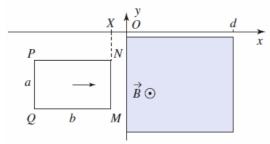
TD Conversion électromécanique

Exercice 1 : Frein électromagnétique (279, 281, 283)

Une spire conductrice rectangulaire MNPQ mobile de côtés a et b, de masse m, de résistance R et d'inductance négligeable, et en translation parallèlement à (Ox). Elle traverse une zone de longueur d supérieure à b, où le champ magnétique est uniforme et égal à $B\overrightarrow{e_z}$. On admet que le champ est nul en dehors de cette zone, sans se préoccuper du problème lié à la discontinuité de \overrightarrow{B} . On néglige aussi toute force autre que magnétique.

X(t) représente l'abscisse du côté MN, de longueur a, et v désignant la vitesse du cadre.



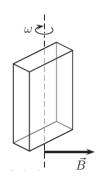
- 1. Écrire les équations différentielles vérifiées par v(t) et par v(X) lors des trois phases du mouvement.
- 2. Le conducteur entre dans le champ avec une vitesse v_0 . À quelle condition en ressort-il ? Si cette condition est vérifiée, déterminer la diminution de vitesse Δv .
- 3. Faire un bilan d'énergie. Expliquer l'origine de courant de Foucault. Comment et dissipée l'énergie cinétique ?

Exercice 2 : Dynamo (280, 282)

On considère une bobine plate comportant N=500 spires rectangulaires de surface $S=25~cm^2$, d'inductance L=54~mH et de résistance interne $r=15~\Omega$.

Elle est refermée sur une résistance $R=100~\Omega$ et tourne dans un champ magnétique constant et uniforme d'intensité B=300~mT à une vitesse angulaire constante $\omega=100~rad/s$.

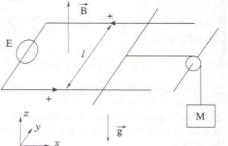
On s'intéresse à l'évolution du courant dans la bobine à partir d'un instant initial où il est nul (par exemple si la bobine est connectée à un interrupteur que l'on bascule en position fermé à t=0).



- 1. Déterminer l'équation différentielle vérifiée par le courant qui circule dans la bobine.
- 2. Donner l'expression générale des solutions (sans chercher à déterminer la valeur des constantes). Interpréter les différents termes. Après combien de temps le régime permanent est-il atteint ?
- 3. Calculer la valeur efficace du courant une fois le régime permanent atteint.

Exercice 3: Treuil (280, 281, 282)

On considère un dispositif des rails de Laplace, plongé dans un champ magnétique \vec{B} , dans lequel on a inséré un générateur de tension continue de f.é.m. E (voir figure ci-dessous). On note R la résistance totale du circuit ainsi formé. La barre mobile est reliée par l'intermédiaire d'un fil et d'une poulie à une masse M. On admettra que, comme M est très supérieure à la masse de la barre, la tension du fil est égale au poids de la masse M, quelle que soit l'accélération de celle-ci.



- 1. Déterminer le sens de branchement du générateur ainsi que la valeur minimale de la tension *E* à délivrer pour que le dispositif puisse soulever la masse *M*.
- 2. Déterminer les équations électrique et mécanique du système lorsqu'il soulève la masse.
- 3. Déterminer la vitesse v(t) de la masse M. Quelle est sa valeur limite v_{ℓ} ?
- 4. Faire un bilan de puissance lorsque le régime permanent est atteint $(v = cste = v_{\ell})$.

Résolution de problème

Le canon électrique, connu aussi sous le nom anglais de rail gun, est une arme à projectile accéléré par une force électromagnétique. Le dispositif, schématisé dans le principe figure suivante, revient à établir une différence de potentiel électrique entre deux rails parallèles conducteurs, et à insérer entre eux un projectile, conducteur également, pouvant glisser ou rouler dessus. La source peut délivrer un courant de $1.10^6\,A$.





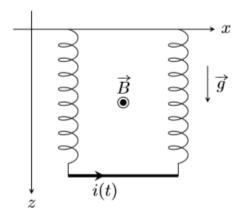
• Montrer que l'on peut accélérer la masse jusqu'à une vitesse supersonique sans utiliser de champ extérieur.

Données:

- le conducteur pèse 500 g et les rails sont longs de 3 m et séparés de 10 cm.
- champ créé par un fil infini, parcouru par un courant d'intensité I, en coordonnées cylindriques : $\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \overrightarrow{u_\theta}$

Oral de concours : Banque PT 2015

Considérons une barre de masse m et de longueur a, suspendue à deux ressorts conducteurs identiques de raideur k et longueur à vide l_0 . L'ensemble est plongé dans un champ magnétique $\vec{B} = B_0 \vec{e_y}$. La barre, les ressorts et le support forment un circuit fermé.



- 1. Établir l'équation du mouvement sur la position z(t) de la barre.
- 2. Réaliser et interpréter le bilan de puissance.
- 3. À l'instant t = 0 on écarte la barre de sa position initiale d'une distance b. Déterminer z(t) et i(t).