

## TD d'application : Second principe

### Données

Pour un système fermé, de température  $T$ , de pression  $P$  et de volume  $V$  subissant une transformation entre deux états d'équilibre ( $i$ ) et ( $f$ ), la variation d'entropie est :

◇ pour un gaz parfait,

$$\Delta S = C_V \ln \frac{P_f}{P_i} + C_P \ln \frac{V_f}{V_i} \quad \text{ou} \quad \Delta S = C_V \ln \frac{T_f}{T_i} + nR \ln \frac{V_f}{V_i} \quad \text{ou} \quad \Delta S = C_P \ln \frac{T_f}{T_i} - nR \ln \frac{P_f}{P_i}$$

◇ pour une phase condensée,

$$\Delta S = C \ln \frac{T_f}{T_i}$$

### ☆☆ I Méthode des mélanges dans un calorimètre

Un calorimètre de capacité thermique  $C = 150 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}$  contient initialement une masse  $m_1 = 200 \text{ g}$  d'eau à  $\theta_1 = 20^\circ\text{C}$ , en équilibre thermique avec le calorimètre. On plonge dans l'eau un bloc de fer de masse  $m_2 = 100 \text{ g}$  initialement à la température  $\theta_2 = 80,0^\circ\text{C}$ .

#### Données

$c_{\text{Fe}} = 452 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$  et  $c_{\text{eau}} = 4185 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$ .

- 1) Calculer la température d'équilibre  $T_f$ .
- 2) Calculer la variation d'entropie de l'eau, du fer et du calorimètre.
- 3) En déduire l'entropie créée au cours de la transformation. Celle-ci est-elle réversible, et pourquoi ?

### ☆☆ II Équilibre d'une enceinte à deux compartiments

Une enceinte indéformable aux parois calorifugées est séparée en deux compartiments par une cloison étanche, diatherme et mobile sans frottement. Les deux compartiments contiennent un même gaz parfait. Dans l'état initial, la cloison est maintenue au milieu de l'enceinte. Le gaz du compartiment 1 est dans l'état  $(T_0, P_0, V_0)$  et le gaz du compartiment 2 dans l'état  $(T_0, 2P_0, V_0)$ . On laisse alors la cloison bouger librement jusqu'à ce que le système atteigne un état d'équilibre.

- 1) Exprimer les quantités de matière  $n_1, n_2$  dans chaque compartiment en fonction de  $n_0 = P_0 V_0 / RT_0$ .
- 2) Exprimer la température, le volume et la pression du gaz de chaque compartiment dans l'état final, en fonction de  $n_0, T_0$  et  $V_0$ .
- 3) Exprimer l'entropie créée en fonction de  $n_0$ . Conclure.

### ☆☆ III Effet JOULE

Considérons une masse  $m = 100 \text{ g}$  d'eau, dans laquelle plonge un conducteur de résistance  $R = 20 \Omega$ . L'ensemble forme un système  $\Sigma$ , de température initiale  $T_0 = 20^\circ\text{C}$ . On impose au travers de la résistance un courant  $I = 1 \text{ A}$  pendant une durée  $\tau = 10 \text{ s}$ . L'énergie électrique dissipée dans la résistance peut être traitée du point de vue de la thermodynamique comme un transfert thermique  $Q_{\text{elec}}$  reçu par  $\Sigma$ .

#### Données

- ◇ Capacité thermique de la résistance :  $C_R = 8 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}$
- ◇ Capacité thermique massique de l'eau :  $c_{\text{eau}} = 4,18 \text{ J}\cdot\text{g}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$ .

- 1) La température de l'ensemble est maintenue constante. Quelle est la variation d'entropie du système ? Quelle est l'entropie créée ?
- 2) Commenter le signe de l'entropie créée. Que peut-on en déduire à propos du signe d'une résistance ?
- 3) Le même courant passe dans le même conducteur pendant la même durée, mais cette fois  $\Sigma$  est isolé thermiquement. Calculer sa variation d'entropie et l'entropie créée.

# TD d'entraînement : Second principe



## I Possibilité d'un cycle

On raisonne sur une quantité de matière  $n = 1$  mol de gaz parfait qui subit la succession de transformations (idéalisées) suivantes :

- ◇ **AB** : détente isotherme de  $P_A = 2$  bar et  $T_A = 300$  K, jusqu'à  $P_B = 1$  bar en restant en contact avec un thermostat de température  $T_0 = T_A$  ;
- ◇ **BC** : évolution isobare jusqu'à  $V_C = 20,5$  L, toujours en restant en contact avec le thermostat à  $T_0$  ;
- ◇ **CA** : compression adiabatique réversible jusqu'à revenir à l'état A.

On suppose le gaz diatomique.

- 1) Quel est le coefficient adiabatique ? Calculer les coordonnées des points puis représenter ce cycle en diagramme de WATT ( $P, V$ ).
- 2) À partir du diagramme, déterminer le signe du travail total des forces de pression au cours du cycle. En déduire s'il s'agit d'un cycle moteur ou d'un cycle récepteur.
- 3) Déterminer l'entropie créée entre A et B. Commenter.
- 4) Calculer la température en C, le travail  $\mathcal{W}_{BC}$  et le transfert thermique  $\mathcal{Q}_{BC}$  reçus par le gaz au cours de la transformation BC. En déduire l'entropie échangée avec le thermostat ainsi que l'entropie créée. Conclure : le cycle proposé est-il réalisable ? Le cycle inverse l'est-il ?



## II Corps en contact avec $n$ thermostats quasi-statiques

Un métal de capacité thermique  $C_P$  passe de la température initiale  $T_0$  à la température finale  $T_f = T_N$  par contacts successifs avec une suite  $N$  thermostats de températures  $T_i$  étagées entre  $T_0$  et  $T_f$ . On prendra le rapport  $T_i/T_{i+1} = \alpha$  constant.

- 1) Exprimer pour chaque étape la variation d'entropie du corps  $\Delta S_i$  en fonction de  $m, c$  et  $\alpha$ .
- 2) Calculer le transfert thermique reçu par le métal sur une étape en fonction de  $T_{i+1}$  et  $T_i$ , puis l'entropie échangée  $\mathcal{S}_{ech}$  en fonction de  $m, c$  et  $\alpha$ .
- 3) Calculer la variation d'entropie du corps  $\Delta \mathcal{S}$ , l'entropie échangée  $\mathcal{S}_{ech}$  ainsi que l'entropie créée  $\mathcal{S}_{cr}$  sur l'ensemble en fonction de  $C_P, \alpha$  et  $N$ .
- 4) Étudier  $\mathcal{S}_{cr}$  pour  $N \rightarrow \infty$ . On exprimera  $\alpha$  en fonction de  $T_f, T_i$  et  $N$ , et on utilisera le développement limité  $\exp(x) = 1 + x + x^2/2$  pour  $x$  petit devant 1. Conclure.



## III Masse posée sur un piston

Considérons une enceinte hermétique, diatherme, fermée par un piston de masse négligeable pouvant coulisser sans frottements. Cette enceinte contient un gaz supposé parfait. Elle est placée dans l'air, à température  $T_0$  et pression  $P_0$ .

- 1) On place une masse  $m$  sur le piston. Déterminer les caractéristiques du gaz une fois les équilibres thermique et mécanique atteints.
- 2) Déterminer le transfert thermique échangé  $\mathcal{Q}$  et l'entropie créée.
- 3) On réalise la même expérience, mais en  $N$  étapes successives, par exemple en ajoutant du sable « grain à grain ». Déterminer l'entropie créée dans la limite  $N \rightarrow \infty$ .