

EXERCICE 1 (~ 30 min)

Montrer que pour tout  $n \geq 2$  on a :

$$1 - \frac{1}{3}n < \left(\frac{2}{3}\right)^n < \frac{1}{1 + \frac{1}{3}n}.$$