

# Miroir plan et lentilles minces

## 📖 Sommaire

<b>I Miroir plan</b> . . . . .	<b>3</b>
I/A Définition . . . . .	3
I/B Construction d'images . . . . .	3
I/C Relation de conjugaison . . . . .	4
I/D Grandissement transversal . . . . .	4
<b>II Lentilles minces</b> . . . . .	<b>5</b>
II/A Définition . . . . .	5
II/B Constructions géométriques d'une lentille mince . . . . .	6
II/C Relations de conjugaisons . . . . .	9
II/D Grandissement transversal . . . . .	9
II/E Complément : démonstrations des relations . . . . .	9
<b>III Quelques applications</b> . . . . .	<b>10</b>
III/A Condition de netteté . . . . .	10
III/B Champ de vision à travers un miroir plan . . . . .	11

## ✂ Capacités exigibles

- Connaître les propriétés d'un miroir plan.
- Définir les propriétés du centre optique, des foyers principaux et secondaires, de la distance focale, de la vergence.
- Prévoir par construction graphique et par application successive de relations de conjugaison et/ou de grandissement la position et la taille d'une image par un système optique composé de plusieurs lentilles.

- Construire l'image d'un objet par un miroir plan.
- Construire l'image d'un objet situé à distance finie ou infinie à l'aide de rayons lumineux, identifier sa nature réelle ou virtuelle.
- Exploiter les formules de conjugaison et de grandissement transversal de DESCARTES et de NEWTON.
- Établir et utiliser la condition de formation de l'image réelle d'un objet réel par une lentille convergente.

---

 ✓ L'essentiel
 

---

 ☰ Définitions
 

---

- Miroir plan . . . . . 3
- Relation de conjugaison . . . . . 4
- Lentilles et vocabulaire . . . . . 5
- Centre optique . . . . . 5
- Distance focale image et vergence 5

 ⚙️ Propriétés
 

---

- Image d'un objet réel . . . . . 3
- Image d'un objet virtuel . . . . . 3
- Rela° de conjug. du miroir plan . 4
- $\gamma$  miroir plan . . . . . 4
- Centre optique . . . . . 5
- Rela° de conjug. des lentilles . . . 9
- $\gamma$  lentille mince . . . . . 9

 ☰ Démonstrations
 

---

- $\gamma$  miroir plan . . . . . 4
- Rela° de conjug. et  $\gamma$  des lentilles 9

 ✍️ Applications
 

---

- Foyers des lentilles . . . . . 6
- Cas primaire . . . . . 6
- Situations primaires communes . . 7
- Cas secondaire . . . . . 7

 ❤️ Points importants
 

---

- Règles primaires . . . . . 6
- Règles secondaires . . . . . 7

 ⚠️ Erreurs communes
 

---

- Différence convergente/divergente 6
-

# I Miroir plan

## I/A Définition

### ♥ Définition O3.1 : Miroir plan

Surface plane totalement réfléchissante. On le schématise avec le symbole

pour un miroir orienté vers le haut.

### Stigmatisme, aplanétisme

Le miroir plan est le seul système optique **rigoureusement** stigmatique et aplanétique.

## I/B Construction d'images

On utilise les lois de SNELL-DESCARTES pour la réflexion, en traçant deux rayons partant de l'objet ponctuel.

### ♥ Propriété O3.1 : Image d'un objet réel

Soit **A un point objet** d'un miroir plan. Les rayons **incidents** se croisant en A arrivent sur le miroir en I et I'. Par la loi de la **réflexion**, les rayons émergents sont les rayons réfléchis, avec un angle de réflexion **opposé** à l'angle d'incidence. On trouve **l'image A'** en traçant l'intersection des rayons **émergents**.

Avec la figure ci-contre, on observe

Soit

**FIGURE 3.1** – Image d'un objet R. par un miroir plan.

### ♥ Propriété O3.2 : Image d'un objet virtuel

Le principe du retour inverse de la lumière permet de permuter A et A' dans la démonstration précédente.

**FIGURE 3.2** – Image d'un objet V. par un miroir plan.

## I/C Relation de conjugaison

### ♥ Définition O3.2 : Relation de conjugaison

Formule mathématique reliant la position d'un objet à celle de son image par un système optique.

### ♥ Propriété O3.3 : Relation de conjugaison d'un miroir plan

L'image  $A'$  par un miroir plan est le **symétrique** de l'objet  $A$ . Avec  $H$  le projeté orthogonal de  $A$  sur le miroir plan, on écrit cette conjugaison

avec

### Remarque O3.1 : Réalité et virtualité du miroir plan

Le miroir plan **garde la nature d'un faisceau** : s'il est divergent en entrée, il est divergent en sortie et inversement. Ainsi, avec la définition du caractère réel et virtuel des objets, **le miroir plan change la nature de l'objet**.

## I/D Grandissement transversal

### ♥ Propriété O3.4 : $\gamma$ miroir plan

Le miroir plan a un grandissement transversal

### ♥ Démonstration O3.1 : $\gamma$ miroir plan

Soit  $AB$  un objet étendu. On construit son image  $A'B'$  par le miroir plan : on appelle  $H$  le projeté orthogonal de  $A$  sur le miroir,  $H'$  celui de  $B$ .

On a

et

Ainsi, on obtient

**FIGURE 3.3** – Image d'un objet étendu par un miroir plan.

## II Lentilles minces

### II/A Définition

#### ♥ Définition O3.3 : Lentilles, minces, convergentes et divergentes

Une lentille est un composant optique **centré** constitué d'un milieu TLHI, délimité par deux dioptries de sommets  $S_1$  et  $S_2$ . Elle est dite **mince** si son diamètre est très grand devant son épaisseur.

#### Convergente

Son **point foyer objet** est **avant sa face d'entrée**.

#### Divergente

Son **point foyer objet** est **après sa face de sortie**.

**FIGURE 3.4** – Exemples de lentilles convergentes.

**FIGURE 3.5** – Exemples de lentilles divergentes.

#### Remarque O3.2 : Stigmatisme et aplanétisme

D'une manière générale, les lentilles minces ne sont ni stigmatiques ni aplanétiques. Nous utiliserons donc toujours les lentilles minces dans les **conditions de Gauss** et les considérerons comme stigmatiques et aplanétiques.

#### ♥ Définition O3.4 : Centre optique

#### ♥ Propriété O3.5 : Centre optique

#### ♥ Définition O3.5 : Distance focale image et vergence

On appelle *distance focale image* la distance **algébrique**  $\overline{OF'}$ ; elle est positive pour une lentille convergente, négative pour une lentille divergente. **Elle se note usuellement  $f'$ .**

On appelle *vergence* et on note  $V$  la grandeur définie par

**Unités**

## II/B Constructions géométriques d'une lentille mince

### II/B)1 Rappel

#### Foyers d'une lentille

Par définition (voir chapitre 2), le **foyer objet**  $F$  donne une **image à l'infini**, et ce **peu importe la nature de la lentille**.

De même, le **foyer image**  $F'$  est le point **image** d'un **objet à l'infini**.

#### ♥ Application O3.1 : Foyers des lentilles

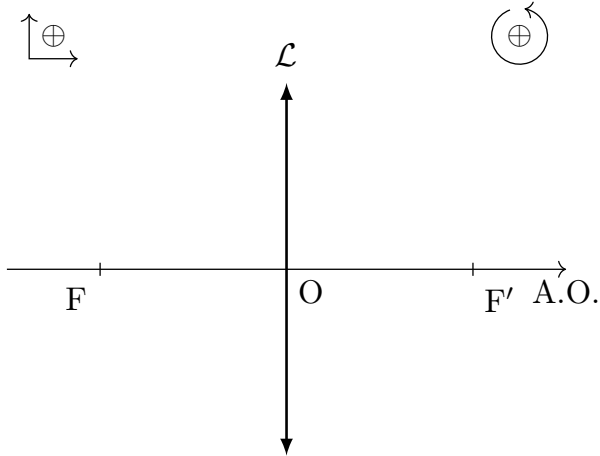


FIGURE 3.6 – Foyer image convergent

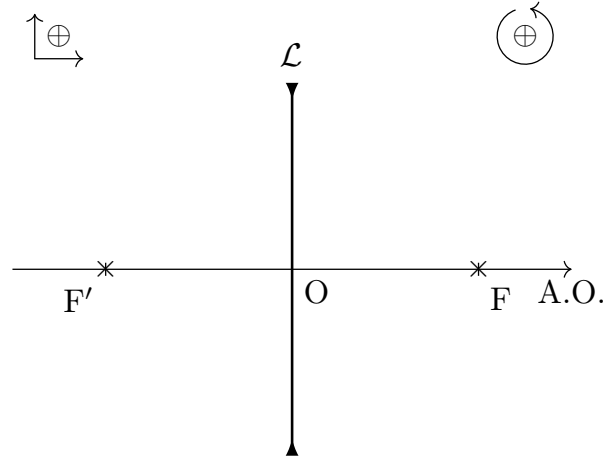


FIGURE 3.7 – Foyer image divergent

#### ♥ Attention O3.1 : Différence convergente/divergente

Il est plus que commun d'avoir des erreurs sur les lentilles divergentes à cause d'une mauvaise compréhension de leurs propriétés. Ainsi, on insistera fortement sur le fait que **la seule différence entre les divergentes et les convergentes est la position inversée des foyers** ! Toutes les règles de construction restent les mêmes.

### II/B)2 Règles primaires

#### ♥ Important O3.1 : Règles primaires

Avec la propriété des foyers principaux, on a donc 3 points d'intérêts pour construire les rayons émergents d'une lentille mince :

- 1)
- 2)
- 3)

#### ♥ Application O3.2 : Cas primaire

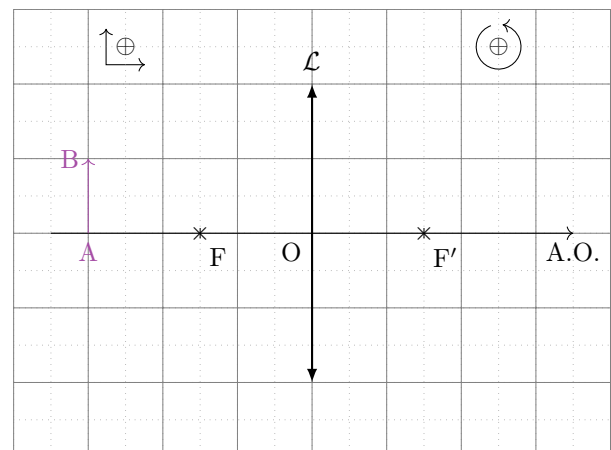


FIGURE 3.8 – Utilisation des règles primaires

♥ Application O3.3 : Situations primaires communes

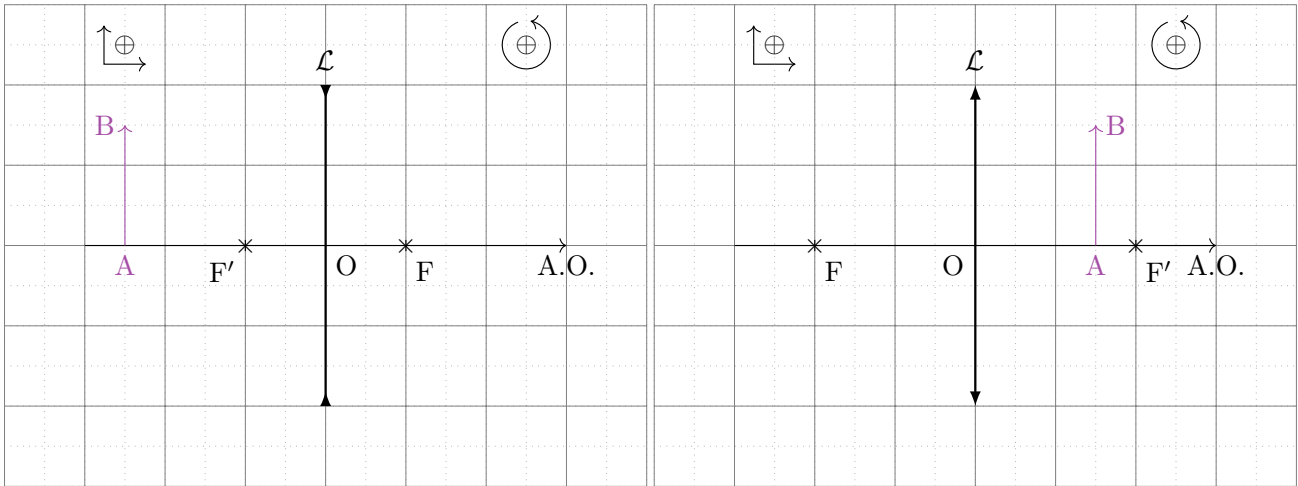


FIGURE 3.9 – Divergente simple

FIGURE 3.10 – Convergente après

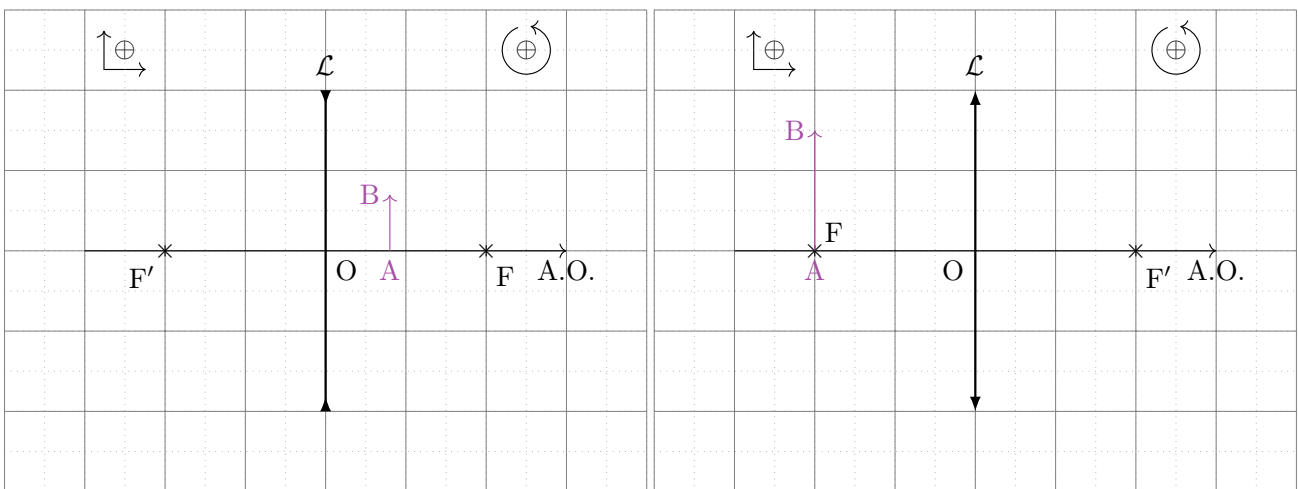


FIGURE 3.11 – Divergente après

FIGURE 3.12 – Convergente F

II/B) 3 Règles secondaires

♥ Important O3.2 : Règles second.

Avec la propriété des foyers secondaires, on a deux règles de construction supplémentaires :

- 4)
- 5)

♥ Application O3.4 : Cas secondaire

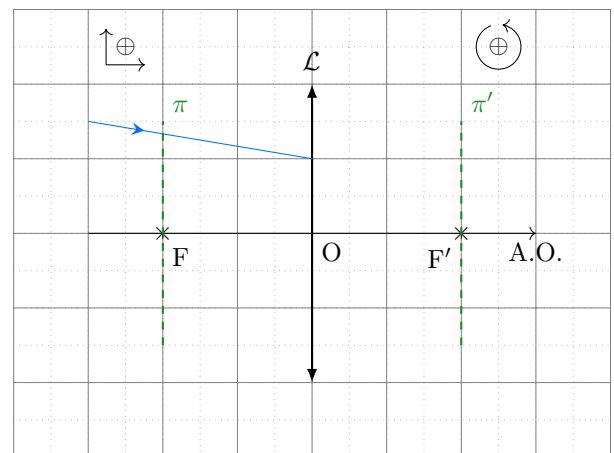


FIGURE 3.13 – Utilisation des règles secondaires

II/B) 4 Corrigé des tracés

Correction des cas simples

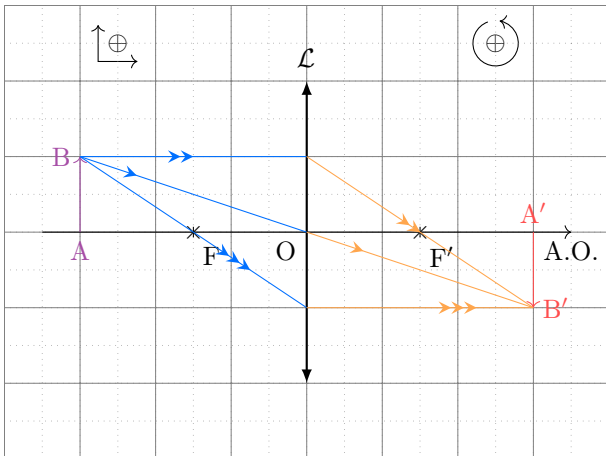


FIGURE 3.14 – Utilisation des règles primaires

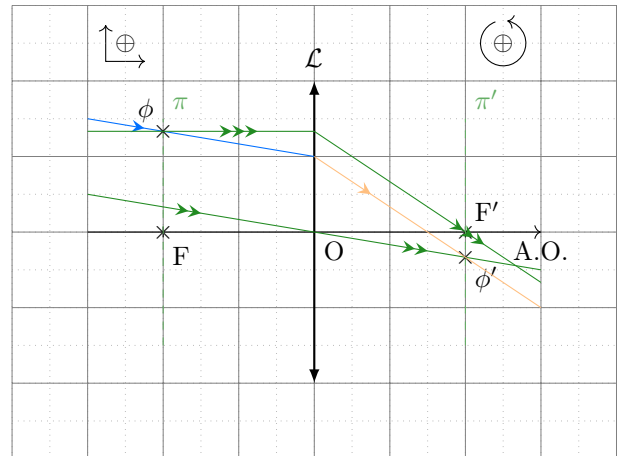


FIGURE 3.15 – Utilisation des règles secondaires

Correction des cas primaires

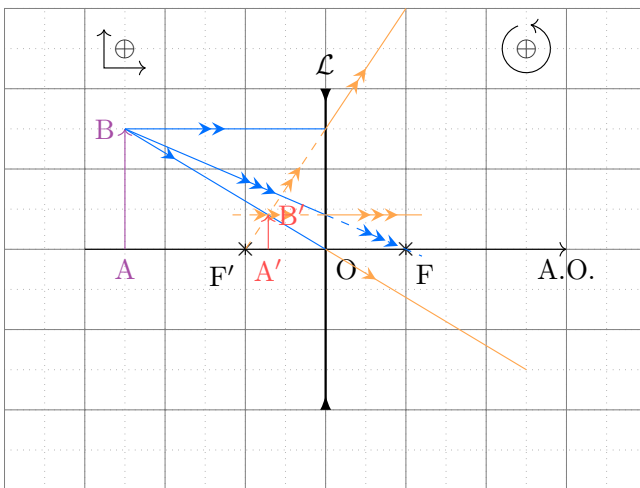


FIGURE 3.16 – Divergente simple

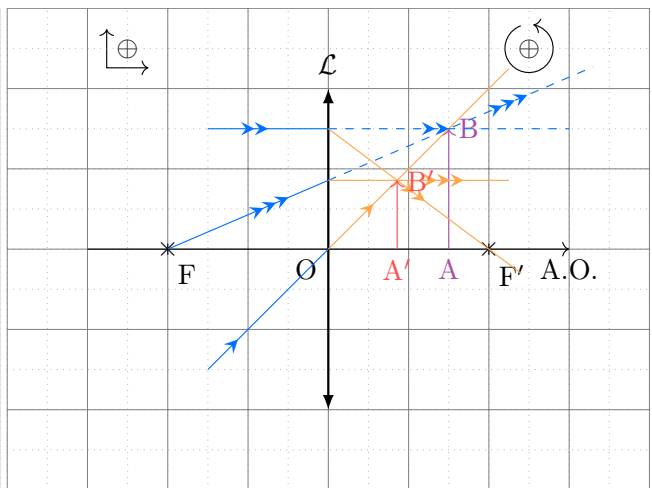


FIGURE 3.17 – Convergente après

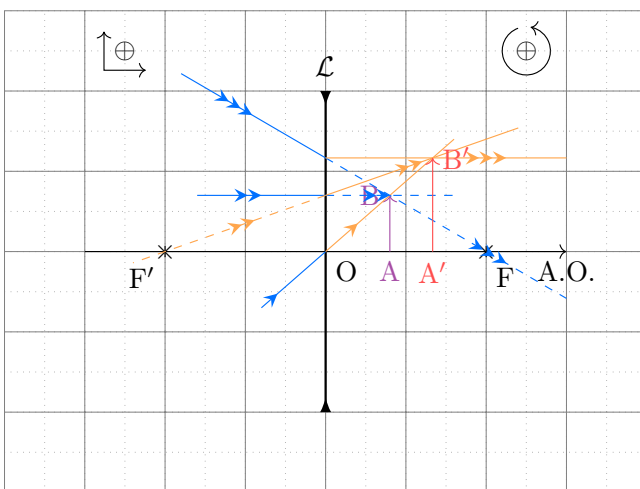


FIGURE 3.18 – Divergente après

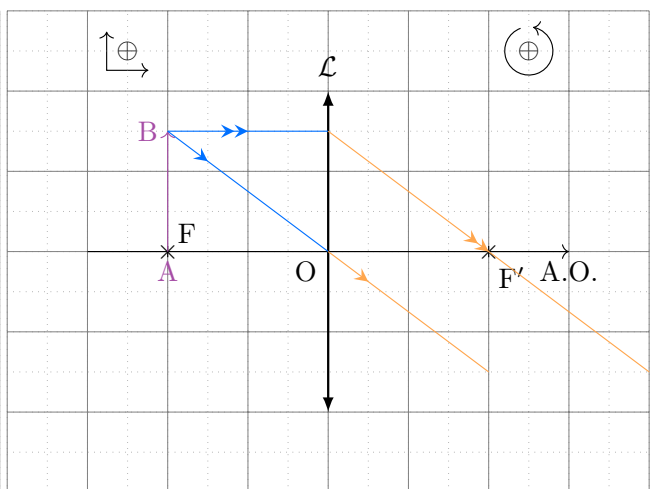


FIGURE 3.19 – Convergente F



## II/C Relations de conjugaisons

### ♥ Propriété O3.6 : Relations de conjugaison des lentilles

Soit  $\mathcal{L}$  une lentille de centre optique  $O$  et de foyers  $F$  et  $F'$ , réalisant l'image  $A'$  d'un objet  $A$ . On écrit

et on a

Relation de DESCARTES, au centre

Relation de NEWTON, au foyer

## II/D Grandissement transversal

### ♥ Propriété O3.7 : $\gamma$ lentille mince

À partir de la définition du grandissement transversal  $\gamma = \frac{A'B'}{AB}$ , on peut définir

## II/E Complément : démonstrations des relations

### ♥ Démonstration O3.2 : Relations de conjugaison et grandissement

Soit  $\mathcal{L}$  telle que  $AB \xrightarrow{\mathcal{L}} A'B'$ . On a la figure ci-contre.

Pour trouver la relation de conjugaison, nous utilisons les triangles  $OAB$  et  $OA'B'$  pour lesquels nous utilisons le théorème de THALÈS. Nous avons directement la formule du grandissement de DESCARTES :

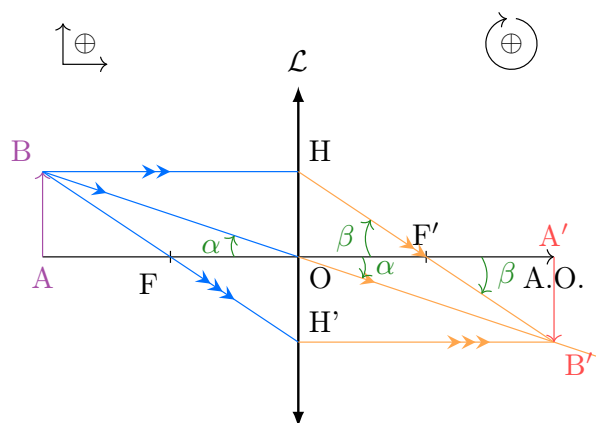


FIGURE 3.20 – Schéma de notations

Nous définissons ensuite le point  $H$  projeté orthogonal de  $B$  sur la lentille, et le point  $H'$  projeté orthogonal de  $B'$  sur la lentille.

En utilisant le théorème de THALÈS dans les triangles  $F'OH$  et  $F'A'B'$  et en remarquant que  $\overline{OH} = \overline{AB}$ , on a cette fois

Et en utilisant les triangles  $FAB$  et  $FOH'$

En les combinant on obtient élémentairement

En y injectant les décompositions

$$\overline{F'A'} = \quad \quad \quad \text{et} \quad \overline{FA} =$$

et après développement, on obtient

$$\overline{OF'OA'} - \overline{OF'OA} + \overline{OAOA'} = 0 \iff$$

par division par  $\overline{OF'OA}$ .

### III Quelques applications

#### III/A Condition de netteté

Soit  $AB \xrightarrow{\mathcal{L}} A'B'$  avec  $\mathcal{L}$  convergente projetant sur un écran. On appelle  $x$  la distance  $|\overline{OA}|$  et  $D$  la distance fixe  $AA'$ . Quelle est la contrainte sur le choix de lentille pour que  $A'B'$  soit nette ?

##### Données

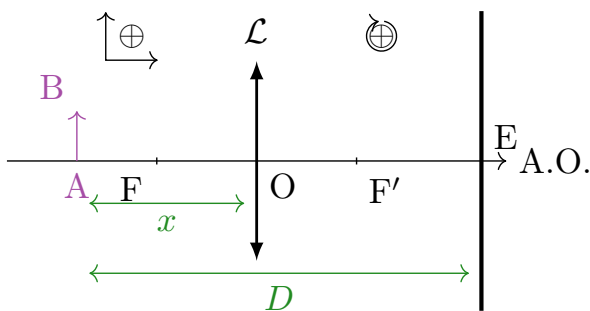


FIGURE 3.21 – Schéma de situation

##### Résultat attendu

##### Outils

**Application**

Avec les notations de l'énoncé, la relation de DESCARTES devient

Ce trinôme du second degré a pour discriminant

$x$  étant une distance physique, on cherche  $\Delta \geq 0$ .

◇  $\Delta = 0$  si  $D = 4f'$ , et alors

◇  $\Delta > 0$  si  $D > 4f'$ , et alors

Ainsi, la zone de netteté de l'image se situe entre  $x_+$  et  $x_-$ , et a donc une largeur

**III/B** Champ de vision à travers un miroir plan

Une personne dont les yeux se situent à  $h = 1,70$  m du sol observe une mare gelée (équivalente à un miroir plan) de largeur  $l = 5,00$  m et située à  $d = 2,00$  m d'elle.

- 1) Peut-elle voir sa propre image? Quelle est la nature de l'image?
- 2) Quelle est la hauteur maximale  $H$  d'un arbre situé de l'autre côté de la mare (en bordure de mare) qu'elle peut voir par réflexion dans la mare? On notera  $D = l + d$ .

**III/B)1** Propre image**Schéma****Outil**

Pour voir une image, il faut qu'un rayon partant de l'image puisse arriver jusqu'à l'œil de l'observateur. Étant donné qu'on travaille avec un miroir, l'image de l'observateur est son symétrique par le plan du miroir (même si le miroir ne s'étend pas jusque-là!).

**Application**

## III/B) 2 Image arbre

**Schéma****Outil**

Ici aussi, l'idée est de trouver l'image de l'arbre, et de voir la condition limite pour la taille visible.

**Application**