$$\cos(a+b) = \cos(a).\cos(b) - \sin(a).\sin(b)$$

$$\cos(a-b) = \cos(a).\cos(b) + \sin(a).\sin(b)$$

$$\cos(a+b)+\cos(a-b) = 2.\cos(a).\cos(b)$$

$$\cos(p) + \cos(q) = 2.\cos(...).\cos(...)$$

$$\cos(a+b)-\cos(a-b) = -2.\sin(a).\sin(b)$$

$$\cos(p) - \cos(q) = -2.\sin(...).\sin(...)$$

poser $a = (p+q)/2$ et $b = (p-q)/2$

$$\sin(a+b) = \sin(a).\cos(b) + \cos(a).\sin(b)$$

$$\sin(a-b) = \sin(a).\cos(b) - \cos(a).\sin(b)$$

$$\sin(a+b)+\sin(a-b) = 2.\sin(a).\cos(b)$$

$$\sin(p) + \sin(q) = 2.\sin(...).\cos(...)$$

$$\tan(a+b) = \frac{\sin(a).\cos(b) + \cos(a).\sin(b)}{\cos(a).\cos(b) - \sin(a).\sin(b)}$$

puis on divise haut et bas par $\cos(a).\cos(b)$