Structure ordonnée de $\mathbb R$

Borne supérieure, borne inférieure, propriétés, $\mathbb R$ vérifie la propriété de la borne supérieure, caractérisation de la borne supérieure.

Caractère archimédien de \mathbb{R} . Pour a>0 donné, décomposition unique d'un réel x sous la forme x=na+y, avec $n\in\mathbb{Z}$ et $0\leqslant y< a$. Notion de partie entière. Exemples.

Droite numérique achevée.

Intervalles, parties convexes de \mathbb{R} .

Densité de \mathbb{Q} et $\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$ dans \mathbb{R} . (La caractérisation séquentielle sera vue plus tard.)

Question de cours obligatoire à choisir parmi les suivantes :

- Q1 : Énoncé de la propriété de la borne supérieure. Liens entre borne supérieure et plus grand élément d'une partie. Lien entre borne supérieure et inclusion.
- Q2 : Caractère archimédien de \mathbb{R} . Pour a>0 donné, énoncé de la décomposition d'un réel x sous la forme x=na+y. Définition et caractérisation de la partie entière. Formule concernant E(x+k) pour $k\in\mathbb{Z}$.
- Q3 : Pour a > 0 donné, démonstration de la décomposition d'un réel x sous la forme x = na + y.
- Q4 : Caractérisation du sup. Exemple avec $\{1 \frac{1}{n} \mid n \in \mathbb{N}^*\}$. Densité de \mathbb{Q} dans \mathbb{R} . Densité de $\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$ dans \mathbb{R} .