Mécanique – chapitre 2

Dynamique du point

Sommaire

I Introduction **3**

I/A Inertie et quantité de mouvement 3

I/B Forces fondamentales 3

II Les trois lois de Newton (1687) **4**

II/A Principe d'inertie 4

II/B Principe fondamental de la dynamique 5

II/C Loi des actions réciproques 5

III Ensembles de points **5**

III/A Centre d'inertie 6

III/B Quantité de mouvement d'un ensemble de points 7

III/C Théorème de la résultante cinétique 7

III/D Méthode générale de résolution en mécanique 8

IV Forces usuelles **8**

IV/A Le poids 8

IV/B Poussée d'Archimède 11

IV/C Frottements fluides 11

IV/D Force de frottements solides 15

IV/E Force de rappel d'un ressort 16

Capacités exigibles

- ☐ Première loi de Newton : décrire le mouvement relatif de deux référentiels galiléens.
- ☐ Deuxième loi de Newton : déterminer les équations du mouvement d'un point matériel ou du centre de masse d'un système fermé dans un référentiel galiléen.
- ☐ Troisième loi de Newton : établir un bilan des forces sur un système ou sur plusieurs systèmes en interaction et en rendre compte sur un schéma.
- ☐ Exploiter la conservation de la masse pour un système fermé.
- ☐ Établir l'expression de la quantité de mouvement pour un système de deux points sous la forme : $\vec{p}_{\mathcal{S}/\mathcal{R}} = m\vec{v}_{G/\mathcal{R}}$.
- ☐ Force de gravitation. Modèle du champ de pesanteur uniforme au voisinage de la surface d'une planète. Mouvement dans le champ de pesanteur uniforme.
- ☐ Modèles d'une force de frottement fluide. Influence de la résistance de l'air sur un mouvement de chute.
- ☐ Étudier le mouvement d'un système modélisé par un point matériel dans un champ de pesanteur uniforme en l'absence de frottement.
- ☐ Exploiter, sans la résoudre analytiquement, une équation différentielle : analyse en ordres de grandeur, détermination de la vitesse limite, utilisation des résultats obtenus par simulation numérique. Écrire une équation adimensionnée.

L'essentiel

Définitions

- M2.1 : Inertie et quantité de mouvement 3
- M2.2 : Forces 3
- M2.3 : Centre d'inertie 6
- M2.4 : $\vec{p}$ d'un ensemble de points . . . 7
- M2.5 : Poids et pesanteur 8
- M2.6 : Chute libre, flèche et portée . . 9
- M2.7 : Poussée d'Archimède 11
- M2.8 : Forces de frottements fluide . . 11
- M2.9 : Réaction d'un support 15

Propriétés

- M2.1 : Caractère galiléen des référentiels 4
- M2.2 : $\vec{p}_{\mathcal{S}}$ et centre d'inertie 7
- M2.3 : Tir en chute libre 9
- M2.4 : Chute frottements linéaires . . . 12
- M2.5 : Adimensionnement d'ED 13
- M2.6 : Chute frottements quadratiques 13
- M2.7 : Lois du frottement de Coulomb 15
- M2.8 : Ressort vertical 16

Démonstrations

- M2.1 : Centre d'inertie 6
- M2.2 : $\vec{p}_{\mathcal{S}}$ et centre d'inertie 7
- M2.3 : Tir en chute libre 9
- M2.4 : Chute frottements linéaires . . . 12
- M2.5 : Chute frottements quadratiques 14
- M2.6 : Ressort vertical 16

Théorèmes

- M2.1 : Résultante cinétique 8

Preuves

- M2.1 : Résultante cinétique 7

Rappels

- M2.1 : Interaction électrostatique . . . 4
- M2.2 : Interaction gravitationnelle . . . 4
- M2.3 : Force de rappel d'un ressort . . 16

Lois de Newton

- M2.1 : Principe d'inertie 4
- M2.2 : Ppe. fondamental de la dynamique 5
- M2.3 : Loi des actions réciproques . . . 5

Applications

- M2.1 : Centres d'inertie 6
- M2.2 : Glaçon immergé 11
- M2.3 : Adimensionne$^{\underline{t}}$ frotte$^{\underline{t}}$ linéaires . 13

Remarques

- M2.1 : Mouvements de systèmes ouverts 5
- M2.2 : Solides continus 7
- M2.3 : Coefficient frottements fluides . 11
- M2.4 : Solution frottements quadratiques 14

Exemples

- M2.1 : Centres de gravité 6
- M2.2 : Chute frottements quadratiques 14
- M2.3 : Frottements solides 15

Outils

- M2.1 : Étapes de résolution 8

Points importants

- M2.1 : Conclusion ensemble de points . 8

Erreurs communes

- M2.1 : Absence de frottements solides . 16

I Introduction

I/A Inertie et quantité de mouvement

Mettre en mouvement un corps revient à en **modifier la vitesse**. Il est cependant plus facile de mettre en mouvement (ou arrêter le mouvement) certains corps par rapport à d'autres. Ce phénomène s'appelle l'**inertie**, et est proportionnel à la **masse d'un corps**.

Définition M2.1 : Inertie et quantité de mouvement

La résistance d'un corps matériel de masse m à varier de vitesse est appelée **inertie**, quantifié par la **masse** et le **vecteur quantité de mouvement** du point matériel M du corps :

avec $\vec{v}_{\mathrm{M}/\mathcal{R}}(t)$ le vecteur vitesse du point M dans le référentiel $\mathcal{R}$.

Il est en effet plus difficile de déplacer une voiture à l'arrêt qu'un caddie à l'arrêt, et inversement il est plus difficile d'arrêter une voiture qu'un caddie. Dans l'analogie électromécanique, c'est l'inductance L qui s'oppose à la variation du courant quand m s'oppose à la variation de la vitesse.

I/B Forces fondamentales

Les causes du mouvement d'un corps sont appelées **forces**.

Définition M2.2 : Forces

Les **forces** caractérisent les actions mécaniques sur un point matériel M. Ce sont des **vecteurs** et elles sont **indépendantes du référentiel**.

Unité

Il existe quatre de ces forces que l'on caractérise de « fondamentales », qui permettent de classer les interactions physiques entre les systèmes :

Tableau M2.1 – Interactions fondamentales

Type / Caract.				
Intensité	Faible	Très forte	Forte	Faible
Portée	Extrême$^{\underline{t}}$ courte ($\approx 10^{-18}$ m)	Très courte ($\approx 10^{-14}$ m)	Longue	Très longue
Agit sur	Fermions	Quarks et gluons	Particules chargées	Particules massives
Conséquences	Désintégration radioactive, fusion nucléaire	Cohésion des nucléons	Cohésion des matériaux, propriétés mécaniques	Poids, organisation cosmique

Rappel M2.1 : Interaction électrostatique

Avec l'interaction électrostatique, les particules de **même signe** se **repoussent**, tandis que celles de signes **opposées s'attirent**. Elle est responsable de la **cohésion des matériaux** et de leurs propriétés mécaniques (dureté, viscosité, propriétés chimiques...).

La force d'interaction électrostatique causée par une particule de charge q_A sur une charge q_B est :

$\overrightarrow{u_r}$ vecteur unitaire dirigé de A vers B.

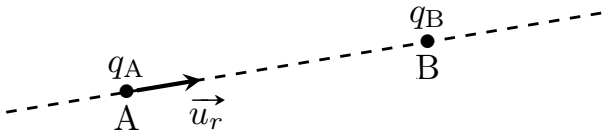

Figure M2.1 – Interaction électrostatique.

Rappel M2.2 : Interaction gravitationnelle

Avec l'interaction gravitationnelle, la masse étant une grandeur positive, toutes les massives s'attirent entre elles. Elle prédomine à l'échelle astronomique.

La force d'interaction gravitationnelle causée par une masse m_A sur une masse m_B est :

$\overrightarrow{u_r}$ vecteur unitaire dirigé de A vers B.

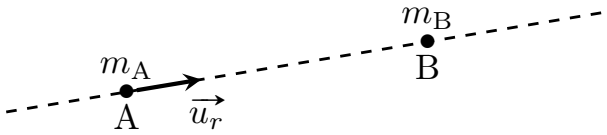

Figure M2.2 – Interaction gravitationnelle.

II Les trois lois de Newton (1687)

II/A Principe d'inertie

Loi M2.1 : Principe d'inertie

Il existe des référentiels appelés **référentiels galiléens** dans lesquels un point matériel M soumis à **aucune action mécanique** est

◇

◇

Ainsi, tout référentiel en translation rectiligne uniforme par rapport à un référentiel galiléen est galiléen.

Il n'existe rigoureusement aucun référentiel galiléen, mais on peut en considérer certains comme *approximativement* galiléens lorsqu'on étudie le problème sur **une durée assez courte** devant une durée typique du système, afin que les effets de non-galiléeanité soient négligeables.

Propriété M2.1 : Caractère galiléen des référentiels

Les référentiels fondamentaux sont *supposés* galiléens si le mouvement est plus court que :

◇ **Référentiel héliocentrique** : un *trajet significatif du Soleil dans la galaxie*, soit

_____ ;

◇ **Référentiel géocentrique** : un *trajet significatif de la Terre autour du Soleil*, soit _____ ;

◇ **Référentiels terrestres** : une *rotation significative de la Terre*, soit _____ .

II/B Principe fondamental de la dynamique

C'est une des lois les plus importantes de la physique, permettant de **relier le mouvement cinématique** (vitesse et associés) d'un corps en **fonction de ses causes** (les forces extérieures).

♥ Loi M2.2 : Principe fondamental de la dynamique

Dans un référentiel galiléen $\mathcal{R}$, l'évolution du vecteur **quantité de mouvement** $\vec{p}_{\mathrm{M}/\mathcal{R}}(t)$ est reliée aux **forces extérieures** agissant sur le système :

Lorsque le **système est fermé** et donc la **masse est constante**, on a $\forall t, m\cancel{(t)} \Rightarrow \vec{p}_{\mathrm{M}/\mathcal{R}}(t) = m\,\vec{v}_{\mathrm{M}/\mathcal{R}}(t)$, ainsi

avec $\vec{a}_{\mathrm{M}/\mathcal{R}}(t)$ le vecteur accélération du point M.

Remarque M2.1 : Mouvements de systèmes ouverts

Certains mouvements ne peuvent donc pas être traités avec cette dernière formulation s'ils s'accompagnent d'une variation de masse :

◇

◇

Dans ces cas-là, on utilise la première formulation.

II/C Loi des actions réciproques

♥ Loi M2.3 : Loi des actions réciproques

Pour deux points M_1 et M_2 en interaction, la force exercée par le point 1 sur le point 2 est égale à l'**opposé** de la force exercée par le point 2 sur le point 1 :

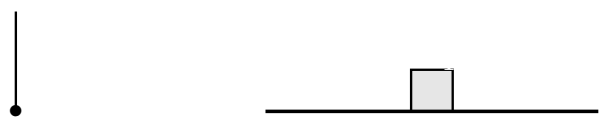

Figure M2.3 – Actions réciproques

III Ensembles de points

Aucun système n'est rigoureusement ponctuel, mais sous certaines conditions il est possible d'étudier le mouvement d'un corps en tant que point matériel de manière rigoureuse.

III/A Centre d'inertie

Définition M2.3 : Centre d'inertie

Le **centre d'inertie** ou **centre de gravité** G d'un ensemble de points matériels M_i de masses m_i est défini par :

$\Leftrightarrow$ avec

Il s'agit du **barycentre** des points du système, **pondéré par leur masse**.

Exemple M2.1 : Centres de gravité

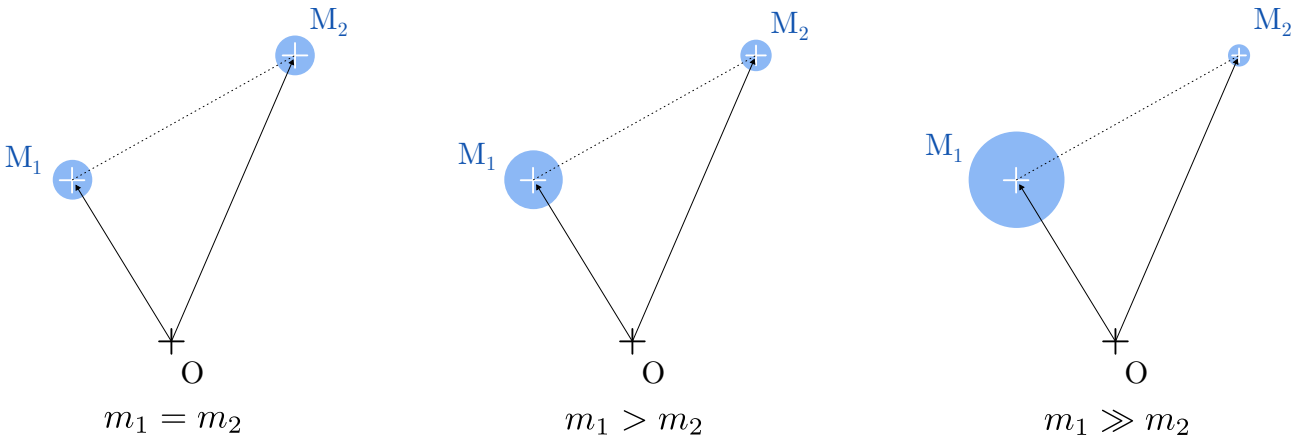

Figure M2.4 – Centres de gravités.

Démonstration M2.1 : Centre d'inertie

Application M2.1 : Centres d'inertie

Soient 2 masses placées en A et en B. Déterminer la position de G en calculant $\overrightarrow{AG}$ dans les deux cas suivants :

1

2

Remarque M2.2 : Solides continus

Cette définition peut être étendue aux solides qui peuvent être vus comme un ensemble infini de points infiniment proches. Dans ce cas, la somme discrète devient une intégrale.

III/B Quantité de mouvement d'un ensemble de points

Définition M2.4 : $\vec{p}$ d'un ensemble de points

Le vecteur quantité de mouvement d'un ensemble $\mathcal{S}$ de points matériels M_i de masses m_i est la somme des quantités de mouvement de chacun des points :

Propriété M2.2 : $\vec{p}_{\mathcal{S}}$ et centre d'inertie

La quantité de mouvement d'un ensemble de points est la quantité de mouvement d'un point matériel placé en G et de masse m_{tot} :

Tout se passe comme si la masse était concentrée en G.

Démonstration M2.2 : $\vec{p}_{\mathcal{S}}$ et centre d'inertie

Pour que les choses soient simples, il faudrait donc que $\vec{p}_{\mathcal{S}/\mathcal{R}}(t)$ soit relié au centre d'inertie. Or,

III/C Théorème de la résultante cinétique

Si on peut étudier la cinématique d'un corps par l'étude de son centre de gravité, comment les forces interviennent-elles sur cet ensemble de points ?

Preuve M2.1 : Résultante cinétique

Considérons pour simplifier un système de deux points M_1 et M_2 de masses m_1 et m_2 en mouvement dans un référentiel galiléen. On peut appliquer le principe fondamental de la dynamique à chacun d'entre eux :

et

avec deux types de forces : les **forces intérieures** du système, ici celles exercées par M_2 sur M_1, et les **forces extérieures**, c'est-à-dire toutes les autres. Ainsi, avec la définition de la quantité de mouvement d'un ensemble de points,

Théorème M2.1 : Résultante cinétique

Le **PFD pour un point** se transpose à un *ensemble de points* en prenant pour **point matériel** le **centre d'inertie G** affecté de la masse totale m_{tot} du système, en ne considérant que les **forces extérieures** s'appliquant à l'ensemble :

TRC :

Important M2.1 : Conclusion ensemble de points

Le mouvement du centre de gravité n'est affecté que par les forces extérieures au système. Ainsi, dans la suite, on étudiera le **mouvement du centre de gravité**, de masse m_{tot}, soumis aux **forces extérieures** au système.

III/D Méthode générale de résolution en mécanique

Outils M2.1 : Étapes de résolution

1. **Système** : quel est l'objet en mouvement, dans quel référentiel étudie-t-on le mouvement ?
2. **Schéma** : faire un schéma du problème dans une **situation quelconque**[1].
3. **Modélisation** : donner le repère, détailler le repérage, les conditions initiales, les représenter sur le schéma et *définir les notations* nécessaires.
4. **Bilan des forces** : faire le bilan **dans le repère** choisi, **les représenter** sur le schéma.
5. **Deuxième loi de Newton** : appliquer le PFD/TRC au système.
6. **Équations scalaires** : donner les trois équations $\ddot{x}(t)$, $\ddot{y}(t)$ et $\ddot{z}(t)$.
7. **Répondre aux questions** : le plus souvent, obtenir les équations horaires $x(t)$, $y(t)$ et $z(t)$.

IV Forces usuelles

IV/A Le poids

Définition M2.5 : Poids et pesanteur

Dû à l'attraction gravitationnelle de la Terre, un corps de masse m à sa surface subit une force que l'on appelle le **poids**, telle que :

avec $\vec{g}$ le vecteur **accélération de la pesanteur**, de norme $g = \|\vec{g}\| = 9{,}81\,\text{m}\cdot\text{s}^{-2}$ et dirigé **verticalement vers le sol**.

Par définition de l'interaction gravitationnelle, on a

avec m_T et R_T la masse et le rayon de la Terre, $\mathcal{G}$ la constante gravitationnelle, et $\vec{u_z}$ vertical ascendant.

1. On ne fait **jamais** de schéma à l'équilibre ou à des angles particuliers (45° par exemple)

Définition M2.6 : Chute libre, flèche et portée

Un système en **chute libre** pure ne subit **que son poids**. On appelle **portée** d'un tir la **distance horizontale** entre l'origine et le point d'impact, et **flèche** la **hauteur maximale** atteinte par le projectile.

Propriété M2.3 : Tir en chute libre

Soit un corps tiré à la surface de la Terre à altitude nulle, soumis uniquement à son poids, lancé à la vitesse $\vec{v_0}$ faisant un angle α avec le sol. Alors :

1) La masse du corps n'intervient pas dans l'expression de son accélération ;
2) La trajectoire qu'il forme est une parabole ;
3) La portée maximale est atteinte pour $\alpha =$ ___ ;
4) La flèche maximale est atteinte pour $\alpha =$ ___ ;
5) Le temps de vol est maximal pour $\alpha =$ ___.

Démonstration M2.3 : Tir en chute libre

1) On établit le système pour relier l'accélération aux causes extérieures :

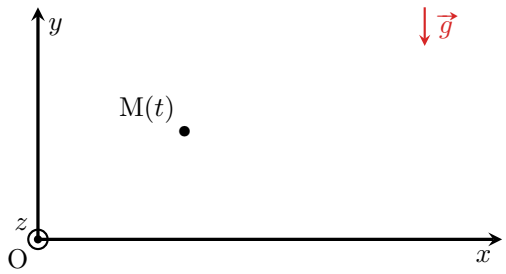

Figure M2.5 – Chute libre.

[1] **Système** :

[2] **Schéma**.

[3] **Modélisation**.

- ◇ **Référentiel** :
- ◇ **Repère** :
- ◇ **Repérage** :

- ◇ **Conditions initales** :

et

[4] **Bilan des forces** :

[5] **PFD.**

[6] **Équations scalaires** : on projette sur les axes :

On remarque donc bien que l'accélération ne dépend pas de la masse ; ainsi, *sans frottements*, **tous les corps chutent à la même vitesse** [a].

2) On commence par trouver les équations horaires. Pour cela, on intègre l'accélération pour obtenir la vitesse :

or $\Rightarrow$

De même pour les équations horaires du mouvement :

or $\Rightarrow$

Si on cherche la trajectoire, il s'agit alors d'obtenir la courbe $y(x)$ décrite dans le plan xy, c'est-à-dire éliminer le temps t. À partir de l'équation horaire sur $\overrightarrow{u_x}$, on a

Figure M2.6 – Tir en chute libre.

3) On trouve x_P tel que :

4) On trouve y_F quand la vitesse **verticale** s'annule, $\dot{y}(t_F) = 0$:

5) Le temps de vol est le temps pour lequel le projectile retombe au sol, c'est-à-dire $t(x_P)$:

IV/B Poussée d'Archimède

Définition M2.7 : Poussée d'Archimède

Lorsqu'un objet est dans un fluide, il subit une force nommée **poussée d'Archimède** et égale à l'opposé du poids du fluide déplacé. Elle est parfois notée $\overrightarrow{\Pi}$ ou $\overrightarrow{F}_A$, et on a :

avec ρ_{fluide} la masse volumique du fluide et $V_{\text{immergé}}$ le volume de l'objet qui est dans le fluide.

Application M2.2 : Glaçon immergé

Quelle est la proportion immergée d'un glaçon ?

On donne $\rho_{\text{eau}} = 1{,}00 \times 10^3\,\text{kg}\cdot\text{m}^{-3}$ et $\rho_{\text{glace}} = 9{,}17 \times 10^2\,\text{kg}\cdot\text{m}^{-3}$.

Figure M2.7

IV/C Frottements fluides

IV/C) 1 Définition

Définition M2.8 : Forces de frottements fluide

Un objet en mouvement dans un fluide subit une force de frottements dite fluide $\overrightarrow{F_f}$ qui est une force de **freinage**, donc **opposée à la vitesse** $\vec{v}$. Selon la norme de la vitesse, on a :

Faibles vitesses	Vitesses élevées [2]
$\overrightarrow{F_f} \propto v$:	$\overrightarrow{F_f} \propto v^2$:

Remarque M2.3 : Coefficient frottements fluides

En pratique, on verra parfois

$$\beta = \frac{1}{2}\rho_{\text{fluide}} S c_x$$

- ρ_{fluide} la masse volumique du fluide ;
- S la surface frontale (« l'ombre » que fait l'objet sur un flux) ;
- c_x un coefficient sans dimension dépendant surtout de la forme de l'objet.

a. https://www.youtube.com/watch?v=E43-CfukEgs

2. On dit que $\overrightarrow{F_f}$ est **quadratique** selon v

IV/C) 2 Chute avec frottements linéaires

Propriété M2.4 : Chute frottements linéaires

Soit une bille chutant dans une éprouvette d'huile, lâchée sans vitesse initiale à son entrée dans le fluide. L'expression de sa vitesse est alors

avec

Démonstration M2.4 : Chute frottements linéaires

1 **Système** : {bille}

2 **Schéma.**

3 **Modélisation.**

- ◇ **Référentiel** :
- ◇ **Repère** :
- ◇ **Repérage** :

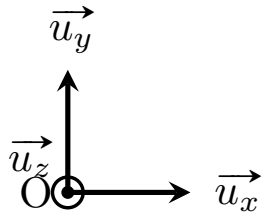

Figure M2.8 – Schéma.

- ◇ On néglige pour simplifier la poussée d'Archimède.

4 **Bilan des forces.**

5 **PFD.**

6 **Équations scalaires**. On obtient ici trois équations différentielles sur la vitesse, mais en absence de vitesse initiale sur x et z, il n'y aura pas de mouvement sur ces coordonnées : on s'intéresse donc à l'équation différentielle sur $v_y(t)$ que l'on appelle simplement $v(t)$:

7 **Résolution** :

Nous avons déjà établi que, par analyse des équations différentielles, il est aisé de trouver des grandeurs typiques du système. Notamment, la solution particulière donne le plus souvent la solution

limite, et on trouve le temps typique par analyse dimensionnelle. Cette approche peut alors se systématiser pour trouver des informations sans résolution : c'est l'**adimensionnement**.

Propriété M2.5 : Adimensionnement d'équations différentielles

Soit une équation différentielle linéaire

$$\sum_i f_i(t)\frac{\mathrm{d}^i y}{\mathrm{d}t^i} = g(t)$$

Il est possible d'adimensionner cette équation en définissant

et tels que

auquel cas, Y et T sont des grandeurs caractéristique du système physique.

Ceci fonctionne également pour des ED non-linéaires.

Application M2.3 : Adimensionnement frottements linéaires

Adimensionner l'équation différentielle précédente pour retrouver le temps caractéristique et la vitesse en régime permanent.

On définit $v^*(t) = v(t)/V$, $t^* = t/T$ avec V et T des constantes à définir :

Figure M2.9 – Évolution de v^* avec le temps

Interprétation M2.1 : Équations adimensionnées

L'écriture sous forme adimensionnée permet de ramener la résolution de l'équation à un problème uniquement mathématique, débarrassé des constantes physiques et permettant de voir rapidement le fonctionnement d'un système même quand on ne sait pas résoudre l'équation.

IV/C) 3 Chute avec frottements quadratiques

Propriété M2.6 : Chute frottements quadratiques

Soit un corps chutant dans l'air, lâchée sans vitesse initiale depuis l'origine. En prenant en compte les frottements, on trouve les grandeurs typiques

♥ Démonstration M2.5 : Chute frottements quadratiques

Pour une chute dans l'air, la vitesse d'un corps est presque toujours suffisamment élevée pour que les frottements soient quadratiques en la vitesse.

On choisit ici $\overrightarrow{u_y}$ vers le bas, tel que $v(t) = \dot{y}(t) > 0$. On reprend l'établissement précédente du sytème, on obtient alors

Toujours en négligeant la poussée d'Archimède, on a

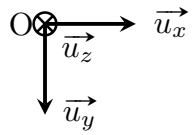

Figure M2.10 – Schéma.

La résolutions analytique exacte de cette équation sort du cadre du programme ; on peut en revanche **l'adimensionner pour trouver ses grandeurs typiques**. On définit $v^*(t) = v(t)/V$, $t^* = t/T$ avec V et T des constantes à définir :

Dans ces conditions, l'équation différentielle adimensionnée donne T grandeur typique du temps d'évolution de la vitesse, et V est la vitesse atteinte en régime permanent.

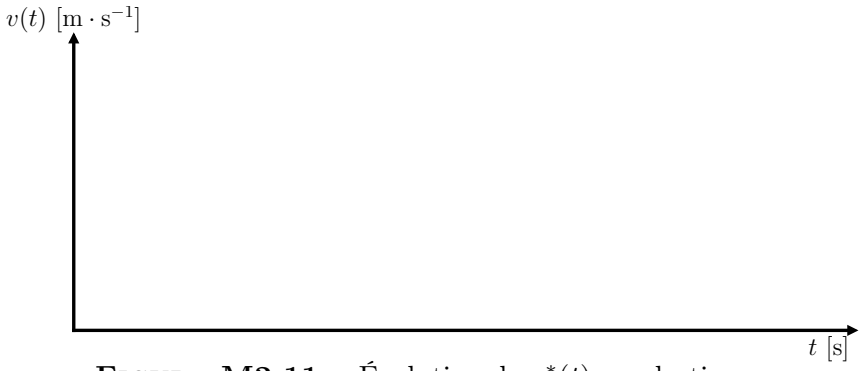

Figure M2.11 – Évolution de $v^*(t)$ quadratique

Exemple M2.2 : Chute frottements quadratiques

Pour un-e humain-e en chute libre sans parachute, avec $m = 60\,\mathrm{kg}$ et $\beta \approx 0{,}25\,\mathrm{kg{\cdot}m^{-1}}$, on a

Remarque M2.4 : Solution frottements quadratiques

La solution analytique donne

$$v^*(t) = \frac{\mathrm{e}^{4t} - 1}{\mathrm{e}^{4t} + 1}$$

IV/D Force de frottements solides

IV/D) 1 Réaction d'un support

Définition M2.9 : Réaction d'un support

La force exercée par un support sur un objet posé à sa surface est appelée **réaction** et est notée $\vec{R}$. Elle se décompose en deux forces :

- ◇ $\vec{N}$
- ◇ $\vec{T}$

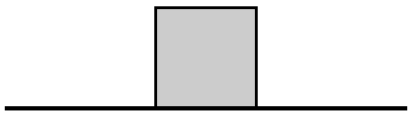

Figure M2.12 – Réaction support.

Implication M2.1 : Condition de support

IV/D) 2 Lois de Coulomb

Propriété M2.7 : Lois du frottement de Coulomb

Les réactions normales et tangentielles sont reliées par les lois de Coulomb, telles que :

Solide non-glissant/statique	Solide glissant/dynamique

avec f_d le coefficient de frottements dynamiques (glissement) et f_s le coefficient de frottement statique (non-glissement), avec $f_d < f_s$; souvent, $f_s = f_d = f$.

Exemple M2.3 : Frottements solides

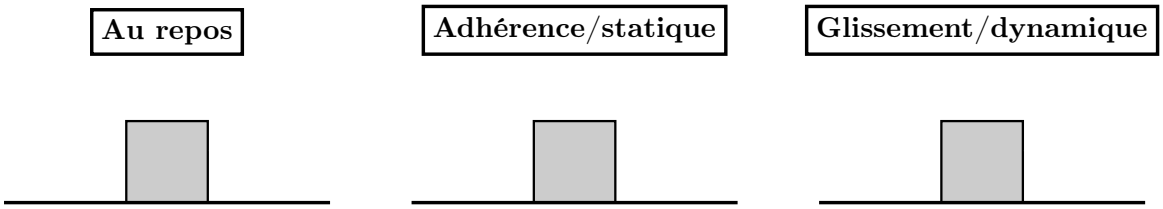

Figure M2.13 – Schéma exemple.

Figure M2.14 – Lien entre T et N

Attention M2.1 : Absence de frottements solides

L'absence de frottements solides implique $f = 0$, donc $T = 0$, mais N **n'est pas nulle**.

IV/E Force de rappel d'un ressort

Rappel M2.3 : Force de rappel d'un ressort

On définit la force de rappel du ressort par :

- ◇ $k > 0$ la **constante de raideur** ;
- ◇ ℓ_0 sa **longueur à vide** ;
- ◇ $\overrightarrow{u_k}$ unitaire dirigé **du ressort vers la masse**.

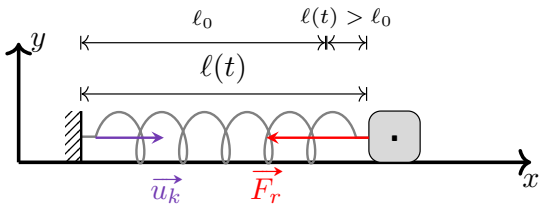

Figure M2.15 – Force de Hooke.

Propriété M2.8 : Ressort vertical

Longueur d'équilibre

Équation différentielle

Démonstration M2.6 : Ressort vertical

1. **Système** : {masse} accrochée à un ressort, représenté par M de masse m.
2. **Schéma.**
3. **Modélisation.**
   - ◇ **Référentiel** : $\mathcal{R}_{\text{labo}}$ supposé galiléen.
   - ◇ **Repère** : $(\text{O}, \overrightarrow{u_z})$ vertical ascendant.
   - ◇ **Repérage** :
4. **BdF** :
5. **PFD à l'équilibre** :
6. **PFD général** :

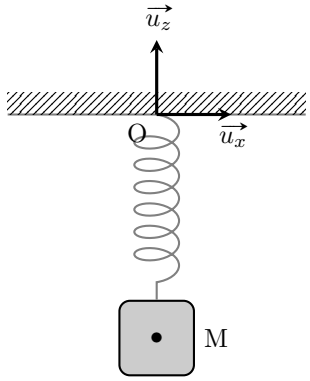

Figure M2.16