



for mass

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles

1. Problèmes

2. Dérivation

2.1. Approche historique

2.2. Dérivabilité

2.3. Approximation linéaire

2.4. Règles de dérivation

2.5. Dérivation de fonctions usuelles

2.6. Dérivées seconde, troisième...





Problèmes

Problème - Optimisation par FERMAT. Raisonnement prédérivatoire





Problèmes

Problème - Optimisation par FERMAT. Raisonnement prédérivatoire

Problème - Optimisation



Problèmes

Problème - Optimisation par FERMAT. Raisonnement prédérivatoire

Problème - Optimisation

Problème - Dérivation : concept local ou global ?





Problèmes

Problème - Dérivations de fonctions usuelles et des opérations



Problèmes

Problème - Dérivations de fonctions usuelles et des opérations

Problème - Se concentrer sur un problème



Problèmes

Problème - Dérivations de fonctions usuelles et des opérations

Problème - Se concentrer sur un problème

Problème - Etude de fonctions (à valeurs) complexes



⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles

1. Problèmes

2. Dérivation

2.1. Approche historique

2.2. Dérivabilité

2.3. Approximation linéaire

2.4. Règles de dérivation

2.5. Dérivation de fonctions usuelles

2.6. Dérivées seconde, troisième...



Physique

Remarque Connaissance a priori



Physique

Remarque Connaissance a priori

Heuristique. Infinitésimaux

Le calcul différentiel et le calcul intégral ont été finalisés indépendamment et associés par Leibniz (1684) et Newton (1671, publié en 1736).

Leurs raisonnement repose sur une notion floue d'infinitésimaux (ou de fluente), notion non convaincante à l'époque.

Johan Bernoulli (1692) popularise auprès de toute sa dynastie, du marquis de L'Hospital et surtout d'Euler, la découverte de Leibniz (« une énigme plutôt qu'une explication ») et pense que des explications trop abondantes au sujet de l'infiniment petit pourrait troubler l'entendement de ceux qui ne sont pas « accoutumés à de longues explications ».





Physique

Remarque Connaissance a priori

Heuristique. Infinitésimaux

En fait, il manque la notion claire de limite, dont d'Alembert (1754) s'approche le plus. La bonne notion de limite est définie par Bolzano (1817), Cauchy (1823) ou Weierstrass (1861) et donnent ainsi une définition bien formalisée et solide mathématiquement (permettant de démontrer des résultats), abandonnant la notion d'Infinitésimaux. Ce chapitre s'appuie sur des mathématiques du XVII. Nous ferons les démonstrations après avoir défini la notion de limite.



Physique

Remarque Connaissance a priori

Heuristique. Infinitésimaux

En fait, il manque la notion claire de limite, dont d'Alembert (1754) s'approche le plus. La bonne notion de limite est définie par Bolzano (1817), Cauchy (1823) ou Weierstrass (1861) et donnent ainsi une définition bien formalisée et solide mathématiquement (permettant de démontrer des résultats), abandonnant la notion d'Infinitésimaux. Ce chapitre s'appuie sur des mathématiques du XVII. Nous ferons les démonstrations après avoir défini la notion de limite.

Remarque Cours de physique



Physique

Remarque Connaissance a priori

Heuristique. Infinitésimaux

En fait, il manque la notion claire de limite, dont d'Alembert (1754) s'approche le plus. La bonne notion de limite est définie par Bolzano (1817), Cauchy (1823) ou Weierstrass (1861) et donnent ainsi une définition bien formalisée et solide mathématiquement (permettant de démontrer des résultats), abandonnant la notion d'Infinitésimaux. Ce chapitre s'appuie sur des mathématiques du XVII. Nous ferons les démonstrations après avoir défini la notion de limite.

Remarque Cours de physique

Remarque Limite



⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles

1. Problèmes

2. Dérivation

2.1. Approche historique

2.2. Dérivabilité

2.3. Approximation linéaire

2.4. Règles de dérivation

2.5. Dérivation de fonctions usuelles

2.6. Dérivées seconde, troisième...



Nombre dérivé

Définition - Nombre dérivée

Soient I un intervalle de $\mathbb{R}$, f une fonction définie sur I et $x_0 \in I$.

f est dérivable en x_0 si la fonction $x \mapsto \frac{f(x)-f(x_0)}{x-x_0}$, définie sur $I - \{x_0\}$, admet une limite finie en x_0 .

On a alors

$$f'(x_0) = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$$

f est dérivable sur I si elle est dérivable en tout point de I .

$f'(x)$ s'appelle le nombre dérivé en x et la fonction qui à $x \in I$ associe $f'(x)$ s'appelle la (fonction) dérivée de f .



Nombre dérivé

Définition - Nombre dérivée

Soient I un intervalle de $\mathbb{R}$, f une fonction définie sur I et $x_0 \in I$.

f est dérivable en x_0 si la fonction $x \mapsto \frac{f(x)-f(x_0)}{x-x_0}$, définie sur $I - \{x_0\}$, admet une limite finie en x_0 .

On a alors

$$f'(x_0) = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$$

f est dérivable sur I si elle est dérivable en tout point de I .

$f'(x)$ s'appelle le nombre dérivé en x et la fonction qui à $x \in I$ associe $f'(x)$ s'appelle la (fonction) dérivée de f .

Voir Nombre dérivée



⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles

1. Problèmes

2. Dérivation

2.1. Approche historique

2.2. Dérivabilité

2.3. Approximation linéaire

2.4. Règles de dérivation

2.5. Dérivation de fonctions usuelles

2.6. Dérivées seconde, troisième...



Définition de Weierstrass (équivalente)

On donne parfois une définition équivalente.

Avantage : elle cache la question de la limite dans l'hypothèse de continuité.



Définition de Weierstrass (équivalente)

On donne parfois une définition équivalent.

Avantage : elle cache la question de la limite dans l'hypothèse de continuité.

Proposition - Définition de Weierstrass

Soit f définie sur un intervalle. Soit $x_0 \in I$.

f est dérivable en x_0 si et seulement si

il existe $A \in \mathbb{R}$, $\epsilon : I \rightarrow \mathbb{R}$, continue en x_0 avec $\epsilon(x_0) = 0$ tels que

$$f(x) = f(x_0) + (x - x_0)(A + \epsilon(x))$$

On a alors $f'(x_0) = A$



Définition de Weierstrass (équivalente)

On donne parfois une définition équivalente.

Avantage : elle cache la question de la limite dans l'hypothèse de continuité.

Proposition - Définition de Weierstrass

Soit f définie sur un intervalle. Soit $x_0 \in I$.

f est dérivable en x_0 si et seulement si

il existe $A \in \mathbb{R}$, $\epsilon : I \rightarrow \mathbb{R}$, continue en x_0 avec $\epsilon(x_0) = 0$ tels que

$$f(x) = f(x_0) + (x - x_0)(A + \epsilon(x))$$

On a alors $f'(x_0) = A$

Démonstration



Développements limités et calculs d'équivalents

Application. Pour quelques fonctions usuelles (connaissant les dérivées en 0



Développements limités et calculs d'équivalents

Application. Pour quelques fonctions usuelles (connaissant les dérivées en 0

C'est le début du calcul des équivalents.



Tangente

Définition - Équation de la tangente

Soit f définie sur I , dérivable en $x_0 \in I$.

La droite d'équation

$$y = f(x_0) + f'(x_0)(x - x_0)$$

s'appelle la tangente à la courbe représentative de f en $M(x_0, f(x_0))$



Tangente

Définition - Équation de la tangente

Soit f définie sur I , dérivable en $x_0 \in I$.

La droite d'équation

$$y = f(x_0) + f'(x_0)(x - x_0)$$

s'appelle la tangente à la courbe représentative de f en $M(x_0, f(x_0))$

Truc & Astuce pour le calcul. A propos de la tangente

On notera :

- qu'il s'agit bien de l'équation d'une droite ($y = ax + b$)
- qu'elle passe bien par le point M : $f(x_0) + f'(x_0)(x_0 - x_0) = f(x_0)$
- que sa pente vaut $f'(x_0)$



Résultats

Démontrés plus tard dans l'année (but : se former pour le calcul !)

Proposition - Résultats

Si u, v sont dérivables en x_0 ,

- $u + v, uv, u^n, \exp u$ sont dérivables en x_0 ;
- si, en outre, u ne s'annule pas sur un intervalle contenant x_0 , alors $\frac{1}{u}, \ln |u|$ sont dérivables en x_0 ;
- si, en outre, v ne s'annule pas sur un intervalle contenant x_0 et alors $\frac{u}{v}$ est dérivable en x_0 ;
- si $\alpha \in \mathbb{R}^*$ et si, en outre, u est strictement positive sur un intervalle contenant x_0 , alors u^α est dérivable en x_0 ;
- si $u \circ \phi$ est définie, si ϕ est dérivable en x_0 et u dérivable en $\phi(x_0)$ alors $u \circ \phi$ est dérivable en x_0 et $(u \circ \phi)'(x_0) = \phi'(x_0) \times u'(\phi(x_0))$.



Tableau

Proposition - Résumé des formules usuelles de dérivation

fonction f de la forme	fonction dérivée f'
$u + v$	$u' + v'$
uv	$u'v + uv'$
$u_1 u_2 \dots u_n$	$u'_1 u_2 \dots u_n + u_1 u'_2 u_3 \dots u_n + \dots + u_1 u_2 \dots u_{n-1} u'_n$
u^n où $n \in \mathbb{N}^*$	$nu' u^{n-1}$
$\frac{1}{u}$	$\frac{-u'}{u^2}$
$\frac{u}{v}$	$\frac{u'v - uv'}{v^2}$
$u \circ \phi$	$\phi' \times u' \circ \phi = u' \circ \phi \times \phi'$
$u_1 \circ \dots \circ u_n$	$(u'_1 \circ u_2 \circ \dots \circ u_n) \times (u'_2 \circ u_3 \circ \dots \circ u_n) \times \dots \times u'_n$
$\exp u$	$u' \times \exp u$
$\ln u $	$\frac{u'}{u}$
u^α où $\alpha \in \mathbb{R}^*$	$\alpha u' u^{\alpha-1}$

Sous réserve de dérivabilité des fonctions ...



Exercice

Exercice

Avec les résultats admis en début de chapitre, démontrer la formule de dérivation de $u \times v$.



⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles

1. Problèmes

2. Dérivation

2.1. Approche historique

2.2. Dérivabilité

2.3. Approximation linéaire

2.4. Règles de dérivation

2.5. Dérivation de fonctions usuelles

2.6. Dérivées seconde, troisième...



Fonctions exponentielles

Savoir-faire. Encadrement pour le calcul de limite

Pour obtenir des résultats sur les limites (indéterminées), la meilleure stratégie est l'encadrement :

si $a(x) \leq b(x) \leq c(x)$ et que a et c admettent la même limite en x_0 égale à ℓ ,

alors b admet également une limite en x_0 , égale à ℓ .



Fonctions exponentielles

Savoir-faire. Encadrement pour le calcul de limite

Pour obtenir des résultats sur les limites (indéterminées), la meilleure stratégie est l'encadrement :

si $a(x) \leq b(x) \leq c(x)$ et que a et c admettent la même limite en x_0 égale à ℓ ,

alors b admet également une limite en x_0 , égale à ℓ .

Analyse. Exponentielle (naturelle) en 0.



Fonctions exponentielles

Savoir-faire. Encadrement pour le calcul de limite

Pour obtenir des résultats sur les limites (indéterminées), la meilleure stratégie est l'encadrement :

si $a(x) \leq b(x) \leq c(x)$ et que a et c admettent la même limite en x_0 égale à ℓ ,

alors b admet également une limite en x_0 , égale à ℓ .

Analyse. Exponentielle (naturelle) en 0.

Proposition - Dérivation des fonctions exponentielles

$\exp$ est dérivable sur $\mathbb{R}$ et pour tout $x \in \mathbb{R}$, $\exp'(x) = \exp(x)$.

Si $f : x \mapsto a^x$, alors f est dérivable sur $\mathbb{R}$ et pour tout $x \in \mathbb{R}$,
 $f'(x) = \ln a \times a^x$.

Fonctions exponentielles

Savoir-faire. Transférer un problème exponentiel « en a », vers « en 0 »

Si on étudie $\exp$ au voisinage de a , donc des points de la forme $a + h$ avec h proche de 0,

on exploite $\exp(a + h) = \exp a \times \exp(h)$.

Donc on factorise (à l'extérieur) par $\exp a$ et on se concentre sur une étude en ϵ , ϵ proche de 0



Fonctions exponentielles

Savoir-faire. Transférer un problème exponentiel « en a », vers « en 0 »

Si on étudie $\exp$ au voisinage de a , donc des points de la forme $a + h$ avec h proche de 0,

on exploite $\exp(a + h) = \exp a \times \exp(h)$.

Donc on factorise (à l'extérieur) par $\exp a$ et on se concentre sur une étude en ϵ , ϵ proche de 0

Démonstration



Trigonométrie hyperbolique

Par addition et composition (démontrée plus loin)

Proposition - Fonction trigonométrique hyperbolique

Les fonctions $\text{ch} : x \mapsto \frac{e^x + e^{-x}}{2}$, $\text{sh} : x \mapsto \frac{e^x - e^{-x}}{2}$ et $\text{th} : x \mapsto \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$ sont dérivables sur $\mathbb{R}$ et

$$\forall x \in \mathbb{R}, \text{ch}'(x) = \text{sh}x, \text{sh}'(x) = \text{ch}x \text{ et } \text{th}'(x) = 1 - \text{th}^2(x) = \frac{1}{\text{ch}x}.$$



Trigonométrie hyperbolique

Par addition et composition (démontrée plus loin)

Proposition - Fonction trigonométrique hyperbolique

Les fonctions $\text{ch} : x \mapsto \frac{e^x + e^{-x}}{2}$, $\text{sh} : x \mapsto \frac{e^x - e^{-x}}{2}$ et $\text{th} : x \mapsto \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$ sont dérivables sur $\mathbb{R}$ et

$$\forall x \in \mathbb{R}, \text{ch}'(x) = \text{sh}x, \text{sh}'(x) = \text{ch}x \text{ et } \text{th}'(x) = 1 - \text{th}^2(x) = \frac{1}{\text{ch}x}.$$

Démonstration



Trigonométrie hyperbolique

Par addition et composition (démontrée plus loin)

Proposition - Fonction trigonométrique hyperbolique

Les fonctions $\text{ch} : x \mapsto \frac{e^x + e^{-x}}{2}$, $\text{sh} : x \mapsto \frac{e^x - e^{-x}}{2}$ et $\text{th} : x \mapsto \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$ sont dérivables sur $\mathbb{R}$ et

$$\forall x \in \mathbb{R}, \text{ch}'(x) = \text{sh}x, \text{sh}'(x) = \text{ch}x \text{ et } \text{th}'(x) = 1 - \text{th}^2(x) = \frac{1}{\text{ch}x}.$$

Démonstration

Remarque $\frac{\partial}{\partial x} e^{-x}$?



Logarithme

Analyse Logarithme (naturel) en 1



Logarithme

Analyse Logarithme (naturel) en 1

Proposition - Dérivation des fonctions logarithmes

$\ln$ est dérivable sur $\mathbb{R}_+$ et pour tout $x \in \mathbb{R}_+$, $\ln'(x) = \frac{1}{x}$.

Si $g : x \mapsto \ln_a(x)$, alors g est dérivable sur $\mathbb{R}_+$ et pour tout $x \in \mathbb{R}_+$,

$$g'(x) = \frac{1}{(\ln a) \times x}.$$



Logarithme

Analyse Logarithme (naturel) en 1

Proposition - Dérivation des fonctions logarithmes

$\ln$ est dérivable sur $\mathbb{R}_+$ et pour tout $x \in \mathbb{R}_+$, $\ln'(x) = \frac{1}{x}$.

Si $g : x \mapsto \ln_a(x)$, alors g est dérivable sur $\mathbb{R}_+$ et pour tout $x \in \mathbb{R}_+$,

$$g'(x) = \frac{1}{(\ln a) \times x}.$$

Savoir-faire. Transférer un problème logarithme « en a », vers « en 1 »

Si on étudie $\ln$ au voisinage de a , donc des points de la forme $a + h$ avec h proche de 0, on factorise (à l'intérieur) par a : $a + h = a(1 + \frac{h}{a})$ et exploite $\ln(a + h) = \ln a + \ln(1 + \frac{h}{a})$.

Et on se concentre sur une étude en $1 + \epsilon$, ϵ proche de 0



Logarithme

Analyse Logarithme (naturel) en 1

Proposition - Dérivation des fonctions logarithmes

$\ln$ est dérivable sur $\mathbb{R}_+$ et pour tout $x \in \mathbb{R}_+$, $\ln'(x) = \frac{1}{x}$.

Si $g : x \mapsto \ln_a(x)$, alors g est dérivable sur $\mathbb{R}_+$ et pour tout $x \in \mathbb{R}_+$,

$$g'(x) = \frac{1}{(\ln a) \times x}.$$

Savoir-faire. Transférer un problème logarithme « en a », vers « en 1 »

Si on étudie $\ln$ au voisinage de a , donc des points de la forme $a + h$ avec h proche de 0, on factorise (à l'intérieur) par a : $a + h = a(1 + \frac{h}{a})$ et exploite $\ln(a + h) = \ln a + \ln(1 + \frac{h}{a})$.

Et on se concentre sur une étude en $1 + \epsilon$, ϵ proche de 0

Démonstration



Fonctions puissances

Proposition - Fonctions puissances

La fonction puissance $x \mapsto x^\alpha$ est dérivable sur son ensemble de définition (privé de 0, si besoin : $\alpha - 1 < 0$ alors que $\alpha > 0$), de dérivée : $x \mapsto \alpha x^{\alpha-1}$.



Fonctions puissances

Proposition - Fonctions puissances

La fonction puissance $x \mapsto x^\alpha$ est dérivable sur son ensemble de définition (privé de 0, si besoin : $\alpha - 1 < 0$ alors que $\alpha > 0$), de dérivée : $x \mapsto \alpha x^{\alpha-1}$.

Démonstration



Fonctions puissances

Proposition - Fonctions puissances

La fonction puissance $x \mapsto x^\alpha$ est dérivable sur son ensemble de définition (privé de 0, si besoin : $\alpha - 1 < 0$ alors que $\alpha > 0$), de dérivée : $x \mapsto \alpha x^{\alpha-1}$.

Démonstration

Par sommation :

Fonctions polynomiales

Les fonctions polynomiales sont dérivables sur $\mathbb{R}$ et précisément, si

$$f : x \mapsto \sum_{k=0}^n a_k x^k, \text{ on a pour tout } x \in \mathbb{R}, f'(x) = \sum_{k=0}^{n-1} k a_k x^{k-1}.$$

On notera qu'il s'agit encore d'un polynôme, de degré $\deg f - 1$.

Fonctions circulaires

Proposition - Fonction trigonométrique

$\sin$, $\cos$ et $\tan$ sont dérivables sur leur ensemble de définition.

Précisément :

$$\forall x \in \mathbb{R}, \sin'(x) = \cos x, \forall x \in \mathbb{R}, \cos'(x) = -\sin x. \quad \text{et pour tout } x \in \mathbb{R} \setminus \{\frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}\}, \tan'(x) = 1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}.$$



Fonctions circulaires

Proposition - Fonction trigonométrique

$\sin$, $\cos$ et $\tan$ sont dérivables sur leur ensemble de définition.

Précisément :

$$\forall x \in \mathbb{R}, \sin'(x) = \cos x, \forall x \in \mathbb{R}, \cos'(x) = -\sin x. \quad \text{et pour tout } x \in \mathbb{R} \setminus \{\frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}\}, \tan'(x) = 1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}.$$

Démonstration



⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles

1. Problèmes

2. Dérivation

2.1. Approche historique

2.2. Dérivabilité

2.3. Approximation linéaire

2.4. Règles de dérivation

2.5. Dérivation de fonctions usuelles

2.6. Dérivées seconde, troisième...



Dérivations successives

Définition - Dérivables

Soient I un intervalle et f une fonction définie sur I .

On dit que f est deux fois dérivable sur I si f est dérivable sur I et si f' est elle-même dérivable sur I , on note f'' la dérivée seconde de f (c'est-à-dire la dérivée de f').

Si f'' est encore dérivable sur I , on dit que f est trois fois dérivable sur I et on note $f''' = f^{(3)} = (f'')'$ sa dérivée troisième, et ainsi de suite.



Dérivations successives

Définition - Dérivables

Soient I un intervalle et f une fonction définie sur I .

On dit que f est deux fois dérivable sur I si f est dérivable sur I et si f' est elle-même dérivable sur I , on note f'' la dérivée seconde de f (c'est-à-dire la dérivée de f').

Si f'' est encore dérivable sur I , on dit que f est trois fois dérivable sur I et on note $f''' = f^{(3)} = (f'')'$ sa dérivée troisième, et ainsi de suite.

Définition - Fonction de classe $\mathcal{C}^k$

On dit que f est de classe $\mathcal{C}^1$ ou continûment dérivable si elle est dérivable et que f' est continue, de classe $\mathcal{C}^2$ ou 2 fois continûment dérivable si elle est deux fois dérivable et que f'' est continue...

Fonctions usuelles

Proposition - Fonctions usuelles

Les fonctions usuelles vues précédemment sont de classe $\mathcal{C}^\infty$ sur leur ensemble de définition (sauf les fonctions puissances $x \mapsto x^\alpha$ qui peuvent perdre le 0 dans l'ensemble à la dérivée n -ième si $n > \alpha \dots$).



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

- Nombre dérivée (une limite) - *en un point*



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

- Nombre dérivée (une limite) - *en un point*
- Fonctions dérivée - *puis sur un intervalle*



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

- Nombre dérivée (une limite) - *en un point*
- Fonctions dérivée - *puis sur un intervalle*
- Relation avec la tangente



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

- Nombre dérivée (une limite) - *en un point*
- Fonctions dérivée - *puis sur un intervalle*
- Relation avec la tangente
- Dérivation de l'application réciproque d'une fonction bijective :

$$(\varphi^{-1})' = \frac{1}{\varphi'(\varphi^{-1})}$$



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles

- $\exp'$ et toutes les exponentielles



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles

- $\exp'$ et toutes les exponentielles
- $\ln'$ et toutes les logarithmes.



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles

- $\exp'$ et toutes les exponentielles
- $\ln'$ et toutes les logarithmes.
- $\arccos$, $\arcsin$ $\arctan$



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles



Conclusion

Objectifs

⇒ Les bases de la dérivation de fonctions réelles

⇒ Dérivation de fonctions usuelles

Pour la prochaine fois

- Lecture du cours : chapitre 7
 - 3. Utilisation de la dérivation
- Exercice n° 155 & 156
- Activités (on ne corrigera que la partie sur les polynômes de Tchebychev)

