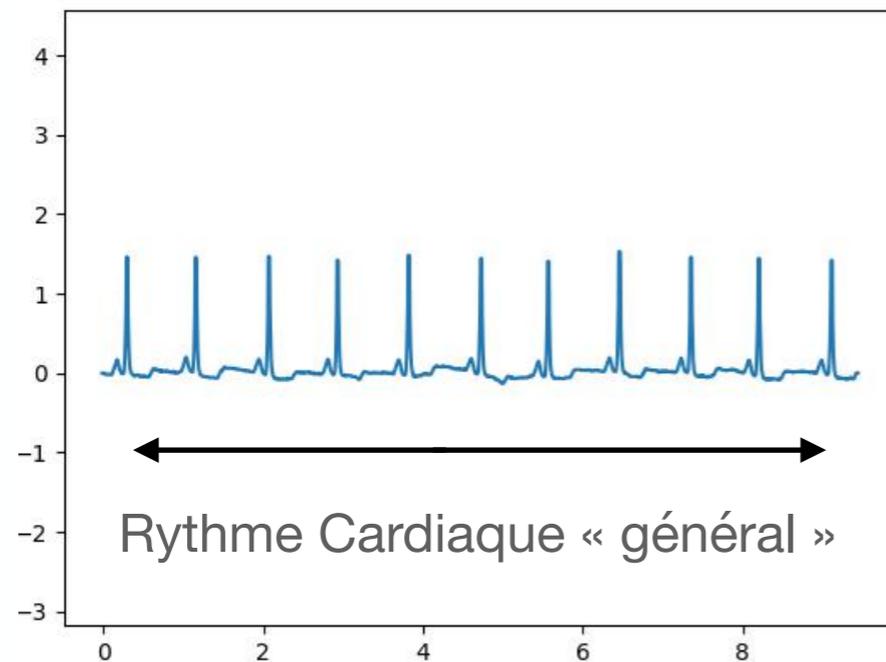


52.63157894736841
Suspicion de Bradycardie

Détermination des Informations

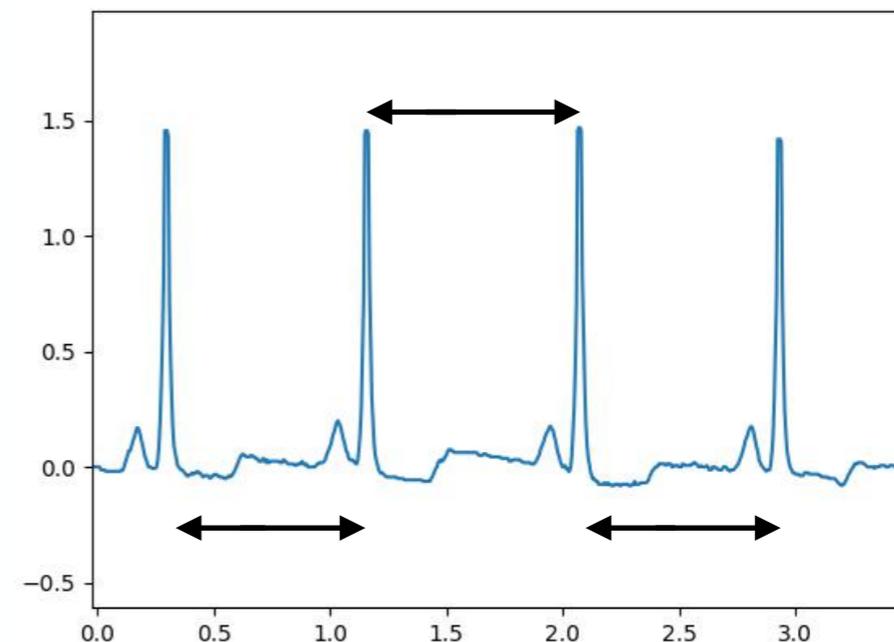
Vérification du Rythme Cardiaque

Objectif : Déterminer si les battements sont réguliers ou non



0.882 s

Fonction 'rythme_cardiaque' (ligne 225)



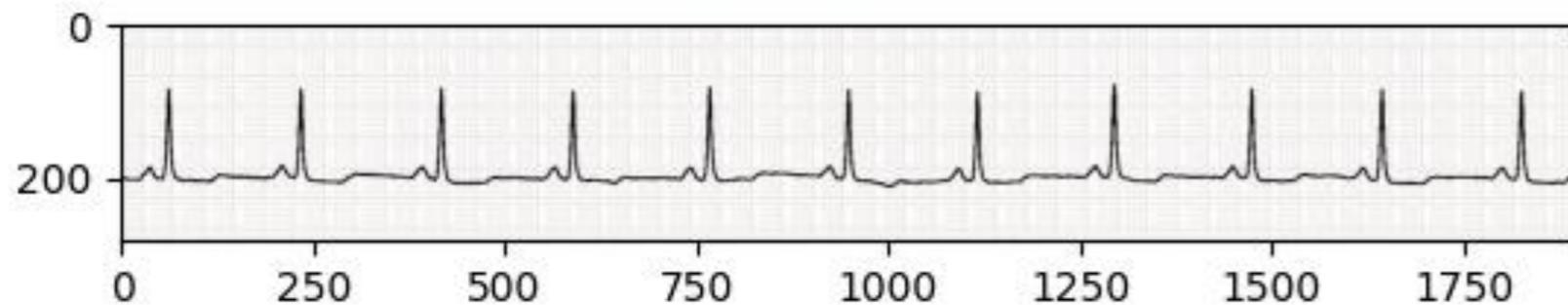
[0.8550000000000004, 0.8899999999999997,
0.9100000000000006]

Variable 'pres' dans la fonction 'fiabilite_RC' (ligne 229)

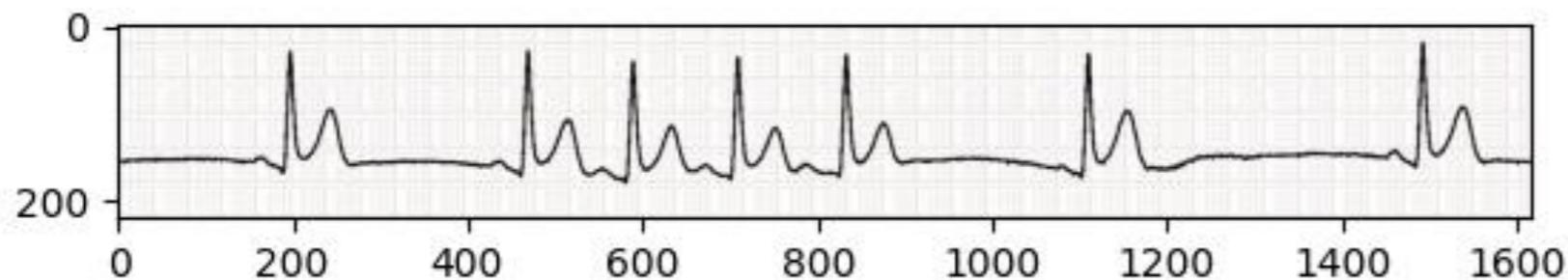
Battements Réguliers	Battements Irréguliers
Bon rythme Cardiaque	Rythme Cardiaque anormal

Détermination des Informations

Exemples



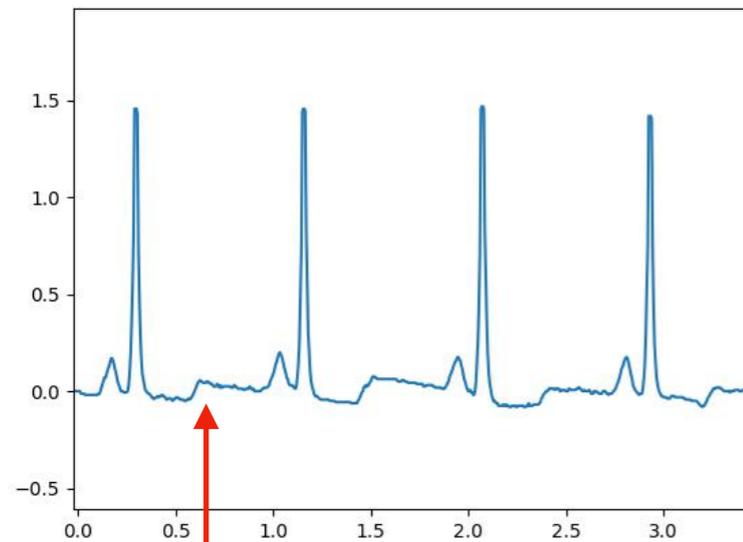
0.882 Fiable
Rythme cardiaque régulier



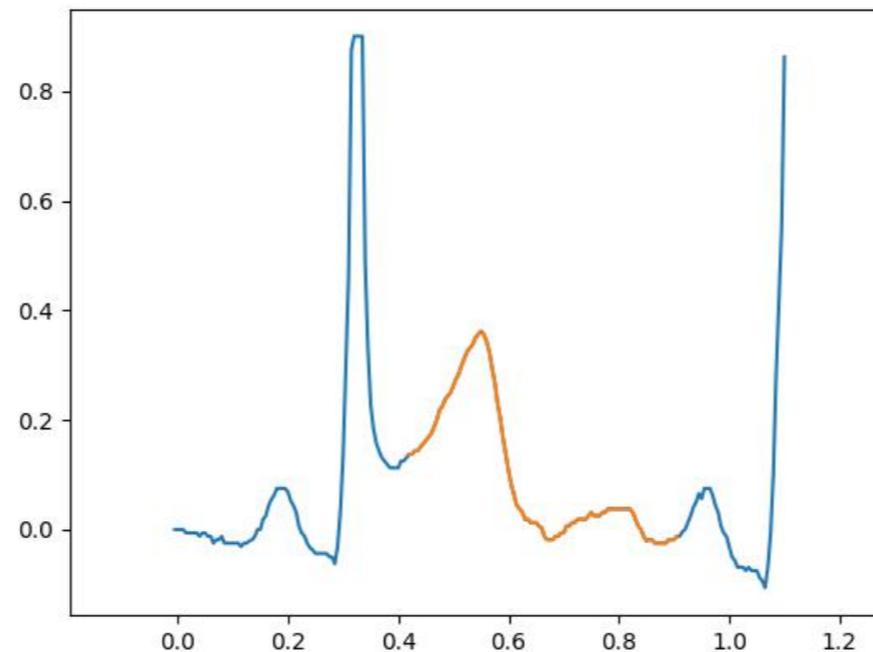
1.08 Non Fiable
Rythme cardiaque anormal

Détermination des Informations

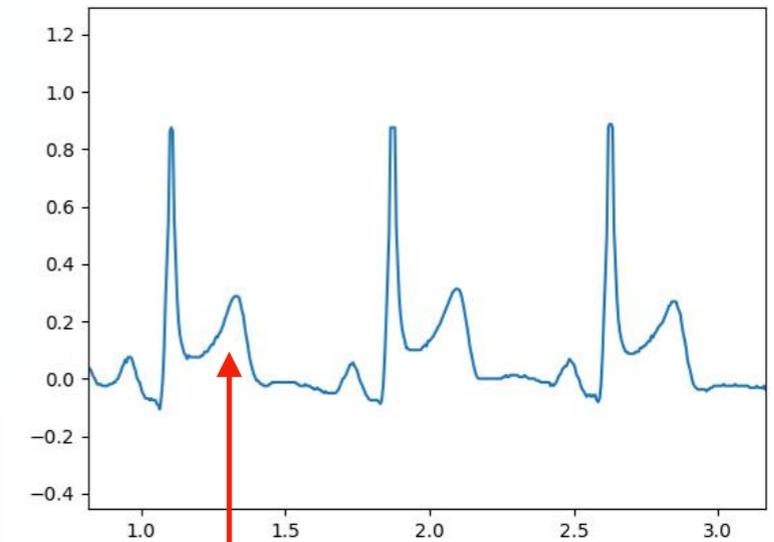
Détection des Infarctus du Myocarde



Onde T



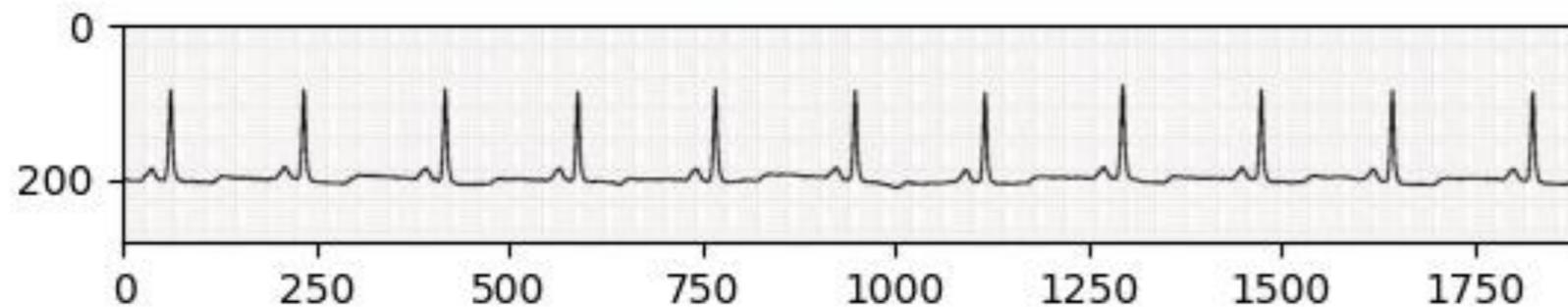
Fonction 'anomalie_myocarde' (ligne 240)



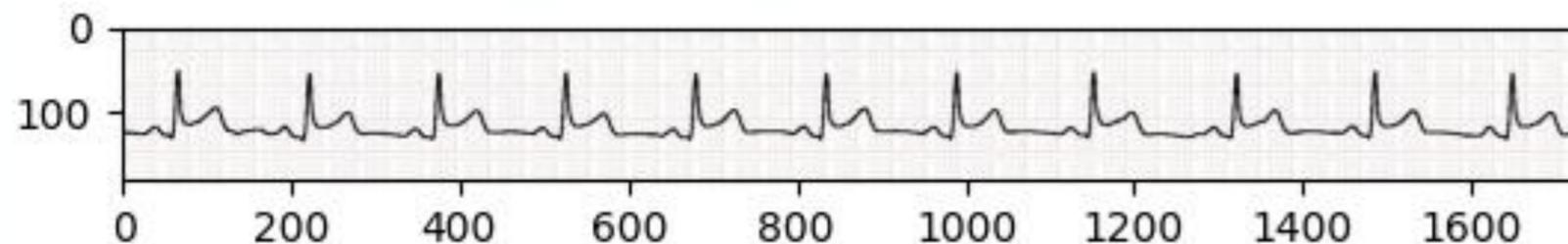
Onde T

Détermination des Informations

Exemples



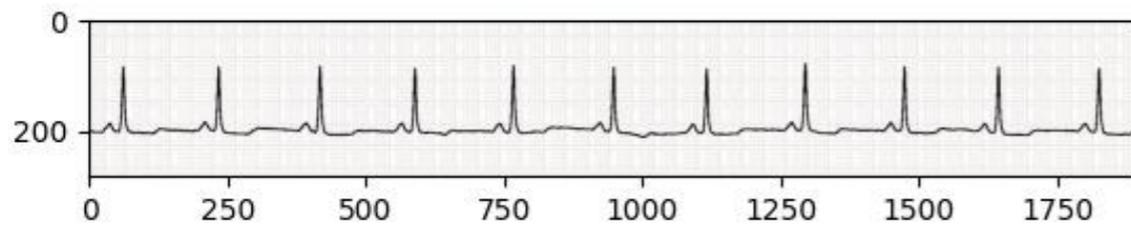
Pas d'Infarctus du Myocarde détecté



Infarctus du Myocarde détecté

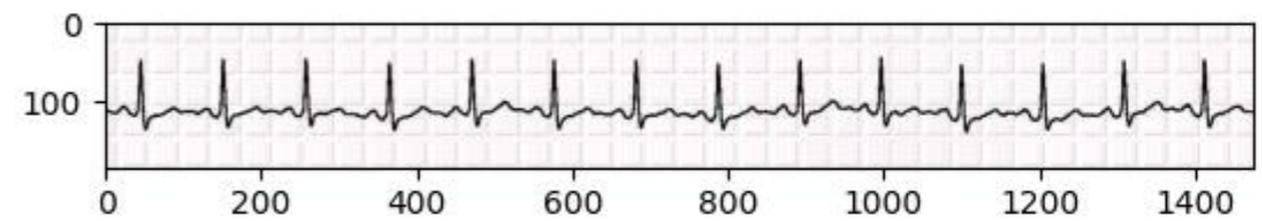
Détermination des Informations

Résultats



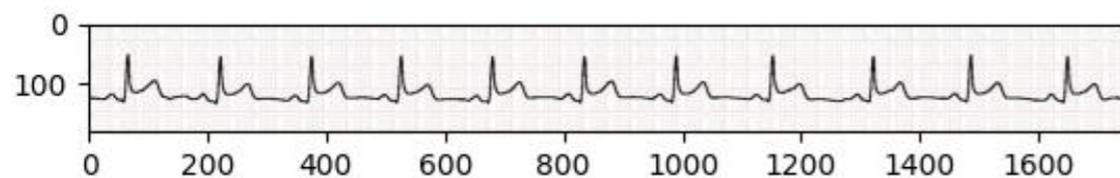
68.02721088435374
Fréquence Cardiaque OK – Passez une Bonne Journée

0.882 Fiable
Rythme cardiaque régulier
Pas d'Infarctus du Myocarde détecté
[Finished in 4.9s]



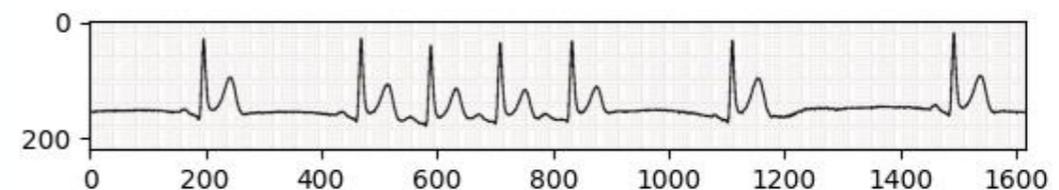
114.20204978038068
Tachycardie – Consultez vite un Cardiologue

0.5253846153846153 Fiable
Rythme cardiaque régulier
Pas d'Infarctus du Myocarde détecté
[Finished in 3.5s]



75.80543272267846
Fréquence Cardiaque OK – Passez une Bonne Journée

0.7915 Fiable
Rythme cardiaque régulier
Infarctus du Myocarde détecté
[Finished in 5.9s]



55.55555555555555
Suspicion de Bradycardie – Prise de Rendez-vous chez un Cardiologue vivement conseillé

1.08 Non Fiable
Rythme cardiaque anormal
Infarctus du Myocarde détecté
[Finished in 38.7s]

Analyse Spectrale avec les Séries de Fourier

Détermination des Coefficients de Fourier

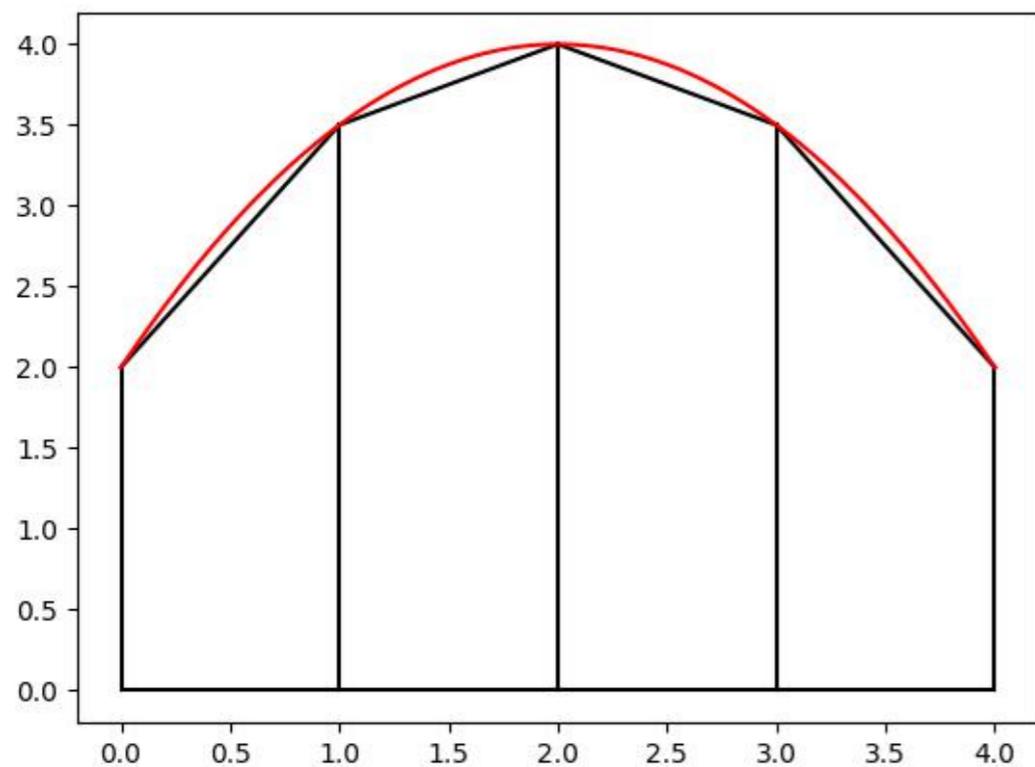
$$S_n(f) = \sum_{k=0}^n H_k \quad H_n : x \mapsto a_n(f) \cos\left(nx \frac{2\pi}{T}\right) + b_n(f) \sin\left(nx \frac{2\pi}{T}\right)$$

$$a_0(f) = \frac{1}{T} \int_0^T f(t) dt \quad \forall n > 0, \quad a_n(f) = \frac{2}{T} \int_0^T f(t) \cos\left(nt \frac{2\pi}{T}\right) dt$$

$$b_0(f) = 0 \quad \forall n > 0, \quad b_n(f) = \frac{2}{T} \int_0^T f(t) \sin\left(nt \frac{2\pi}{T}\right) dt$$

Analyse Spectrale avec les Séries de Fourier

Calcul des intégrales : Méthode des Trapèzes



$$Aire_{trapeze} = \frac{(g(a_k) + g(a_{k+1})) \times pas}{2}$$

$$\int_a^b g(t) dt \approx \frac{b-a}{n} \sum_{k=0}^{n-1} \frac{g(a_k) + g(a_{k+1})}{2}$$

Analyse Spectrale avec les Séries de Fourier

Coefficients de Fourier

De n=0 à n=4:

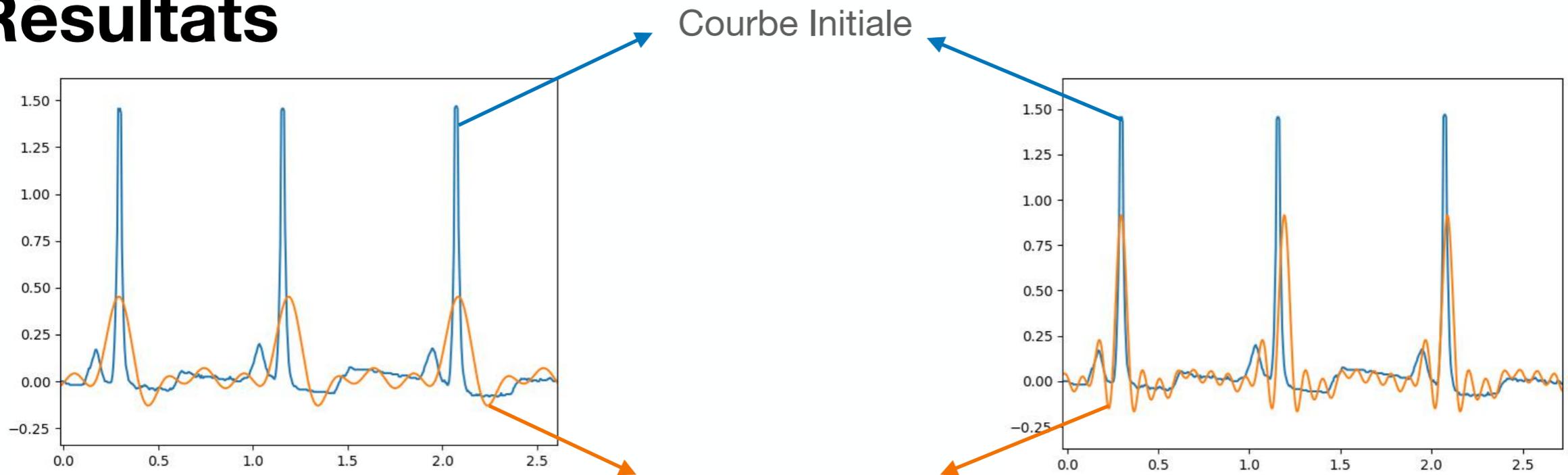
```
coeff_a = [0.06137333884501775, -0.028944580733732794,  
-0.08899778135450581, 0.08888083372544814, -0.04191160204940218]
```

```
coeff_b = [0, 0.09986366797381085, -0.08997728539721628,  
-0.0032352163175895267, 0.06472268691642385]
```

Lignes 332-340

Analyse Spectrale avec les Séries de Fourier

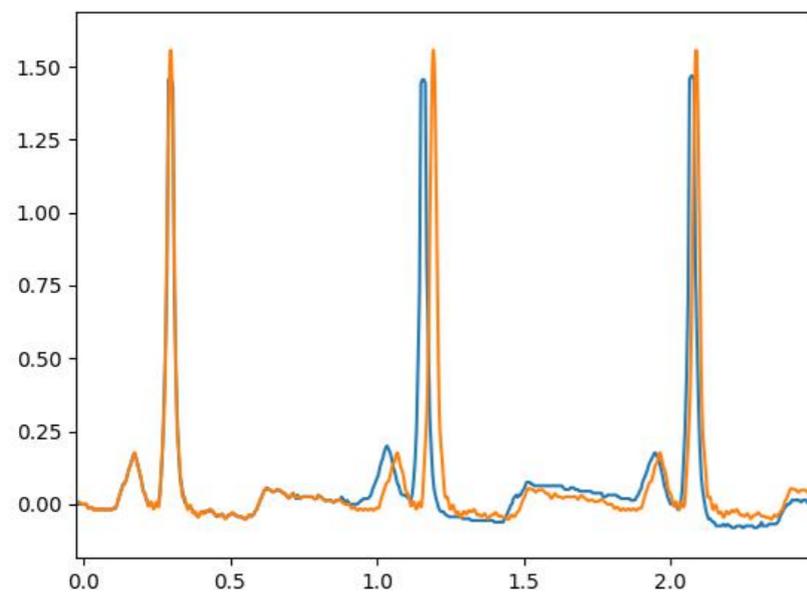
Résultats



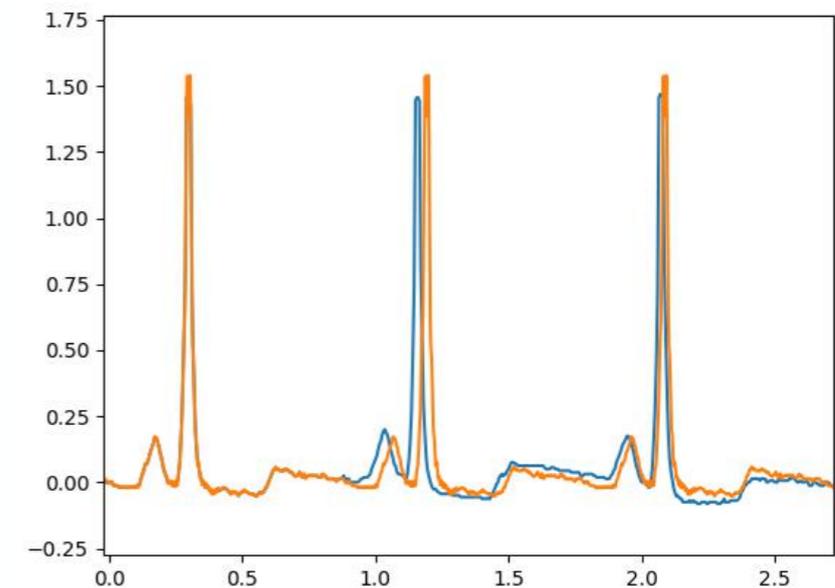
$S_5(f)$

Fonction 'fonction_fourrier' (ligne 286)

$S_{10}(f)$



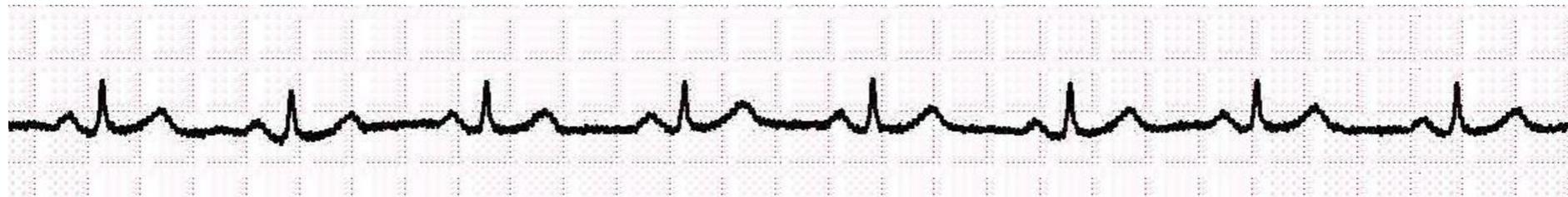
$S_{30}(f)$



$S_{50}(f)$

Limites

- Dépendance avec la résolution de l'image
- Signal qui n'est pas exactement périodique
- Problèmes de détection des informations lors des 'petits' ECG



```
68.61499364675984  
Fréquence Cardiaque OK - Passez  
  
0.8744444444444445 Non Fiable  
Rythme cardiaque anormal  
Infarctus du Myocarde détecté
```

Annexe

Annexe

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import matplotlib.image as img
3 import numpy as np
4 from math import cos
5 from math import sin
6 from math import pi
7
8 image1 = img.imread("file:///Users/florian_parfant/Documents/Khûbe/TIPE Khûbe/Base de Données ECG/ECG pour
   code/Normal Person ECG Images (284x12=3408)/Normal(118).png")
9
10 plt.imshow(image1)
11 plt.show()
12
13 #####
14 ### Fonctions ###
15 #####
16
17 def x_premier_point(image):
18     i,j=0,0
19     while i<len(image[0]) and ((image[j][i][0]<0.3 or image[j][i][0]>0.7) and (image[j][i][1]<0.3 or image[j][i]
   [1]>0.7) and (image[j][i][2]<0.3 or image[j][i][2]>0.7)):# or image[j][i][3]<0.1):
20         while j<len(image) and ((image[j][i][0]<0.3 or image[j][i][0]>0.7) and (image[j][i][1]<0.3 or image[j]
   [i][1]>0.7) and (image[j][i][2]<0.3 or image[j][i][2]>0.7)):# or image[j][i][3]<0.1):
21             j+=1
22             if j==len(image):
23                 j=0
24                 i+=1
25         return i
26
27 def y_premier_point(image):
28     i=x_premier_point(image)
29     j=0
30     k=1
31     while j<len(image) and ((image[j][i+k][0]<0.3 or image[j][i+k][0]>0.7) and (image[j][i+k][1]<0.3 or image[j]
   [i+k][1]>0.7) and (image[j][i+k][2]<0.3 or image[j][i+k][2]>0.7)):# or image[j][i+k][3]<0.1):
32         while k<6 and ((image[j][i+k][0]<0.3 or image[j][i+k][0]>0.7) and (image[j][i+k][1]<0.3 or image[j][i+k]
   [1]>0.7) and (image[j][i+k][2]<0.3 or image[j][i+k][2]>0.7)):# or image[j][i+k][3]<0.1):
33             k+=1
34             if k==6:
35                 k=1
36                 j+=1
37     return j
```

Annexe

```
39 def echelle(image):
40     i,j=x_premier_point(image),y_premier_point(image)
41     k=1
42     while k<6 and ((image[j][i+k][0]<0.3 or image[j][i+k][0]>0.7) and (image[j][i+k][1]<0.3 or image[j][i+k]
43     [1]>0.7) and (image[j][i+k][2]<0.3 or image[j][i+k][2]>0.7)):# or image[j][i+k][3]<0.1):
44         k+=1
45     return k
46 def max_nombre(i,j):
47     if i>j:
48         return i
49     else:
50         return j
51
52 def max_global(liste):
53     maxi=liste[0]
54     for x in liste:
55         if x>maxi:
56             maxi=x
57     return maxi
58
59 def min_global(liste):
60     mini=liste[0]
61     for x in liste:
62         if x<mini:
63             mini=x
64     return mini
65
66 def max_local(liste,i1,i2):
67     maxi=liste[i1]
68     i=[i1]
69     for x in range(i2-i1):
70         if liste[i1+x]>maxi:
71             maxi=liste[i1+x]
72             i=[i1+x]
73         elif liste[i1+x]==maxi:
74             i.append(i1+x)
75     return i,maxi
76
77 def min_local(liste,i1,i2):
78     mini=liste[i1]
79     i=[i1]
80     for x in range(i2-i1):
81         if liste[i1+x]<mini:
82             mini=liste[i1+x]
83             i=[i1+x]
84         elif liste[i1+x]==mini:
85             i.append(i1+x)
86     return i,mini
```

Annexe

```
88 def ecart_au_palier(i1,i2,tableau):
89     (a,mini),(b,maxi) = min_local(tableau[1],i1,i2),max_local(tableau[1],i1,i2)
90     return mini < min_global(tableau[1]) * 0.4 or maxi > max_global(tableau[1]) * 0.4
91
92 def reel_vers_pixel(x,liste):
93     for i in range(len(liste)):
94         if x==liste[i]:
95             return i
96
97 def electro_tableau(image):
98     largeur = len(image)
99     longueur = len(image[0])
100    tableau = np.zeros((2,longueur))
101    for i in range(longueur):
102        compt=0
103        nbr=0
104        for j in range(largeur):
105            if image[j][i][0]<0.1 and image[j][i][1]<0.1 and image[j][i][2]<0.1:# and image[j][i][3]>0.1:
106                compt+=j
107                nbr+=1
108        tableau[0][i]=i
109        if compt==0:
110            tableau[1][i]=tableau[1][i-1]
111        else:
112            tableau[1][i]=compt/nbr
113    return tableau
114
115 def affinage_tableau(tableau,image):
116    mini=min_global(tableau[1])
117    maxi=max_global(tableau[1])
118    a=max_nombre(palier-mini,maxi-palier)
119    for i in range(len(tableau[0])):
120        if tableau[1][i]<palier-a*0.7:
121            minim=0
122            j=0
123            while minim==0:
124                if image[j][i][0]<0.1 and image[j][i][1]<0.1 and image[j][i][2]<0.1:# and image[j][i][3]>0.1:
125                    tableau[1][i]=j
126                    minim=j
127                j+=1
128        if tableau[1][i]>palier+a*0.7:
129            maxim=0
130            for j in range(len(image)):
131                if image[j][i][0]<0.1 and image[j][i][1]<0.1 and image[j][i][2]<0.1:# and image[j][i][3]>0.1:
132                    maxim=j
133            tableau[1][i]=maxim
134    return tableau
```

Annexe

```
136 def valeur_réel_tableau(tableau, image, echelle_abscisse, echelle_ordonnee, palier_image):
137     k=echelle(image)
138     x0=x_premier_point(image)
139     x_echelle = echelle_abscisse/(10*k)
140     y_echelle = echelle_ordonnee/(10*k)
141     tab = np.zeros((2, len(tableau[0])))
142     for i in range(len(tableau[0])):
143         tab[0][i] = (i-x0)*x_echelle
144     for j in range(len(tableau[1])):
145         tab[1][j] = (palier-tableau[1][j])*y_echelle
146     return tab
147
148 def pic_max(tableau, i0):
149     i1, i2=i0, i0
150     while i1<len(tableau[0]) and tableau[1][i1]<(max_global(tableau[1])*0.8):
151         i1+=1
152     i2=i1
153     while i2<len(tableau[0]) and tableau[1][i2]>(max_global(tableau[1])*0.8):
154         i2+=1
155     if i1!=len(tableau[0]):
156         i, maxi = max_local(tableau[1], i1, i2)
157         somme=0
158         for x in i:
159             somme+=x
160         return tableau[0][somme//len(i)], i1, i2
161     else:
162         return tableau[0][-1], i1, i2
163
164 def pic_min(tableau, i0):
165     i1, i2=i0, i0
166     while i1<len(tableau[0]) and tableau[1][i1]>(min_global(tableau[1])*0.8):
167         i1+=1
168     i2=i1
169     while i2<len(tableau[0]) and tableau[1][i2]<(min_global(tableau[1])*0.8):
170         i2+=1
171     if i1!=len(tableau[0]):
172         i, mini = min_local(tableau[1], i1, i2)
173         somme=0
174         for x in i:
175             somme+=x
176         return tableau[0][somme//len(i)], i1, i2
177     else:
178         return tableau[0][-1], i1, i2
```

Annexe

```
180 def pic(tableau, i0):
181     if abs(max_global(tableau[1])) > abs(min_global(tableau[1])):
182         return pic_max(tableau, i0)
183     else:
184         return pic_min(tableau, i0)
185
186 def liste_pic(tableau):
187     i0=0
188     L=[]
189     while i0 < len(tableau[0]):
190         abscisse_pic, i1, i2 = pic(tableau, i0)
191         if abscisse_pic != tableau[0][-1]:
192             i0 = i2
193             L.append(abscisse_pic)
194         else:
195             i0 += 1
196     return L
197
198 def distance_pic(liste, i1, i2):
199     return (liste[i2] - liste[i1]) / (i2 - i1)
200
201 def liste_pic_pixel(tableau):
202     liste = liste_pic(tableau)
203     res = []
204     for x in liste:
205         res.append(reel_vers_pixel(x, tableau[0]))
206     return res
207
208 def fréquence(tableau):
209     i0=0
210     L=[]
211     compt=0
212     while i0 < len(tableau[0]):
213         abscisse_pic, i1, i2 = pic(tableau, i0)
214         if abscisse_pic != tableau[0][-1]:
215             compt += 1
216             i0 = i2
217             L.append(abscisse_pic)
218         else:
219             i0 += 1
220     abs_premier_pic = L[0]
221     abs_dernier_pic = L[len(L)-1]
222     print(L)
223     return ((compt-1) / (abs_dernier_pic - abs_premier_pic)) * 60
```

Annexe

```
225 def rythme_cardiaque(tableau):
226     L,n=liste_pic(tableau),len(liste_pic(tableau))
227     return distance_pic(L,0,n-1)
228
229 def fiabilite_RC(tableau):
230     pres = []
231     L,n=liste_pic(tableau),len(liste_pic(tableau))
232     RC_theorique = rythme_cardiaque(tableau)
233     for i in range(n-1):
234         pres.append(distance_pic(L,i,i+1))
235         if distance_pic(L,i,i+1) > 1.1 * RC_theorique or distance_pic(L,i,i+1) < 0.9 * RC_theorique:
236             return "Non Fiable"
237     print(pres)
238     return "Fiable"
239
240 def anomalie_myocarde(tableau):
241     l_pic = liste_pic_pixel(tableau)
242     for i in range(len(l_pic)-1):
243         taille_pic = abs(tableau[1][l_pic[i]])
244         ecart = l_pic[i+1]-l_pic[i]
245         i1,i2=int(l_pic[i]+ecart/8),int(l_pic[i+1]-ecart/4)
246         for x in tableau[1][i1:i2]:
247             if x > taille_pic*0.35:
248                 plt.plot(tableau[0][:int(l_pic[i+1])],tableau[1][:int(l_pic[i+1])])
249                 plt.plot(tableau[0][i1:i2],tableau[1][i1:i2])
250                 plt.axis('equal')
251                 plt.show()
252                 return True
253     return False
254
255 def retrouver_indice(liste,x):
256     n=len(liste)
257     for i in range(n-1):
258         if liste[i]<=x and liste[i+1]>x:
259             if abs(liste[i]-x)<=abs(liste[i+1]-x):
260                 return i
261             else:
262                 return i+1
```

Annexe

```
264 def fonction_fourier_cos(tableau,n,période):
265     tab = np.zeros((2,len(tableau[0])))
266     for i in range(len(tableau[0])):
267         tab[0][i]=tableau[0][i]
268     for j in range(len(tableau[1])):
269         tab[1][j]=(tableau[1][j])*cos(n*tableau[0][j]*(2*pi)/période)
270     return tab
271
272 def fonction_fourier_sin(tableau,n,période):
273     tab = np.zeros((2,len(tableau[0])))
274     for i in range(len(tableau[0])):
275         tab[0][i]=tableau[0][i]
276     for j in range(len(tableau[1])):
277         tab[1][j]=(tableau[1][j])*sin(n*tableau[0][j]*(2*pi)/période)
278     return tab
279
280 def trapèze(tableau,a,ind_période):
281     somme=0
282     for i in range(ind_période):
283         somme+=((tableau[1][a+i]+tableau[1][a+i+1])/2)*(tableau[0][a+i+1]-tableau[0][a+i])
284     return somme
285
286 def fonction_fourier(liste_a,list_b,x,période):
287     somme=0
288     for i in range(len(liste_a)):
289         somme+=liste_a[i]*cos(i*x*(2*pi)/période)+liste_b[i]*sin(i*x*(2*pi)/période)
290     return somme
```

Annexe

```
292 #####
293 ### Programme ###
294 #####
295
296 t = electro_tableau(image1)
297 palier = t[1][0]
298
299 X0=t[0]
300 Y0=t[1]
301 Ypal=[palier]*len(t[1])
302
303 plt.imshow(image1)
304 plt.plot(X0,Y0)
305 plt.plot(X0,Ypal)
306 plt.show()
307
308 t_affiné = affinage_tableau(t,image1)
309 valeur_reel = valeur_reel_tableau(t_affiné,image1,0.2,0.5,palier)
310 FC = fréquence(valeur_reel)
311 Rythme = rythme_cardiaque(valeur_reel)
312 Fiabilite = fiabilite_RC(valeur_reel)
313
314 X=t_affiné[0]
315 Y=t_affiné[1]
316
317 plt.imshow(image1)
318 plt.plot(X,Y)
319 plt.plot(X,Ypal)
320 plt.show()
321
322 X1=valeur_reel[0]
323 Y1=valeur_reel[1]
324
325 plt.plot(X1,Y1)
326 plt.axis('equal')
327 plt.show()
328
329 indice_periode = retrouver_indice(valeur_reel[0],rythme_cardiaque(valeur_reel))
330 periode = valeur_reel[0][indice_periode]-valeur_reel[0][0]
```

Annexe

```
332 coeff_a = [(1/periode)*trapèze(fonction_fourier_cos(valeur_reel,0,periode),0,indice_periode)]
333 coeff_b = [0]
334
335 for i in range(1,50):
336     coeff_a.append((2/periode)*trapèze(fonction_fourier_cos(valeur_reel,i,periode),0,indice_periode))
337     coeff_b.append((2/periode)*trapèze(fonction_fourier_sin(valeur_reel,i,periode),0,indice_periode))
338
339 print(coeff_a)
340 print(coeff_b)
341
342 Y_fourier=[]
343 n=20000
344 #for x in X1:
345 #    Y_fourier.append(fonction_fourier(coeff_a,coeff_b,x,periode))
346 for x in [X1[0]+i*((X1[-1]-X1[0])/(n-1)) for i in range(n)]:
347     Y_fourier.append(fonction_fourier(coeff_a,coeff_b,x,periode))
348
349 plt.plot(X1,Y1)
350 plt.plot([X1[0]+i*((X1[-1]-X1[0])/(n-1)) for i in range(n)],Y_fourier)
351 #plt.plot(X1,Y_fourier)
352 plt.axis('equal')
353 plt.show()
354
355 print("\n",echelle(image1))
356
357 print("\n",FC)
358
359 if FC < 50:
360     print("Bradycardie - Consultez vite un Cardiologue :'(")
361 elif FC >= 50 and FC < 60:
362     print("Suspicion de Bradycardie - Prise de Rendez-vous chez un Cardiologue vivement conseillé :/")
363 elif FC >= 60 and FC <= 90:
364     print("Fréquence Cardiaque OK - Passez une Bonne Journée :)")
365 elif FC > 90 and FC <= 100:
366     print("Suspicion de Tachycardie - Prise de Rendez-vous chez un Cardiologue vivement conseillé :/")
367 else:
368     print("Tachycardie - Consultez vite un Cardiologue :'(")
369
370 print("\n",Rythme,Fiabilite)
371
372 if Fiabilite == "Fiable":
373     print("Rythme cardiaque régulier")
374 else:
375     print("Rythme cardiaque anormal")
376
377 if anomalie_myocarde(valeur_reel):
378     print("Infarctus du Myocarde détecté")
379 else:
380     print("Pas d'Infarctus du Myocarde détecté")
```