

# Formulaire temporaire de cinématique analytique

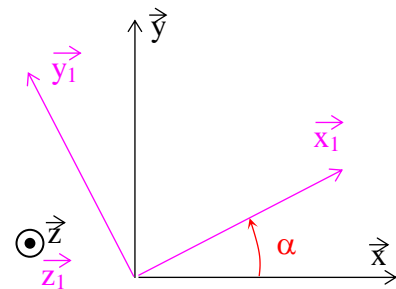
## Cinématique du point :

- $\vec{V}(M/R) = \left[ \frac{d\vec{OM}}{dt} \right]_R = \frac{d\vec{OM}}{dt_{/R}}$       O : origine ou point fixe du repère R
- $\vec{a}(M/R) = \vec{\Gamma}(M/R) = \left[ \frac{d^2\vec{OM}}{dt^2} \right]_R = \left[ \frac{d\vec{V}(M/R)}{dt} \right]_R$
- $\left[ \frac{d\vec{U}}{dt} \right]_R = \frac{da}{dt} \vec{x} + \frac{db}{dt} \vec{y} + \frac{dc}{dt} \vec{z} = \dot{a} \vec{x} + \dot{b} \vec{y} + \dot{c} \vec{z}$     si  $\vec{U} = \begin{vmatrix} a \\ b \\ c \end{vmatrix}_R$  est exprimé dans le repère R
- $\left[ \frac{d\vec{U}}{dt} \right]_R = \left[ \frac{d\vec{U}}{dt} \right]_{R_1} + \vec{\Omega}(R_1/R) \wedge \vec{U}(t)$

Exemple :  $\vec{\Omega}(R_1/R) = \dot{\alpha} \vec{z}$



$$\alpha = (\vec{x}, \vec{x}_1) = (\vec{y}, \vec{y}_1)$$



## Cinématique du solide :

- $\vec{V}(B \in R_1/R_0) = \vec{V}(A \in R_1/R_0) + \vec{BA} \wedge \vec{\Omega}(R_1/R_0)$  (Babar)
- $\vec{V}(A \in R_n/R_0) = \vec{V}(A \in R_n/R_{n-1}) + \vec{V}(A \in R_{n-1}/R_{n-2}) + \dots + \vec{V}(A \in R_1/R_0)$
- $\vec{\Omega}(R_n/R_0) = \vec{\Omega}(R_n/R_{n-1}) + \vec{\Omega}(R_{n-1}/R_{n-2}) + \dots + \vec{\Omega}(R_1/R_0)$
- $\mathcal{V}_A(S/R) = \left\{ \begin{array}{l} \vec{\Omega}(S/R) \\ \vec{V}(A \in S/R) \end{array} \right\}$     torseur cinématique de S/R
- $\mathcal{V}(R_n/R_0) = \mathcal{V}(R_n/R_{n-1}) + \mathcal{V}(R_{n-1}/R_{n-2}) + \dots + \mathcal{V}(R_1/R_0)$     (en un même point de réduction)

**Contact entre solides :** Condition de non glissement :  $\vec{V}(I, S_1/S_2) = \vec{0}$  avec I point de contact entre  $S_1$  et  $S_2$ .



Le point I étant la plupart du temps ni fixe dans  $S_1$  ni fixe dans  $S_2$ , on ne peut expliciter cette condition en dérivant un vecteur position (c'est une vitesse d'entraînement). Donc on décompose...