

— Semaine du lundi 25 septembre au vendredi 29 septembre —

Raisonnements, Ensembles, Sommes (début)

Colle n° 2

La colle devra inclure la preuve d'une inégalité.

Cette inégalité pourra être établie grâce à l'étude d'une fonction. Ce faisant, ce sera l'occasion de faire réviser aux élèves la dérivation des fonctions.

Programme de la semaine de colle

Modes de raisonnements

Révision de la semaine dernière.

Ensembles

Révision de la semaine dernière.

Techniques algébriques

- Sommes Σ : sommes simples, changements de variables $\ell = k + 1$, $\ell = n - k$.
- Sommes indexées par un ensemble I fini
- Sommes classiques
- Coefficients binomiaux
- Formule du binôme de Newton, formule de Bernoulli
- Produits

Note pour les colleurs

Les sommes doubles n'ont pas encore été vues.

Questions de cours

Résultats à savoir énoncer

- Négation de $P \implies Q$
- Négation d'assertions quantifiées
- Définition de « f (strictement) croissante »
- Principe de récurrence (sous la forme d'un théorème)
- Principe de récurrence forte (sous la forme d'un théorème)
- Définition de $\binom{n}{k}$
- Relation de Pascal
- Formule de sommation par paquets
- Formule de Bernoulli

Résultats à savoir démontrer

- Soit $a \in \mathbb{R}$. Alors, $(\forall \varepsilon > 0, |a| \leq \varepsilon) \iff a = 0$.
- Unicité dans la division euclidienne
- $\forall x > 0, x + \frac{1}{x} \geq 2$
- La racine fonction racine carrée est strictement croissante
- $\forall n \in \mathbb{N}, \forall k \in \llbracket 0, n \rrbracket, \binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ par récurrence
- Formule des « capitaines » : démonstration combinatoire
- Formule du binôme de Newton
- Relation de Pascal : démonstration combinatoire