# Fiche 19: Équations différentielles.

#### Exercice 1

Soit l'équation différentielle

$$(E) \qquad y' + 2xy = x.$$

- 1. Résoudre l'équation homogène associée.
- 2. Calculer la solution de (E) vérifiant y(0) = 1.

### Exercice 2

On s'intéresse à l'équation différentielle inconnue y, variable x:

$$(E): \qquad xy' + y = x$$

- 1. Résoudre l'équation homogène associée (attention à l'ensemble de définition) et représenter l'allure de ses solutions.
- 2. Chercher une solution particulière polynomiale.
- 3. En déduire "la" solution générale de (E) et donner sommairement l'allure de ses solutions.

#### Exercice 3

On s'intéresse à l'équation différentielle :

$$(E): xy' - y = x^2$$

- 1. Résoudre l'équation homogène associée (attention à l'ensemble de définition) et représenter l'allure de ses solutions.
- 2. Résoudre l'équation (E) et représenter sommairement l'allure de ses solutions.

#### Exercice 4

Avec la méthode de la variation de la constante, donner la solution générale de l'équation suivante :

$$(1+x^2)y' + 2xy = 1$$

## Exercice 5

Soit a et b des réels strictement positifs, on pose  $\alpha = a + ib$ . Donner une primitive (complexe) de la fonction complexe :  $t \mapsto \frac{1}{t-\alpha}$ .

# Exercice 6

Soit x et y des fonctions dérivables de la variable t. Résoudre le système :

$$\begin{cases} x' = y + t^2 \\ y' = x - t^2 \end{cases}$$