

| | | | | | | | | | | | |
|---|---|-----------------|-----------------------------------|---|---|---|-------------------------------|----------|---|----------|---------------|
| $f(a+h)$ | = | $f(a)$ | $+h.f'(a)$ | $+\frac{h^2}{2}.f''(a)$ | $+\frac{h^3}{6}.f^{(3)}(a)$ | $+\frac{h^4}{24}.f^{(4)}(a)$ | $+\frac{h^5}{120}.f^{(5)}(a)$ | $+\dots$ | $+\frac{h^n}{n!}.f^{(n)}(a)$ | $+reste$ | série |
| $f = \exp$ | | exp 1 | exp 1 | exp 1 | exp 1 | exp 1 | exp 1 | | exp 1 | | |
| e^h | = | 1 | $+h$ | $+\frac{h^2}{2}$ | $+\frac{h^3}{6}$ | $+\frac{h^4}{24}$ | $+\frac{h^5}{120}$ | $+\dots$ | $+\frac{h^n}{n!}$ | $+reste$ | $R = +\infty$ |
| dérivez formellement et vous retrouvez le même développement | | | | | | | | | | | |
| $f = \sin$ | | sin 0 | cos 1 | $-\sin$ 0 | $-\cos$ -1 | sin 0 | cos 1 | | $\pm \sin \pm \cos$ 0 -1 0 1 | | |
| $\sin(h)$ | = | h | | $-\frac{h^3}{6}$ | | | $+\frac{h^5}{120}$ | $+\dots$ | $+\frac{(-1)^n.h^{2.n+1}}{(2.n+1)!}$ | $+reste$ | $R = +\infty$ |
| regardez l'équivalent en 0 / dérivez formellement et vous avez le cosinus | | | | | | | | | | | |
| $f = \cos$ | | cos 1 | $-\sin$ 0 | $-\cos$ -1 | sin 0 | cos 1 | $-\sin$ 0 | | $\pm \cos \pm \sin$ 1 0 -1 0 | | |
| $\cos(h)$ | = | 1 | | $-\frac{h^2}{2}$ | | $+\frac{h^4}{24}$ | | $+\dots$ | $+\frac{(-1)^n.h^{2.n}}{(2.n)!}$ | $+reste$ | $R = +\infty$ |
| pour $\cos(a+h)$, utiliser $\cos(a).\cos(h) - \sin(a).\sin(h)$ et développer $\cos(h)$ et $\sin(h)$ | | | | | | | | | | | |
| $f = ch$ | | ch 1 | sh 0 | ch -1 | sh 0 | ch 1 | sh 0 | | ch sh 1 0 | | |
| $ch(h)$ | = | 1 | | $+\frac{h^2}{2}$ | | $+\frac{h^4}{24}$ | | $+\dots$ | $+\frac{h^{2.n}}{(2.n)!}$ | $+reste$ | $R = +\infty$ |
| c'est la partie paire du cosinus / impaire pour le sinus / ailleurs, utilisez $ch(a+h) = ch(a).ch(h) + sh(a).sh(h)$ | | | | | | | | | | | |
| ln | | ln(h) 0 | h^{-1} 1 | $-h^{-2}$ -1 | $2.h^{-3}$ 2 | $-6.h^{-4}$ -6 | $24.h^{-5}$ 24 | | $(-1)^{n-1}.(n-1!).h^{-n}$ $(-1)^{n-1}.(n-1)!$ | | |
| $\ln(1+h)$ | = | h | | $-\frac{h^2}{2}$ | $+\frac{h^3}{3}$ | $-\frac{h^4}{4}$ | $+\frac{h^5}{5}$ | | $+\frac{(-1)^{n-1}.h^n}{n}$ | $+reste$ | $R = 1$ |
| plus facile à obtenir en intégrant la série géométrique / ailleurs, utilisez $\ln(a+h) = \ln(a) + \ln(1+\frac{a}{h})$ | | | | | | | | | | | |
| x^α | | x^α 1 | $\alpha.x^{\alpha-1}$ α | $\alpha.(\alpha-1).x^{\alpha-2}$ $\alpha.(\alpha-1)$ | $\alpha.(\alpha-1).(\alpha-2).x^{\alpha-3}$ $\alpha.(\alpha-1).(\alpha-2)$ | $\alpha.(\alpha-1).(\alpha-2).(\alpha-3).x^{\alpha-4}$ $\alpha.(\alpha-1).(\alpha-2).(\alpha-3)$ | | | quotient de « factorielles » | | |
| $(1+h)^\alpha$ | = | 1 | $+\alpha.h$ | $+\frac{\alpha.(\alpha-1)}{2}.h^2$ | $+\frac{\alpha.(\alpha-1).(\alpha-2)}{6}.h^3$ | $+\frac{\alpha.(\alpha-1).(\alpha-2).(\alpha-3)}{24}.h^4$ | $+\dots$ | | « binomial » | $+reste$ | $R = 1$ |
| la vraie formule de Newton, valable sur le disque de rayon 1 si on somme une infinité de termes | | | | | | | | | | | |
| $\frac{1}{1+h}$ | = | 1 | $-h$ | $+h^2$ | $-h^3$ | $+h^4$ | $-h^5$ | | $+(-1)^n.h^n$ | $+reste$ | $R = 1$ |
| partir du membre de droite, reconnaître une série géométrique, abandonner le reste | | | | | | | | | | | |
| $\frac{1}{(1-h)^2}$ | = | 1 | $+2.h$ | $+3.h^2$ | $+4.h^3$ | $+5.h^4$ | $+6.h^5$ | | $+(n+1).h^n$ | $+reste$ | $R = 1$ |
| $Arctan(h)$ | = | h | | $-\frac{h^3}{3}$ | | $+\frac{h^5}{5}$ | | | $(-1)^n.\frac{h^{2.n+1}}{2.n+1}$ | $+reste$ | $R = 1$ |
| tan | | t 0 | $1+t^2$ 1 | $2.t.(1+t^2)$ 0 | $6.t^4+8.t^2+2$ 2 | $24.t^5+40.t^3+16.t$ 0 | calculable 16 | | algorithme boustrophédon | | |
| $\tan(h)$ | = | h | | $+\frac{h^3}{3}$ | | $+\frac{2.h^5}{15}$ | | | moche | $+reste$ | $\pi/2$ |