Transformation de la matière – chapitre 2

Correction du TD d'application



I | Combinaisons de réactions et constantes d'équilibre

1 On considère les réactions numérotées (1) et (2) ci-dessous :

(1)
$$4 \operatorname{Cu}_{(s)} + \operatorname{O}_{2(g)} = 2 \operatorname{Cu}_2 \operatorname{O}_{(s)} \quad K_1^{\circ}$$
 et (2) $2 \operatorname{Cu}_2 \operatorname{O}_{(s)} + \operatorname{O}_{2(g)} = 4 \operatorname{Cu}_{(s)} \quad K_2^{\circ}$

Exprimer les constantes d'équilibre des trois réactions ci-dessous en fonction de K_1° et K_2° :

$$(3) \quad 8 \operatorname{Cu}_{(\mathrm{s})} + 2 \operatorname{O}_{2(\mathrm{g})} = 4 \operatorname{Cu}_2 \operatorname{O}_{(\mathrm{s})} \quad K_3^{\circ} \quad ; \quad (4) \quad 2 \operatorname{Cu}_2 \operatorname{O}_{(\mathrm{s})} = 4 \operatorname{Cu}_{(\mathrm{s})} + \operatorname{O}_{2(\mathrm{g})} \quad K_4^{\circ} \quad ; \quad (5) \quad 2 \operatorname{Cu}_{(\mathrm{s})} + \operatorname{O}_{2(\mathrm{g})} = 2 \operatorname{Cu} \operatorname{O}_{(\mathrm{s})} \quad K_5^{\circ} = 4 \operatorname{Cu}_{(\mathrm{s})} + \operatorname{O}_{(\mathrm{s})} = 4 \operatorname{Cu}_{(\mathrm{s})} = 4 \operatorname{Cu}_{(\mathrm{s})} + 4 \operatorname{Cu}_{(\mathrm{s}$$

- Réponse -

Il suffit de trouver les relations entre les équations (3), (4), (5) et les équations (1) et (2) de constantes respectives K_1° et K_2° . On trouve alors :

a -
$$(3) = 2(1) \Leftrightarrow K_3^{\circ} = (K_1^{\circ})^2$$
b -
$$(4) = -(1) \Leftrightarrow K_4^{\circ} = (K_1^{\circ})^{-1}$$
c -
$$(5) = \frac{(1) + (2)}{2} \Leftrightarrow K_5^{\circ} = (K_1^{\circ} \times K_2^{\circ})^{1/2} = \sqrt{K_1^{\circ} K_2^{\circ}}$$

Tout ceci se vérifie bien sûr en écrivant les constantes de chacune des réactions :

$$K_1^\circ = \frac{P^\circ}{P_{\mathrm{O}_2}} \quad ; \quad K_2^\circ = \frac{P^\circ}{P_{\mathrm{O}_2}} \quad ; \quad K_3^\circ = \frac{P^{\circ 2}}{{P_{\mathrm{O}_2}}^2} \quad ; \quad K_4^\circ = \frac{P_{\mathrm{O}_2}}{P^\circ} \quad ; \quad K_5^\circ = \frac{P^\circ}{P_{\mathrm{O}_2}}$$



II Transformations totales

Compléter les tableaux suivants. Les gaz seront supposés parfaits. Dans la ligne intermédiaire, on demande d'exprimer la quantité de matière en fonction de l'avancement molaire $\xi(t)$ à un instant t quelconque.

Réaction de l'oxydation du monoxyde d'azote en phase gazeuse, à $T=25\,^{\circ}\mathrm{C}$ dans un volume $V=10.0\,\mathrm{L}$:

Équation		NO _(g) -	$+ \dots O_{2(g)}$ -	$\rightarrow \dots NO_{2(g)}$	$n_{ m tot,\ gaz}$	$P_{\rm tot}({\rm bar})$
Initial (mol)	$\xi = 0$	1,00	2,00	0,00		
Interm. (mol)	ξ					
Final (mol)	$\xi_{\rm max} =$					

- Réponse -

Pour la quantité totale de gaz, il suffit de sommer les quantité de matière de chacun des gaz : ici, initialement on a $n_{\text{NO},0} + n_{\text{O}_2,0} = 3,00 \,\text{mol}$ de gaz. Ensuite, pour la pression totale on utilise l'équation d'état des gaz parfaits :



Rappel TM2.1 : gaz parfait $PV = nRT \quad \text{avec} \quad \begin{cases} P \text{ en Pa} \\ V \text{ en m}^3 \\ n \text{ en mol} \\ T \text{ en Kelvin (K)} \end{cases}$ et $R = 8,314 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ est la constante des gaz parfaits

Il faut donc convertir le volume en m³. Pour cela, il suffit d'écrire

$$10.0 L = 10.0 dm^3 = 10.0(10^{-1} m)^3 = 10.0 \times 10^{-3} m^3$$

Il est très courant d'oublier les puissances sur les conversions du genre : n'oubliez pas les parenthèses. Il nous faut de plus convertir la température en Kelvins, attention à ne pas vous tromper de sens : il faut ici **ajouter** 273,15 K à la température en degrés Celsius, ce qui donne T=298,15 K. On peut donc faire l'application numérique pour $P_{\rm tot}$ initial.

On remplit la deuxième ligne du tableau avec les coefficients stœchiométriques algébriques des constituants en facteur de chaque ξ , et on somme les quantités de matière de gaz pour $n_{\text{tot, gaz}}$. En réalité, il est plus simple de partir de la valeur totale de la première ligne et de compter algébriquement le nombre de ξ : on en perd 3 avec les réactifs pour en gagner 2 avec les produits, donc en tout la quantité de matière totale de gaz décroit de 1ξ . On ne peut pas calculer précisément la valeur de P_{tot} ici, il faudrait l'exprimer en fonction de ξ (ça viendra dans d'autres exercices).

Enfin, pour trouver le réactif limitant, on résout :

$$\begin{cases} n_{\mathrm{NO},0} - 2\xi_{\mathrm{max},1} = 0 \\ n_{\mathrm{O}_2,0} - \xi_{\mathrm{max},2} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \xi_{\mathrm{max},1} = 0.50\,\mathrm{mol} \\ \xi_{\mathrm{max},2} = 1.00\,\mathrm{mol} \end{cases}$$

La seule valeur possible est la plus petite, $\xi_{\text{max}} = \xi_{\text{max},1} = 0,50 \,\text{mol}$: si on prenait 1,00 mol on trouverait une quantité négative de NO à l'état final, ce qui, vous en conviendrez, est une absurdité. Même travail qu'initialement pour $n_{\text{tot, gaz}}$ et P_{tot} . D'où le tableau :

Équation		2NO _(g)	+ O _{2(g)} -	\rightarrow 2NO _{2(g)}	$n_{ m tot, \ gaz}$	$P_{\mathrm{tot}}(\mathrm{bar})$
Initial (mol)	$\xi = 0$	1,00	2,00	0,00	3,00	7,40
Interm. (mol)	ξ	$1,00-2\xi$	$2,00-\xi$	2ξ	$3,00 - \xi$	$7,40 - \frac{\xi RT}{V}$
Final (mol)	$\xi_{\rm max} = 0.50$	0,00	1,50	1,00	2,50	6,20



Réaction de combustion de l'éthanol dans l'air. Les réactifs sont introduits dans les proportions stœchiométriques. Le dioxygène provient de l'air, qui contient 20% de O₂ et 80% de N₂ en fraction molaire.

 \Diamond

Équa	tion (mol)	$C_2H_5OH_{(l)}$ -	⊢ 3O _{2(g)} -	\rightarrow 2CO _{2(g)} -	+ 3H ₂ O _(g)	$n_{ m N_2}$	$n_{ m tot,\;gaz}$
Initial	$\xi = 0$	2,00					
Interm.	ξ						
Final	$\xi_{ m max} =$						

- Réponse

Pour une réaction aA + bB = cC + dD, le fait que les réactifs soient introduits dans les proportions stechiométriques se traduit par

$$\frac{n_{\rm A,0}}{a} = \frac{n_{\rm B,0}}{b} \Leftrightarrow n_{\rm B,0} = \frac{b}{a} n_{\rm A,0}$$

Ici, on a donc $n_{\rm O_2,0}=3n_{\rm C_2H_2OH,0}$, c'est-à-dire $n_{\rm O_2,0}=6.00\,{\rm mol}$. On peut donc remplir cette case.

On suppose qu'on commence sans CO_2 ou H_2O initialement, puisque rien n'est indiqué; en revanche, on sait qu'il y a déjà du diazote dans le milieu puis que le dioxygène vient de l'air, comme c'est indiqué. Comme il y a 80% de N_2 pour 20% de O_2 , cela veut dire qu'il y a 4 fois plus de diazote que de dioxygène, donc 24,00 mol.

Le reste du remplissage est le même que pour la question 1. On trouve évidemment $\xi_{\text{max}} = 2,00 \,\text{mol}$ avec les deux réactifs limitant, c'est le principe des proportions stœchiométriques.

Équation (mol)		$C_2H_5OH_{(l)}$	$C_2H_5OH_{(1)} + 3O_{2(g)} \rightarrow 2CO_{2(g)} + 3H_2O_{(g)}$			$n_{ m N_2}$	$n_{ m tot, \ gaz}$
Initial	$\xi = 0$	2,00	6,00	0,00	0,00	24,00	30,00
Interm.	ξ	$2,00 - \xi$	$6,00 - 3\xi$	2ξ	3ξ	24,00	$30,00 + 2\xi$
Final	$\xi_{\rm max} = 2,00$	0,00	0,00	4,00	6,00	24,00	34,00



♥ Attention TM2.1 : Tableaux d'avancements avec gaz

- ♦ Il faut penser à la colonne quantité totale de gaz;
- \diamondsuit Il ne faut pas oublier d'inclure les gaz inertes dans cette colonne!
- ♦ Il faut par contre faire attention à ne pas inclure les solutés, solides ou liquides dans cette colonne!



${ m III}\,|\,$ Équilibres en solutions aqueuses

1 Considérons un système de volume 20 mL évoluant selon la réaction d'équation bilan :

$$CH_3COOH_{(aq)} + F_{(aq)}^- \rightleftharpoons CH_3COO_{(aq)}^- + HF_{(aq)}$$
 $K^{\circ}(25 \, ^{\circ}C) = 10^{-1,60}$

Déterminer le sens d'évolution du système et l'avancement à l'équilibre en partant des deux situations initiales suivantes :

a –
$$[CH_3COOH]_0 = [F^-]_0 = c = 0,1 \text{ mol} \cdot L^{-1} \text{ et } [CH_3COO^-]_0 = [HF]_0 = 0$$

Réponse

Pour déterminer le sens d'évolution du système, on calcule $Q_{r,0}$ et on le compare à K° :

$$Q_{r,0} = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_0[\text{HF}]_0}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_0[\text{F}^-]_0} = 0 < K^{\circ}$$

La réaction évoluera donc dans le sens direct.

Pour trouver l'avancement à l'équilibre, on dresse le tableau d'avancement, que l'on peut directement faire en concentrations puisque le volume ne varie pas (ce qui est toujours le cas cette année) :

Équ	ıation	CH ₃ COOH _(aq)	- F ⁻ _(aq) =	$= CH_3COO_{(aq)}^-$	+ HF _(aq)
Initial	x = 0	c	c	0	0
Final	$x_f = x_{\rm eq}$	$c - x_{\rm eq}$	$c - x_{\rm eq}$	$x_{ m eq}$	$x_{\rm eq}$

D'après la loi d'action des masses, on a

$$K^{\circ} = \frac{x_{\text{eq}}^{2}}{(c - x_{\text{eq}})^{2}} \Leftrightarrow \sqrt{K^{\circ}} = \frac{x_{\text{eq}}}{c - x_{\text{eq}}} \Leftrightarrow x_{\text{eq}} = \sqrt{K^{\circ}}(c - x_{\text{eq}})$$

$$\Leftrightarrow \boxed{x_{\text{eq}} = \frac{\sqrt{K^{\circ}}}{1 + \sqrt{K^{\circ}}}c} \quad \text{avec} \quad \begin{cases} K^{\circ} = 10^{-1.60} \\ c = 0.1 \,\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \end{cases}$$

$$A.N. : \quad x_{\text{eq}} = 1.4 \times 10^{-2} \,\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

En encadrant le résultat, on vérifie la cohérence physico-chimique de la réponse : ici c'est bien cohérent de trouver $x_{\rm eq} > 0$ puisqu'on avait déterminé que la réaction se faisait dans le sens direct.

b -
$$[CH_3COOH]_0 = [F^-]_0 = [CH_3COO^-]_0 = [HF]_0 = c = 0,1 \text{ mol} \cdot L^{-1}$$

Réponse

De la même manière, pour déterminer le sens d'évolution du système, on calcule $Q_{r,0}$ et on le compare à K:

$$Q_{r,0} = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_0[\text{HF}]_0}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_0[\text{F}^-]_0} = \frac{c^2}{c^2} = 1 > K^{\circ}$$

La réaction évoluera donc dans le sens indirect.

On effectue un bilan de matière grâce à un tableau d'avancement :

Équ	ıation	CH ₃ COOH _(aq) -	+ F ⁻ _(aq) =	$= CH_3COO_{(aq)}^-$	+ HF _(aq)
Initial	x = 0	c	c	c	c
Final	$x_f = x_{\rm eq}$	$c - x_{\rm eq}$	$c - x_{\text{eq}}$	$c + x_{\text{eq}}$	$c + x_{\text{eq}}$

D'après la loi d'action des masses, on a

$$\begin{split} K^{\circ} &= \frac{(c+x_{\rm eq})^2}{(c-x_{\rm eq})^2} \Leftrightarrow \sqrt{K^{\circ}} = \frac{c+x_{\rm eq}}{c-x_{\rm eq}} \Leftrightarrow c+x_{\rm eq} = \sqrt{K^{\circ}}(c-x_{\rm eq}) \\ \Leftrightarrow & \boxed{x_{\rm eq} = \frac{\sqrt{K^{\circ}}-1}{\sqrt{K^{\circ}}+1}c} \quad \text{avec} \quad \left\{ \begin{aligned} K^{\circ} &= 10^{-1,60} \\ c &= 0,1 \, \text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \end{aligned} \right. \\ \text{A.N.} \quad : \quad x_{\rm eq} = -5,3 \times 10^{-2} \, \text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \end{split}$$

De même que précédemment, on vérifie qu'il est logique de trouver $x_{eq} < 0$: la réaction se fait bien dans le sens indirect.

2 Les ions mercure (II) Hg^{2+} peuvent réagir avec le métal liquide (insoluble dans l'eau) mercure Hg pour donner les ions mercure (I) Hg_2^{2+} selon l'équilibre chimique ci-dessous :

$$Hg_{(aq)}^{2+} + Hg_{(l)} = Hg_2^{2+}_{(aq)}$$
 $K^{\circ}(25 \, ^{\circ}C) = 91$

a – Dans quel sens évolue un système obtenu en mélangeant du mercure liquide en large excès avec $V_1=40.0\,\mathrm{mL}$ d'une solution de chlorure de mercure (I) à $c_1=1.0\times10^{-3}\,\mathrm{mol\cdot L^{-1}}$ et $V_2=10.0\,\mathrm{mL}$ d'une solution de chlorure de mercure (II) à $c_2=2.0\times10^{-3}\,\mathrm{mol\cdot L^{-1}}$?

– Réponse -

On détermine les concentrations en mercure (I) et (II) :

$$[\mathrm{Hg}_{(\mathrm{aq})}^{2+}] = \frac{c_2 V_2}{V_1 + V_2} = c_2' = 0.4 \,\mathrm{mmol \cdot L^{-1}} \qquad \text{et} \qquad [\mathrm{Hg_2}^{2+}] = \frac{c_1 V_1}{V_1 + V_2} = c_1' = 0.8 \,\mathrm{mmol \cdot L^{-1}}$$

On peut donc calculer le quotient de réaction initial, avec $a(\operatorname{Hg}_{(l)}))=1$:

$$\boxed{Q_{r,0} = \frac{c_1'}{c_2'} = 2 < K} \quad \Longrightarrow \quad \text{évolution sens direct}$$

b – Déterminer la composition finale de la solution.

- Réponse -

On dresse le tableau d'avancement en concentration :

Équ	ation	Hg ²⁺ -	$+$ $Hg_{(l)}$ =	$= Hg_2^{2+}(aq)$
Initial	x = 0	c_2'	excès	c_1'
Interm.	x	$c_2'-x$	excès	$c_1' + x$
Final	$x_f = x_{\rm eq}$	$c_2' - x_{\text{eq}}$	excès	$c_1' + x_{\text{eq}}$

Par la loi d'action des masses, on trouve en effet

$$K^{\circ} = \frac{c_1' + x_{\text{eq}}}{c_2' - x_{\text{eq}}} \Leftrightarrow \boxed{x_{\text{eq}} = \frac{K^{\circ} c_2' - c_1'}{K^{\circ} + 1} = 0.387 \,\text{mmol} \cdot \text{L}^{-1}}$$

ce qui est bien inférieur à $x_{\text{max}} = c_2' = 0.4 \,\text{mmol}\cdot\text{L}^{-1}$: l'équilibre est atteint.



${ m IV}\,|\,{ m Transformation}$ avec des solides

La chaux vive, solide blanc de formule $CaO_{(s)}$, est un des produits de chimie industrielle les plus communs. Utilisée depuis l'Antiquité, notamment dans le domaine de la construction, elle est aujourd'hui utilisée comme intermédiaire en métallurgie. Elle est obtenue industriellement par dissociation thermique du calcaire dans un four à $T=1100\,\mathrm{K}$. On modélise cette transformation par la réaction d'équation :

$$CaCO_{3(s)} = CaO_{(s)} + CO_{2(g)}$$
 $K^{\circ}(1100 \text{ K}) = 0.358$

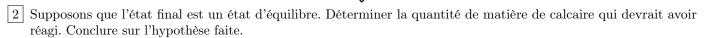
Dans un récipient de volume $V = 10\,\mathrm{L}$ préalablement vide, on introduit $10\,\mathrm{mmol}$ de calcaire à température constante $T = 1100\,\mathrm{K}$. Déterminer le sens d'évolution du système chimique.

- Réponse -

Comme on ne part que de calcaire, la réaction ne peut avoir lieu que dans le sens direct. On vérifie cette intuition en calculant $Q_{r,0}$ pour le comparer à K, sachant qu'on part d'un récipient vide de gaz au début :

$$Q_{r,0} = \frac{P_{\text{CO}_2,0}}{P^{\circ}} = 0 < K^{\circ}$$

La réaction se fait bien dans le sens direct.



– Réponse -

Si l'état final est un état d'équilibre, alors avec l'équation précédente on aura

$$P_{\mathrm{CO}_2,\mathrm{eq}} = K^{\circ}P^{\circ}$$

$$\Leftrightarrow n_{\rm O_2,eq} = \frac{P_{\rm O_2,eq} V}{RT} = \frac{K^{\circ} P^{\circ} V}{RT}$$

Or, un tableau d'avancement donne que $n_{\text{O}_2,\text{eq}} = \xi_{\text{eq}}$; on trouve donc

$$\xi_{\text{eq}} = \frac{K^{\circ} P^{\circ} V}{RT} \quad \text{avec} \quad \begin{cases} K^{\circ} = 0.358 \\ V = 10 \times 10^{-3} \,\text{m}^{3} \\ T = 1100 \,\text{K} \\ P^{\circ} = 1 \,\text{bar} \\ R = 8.314 \,\text{J·mol·K}^{-1} \end{cases}$$

A.N. : $\xi_{eq} = 39 \, \text{mmo}$

Pour savoir si cette valeur est réalisable, on calcule $\xi_{\rm max}$ que l'on trouverait si le calcaire était limitant, c'est-à-dire en résolvant $10 - \xi_{\rm max} = 0$: on trouve naturellement $\xi_{\rm max} = 10\,{\rm mmol}$.

On sait que la valeur de ξ_f est la plus petite valeur absolue entre $\xi_{\rm eq}$ et $\xi_{\rm max}$. Or, ici on trouve $\xi_{\rm eq} > \xi_{\rm max}$, ce qui veut dire que l'équilibre ne peut être atteint et qu'on aura ainsi

$$\xi_f = \xi_{\rm max} = 10 \, \rm mmol$$

c'est-à-dire que la réaction est totale. On peut donc remplir la dernière ligne du tableau d'avancement.

Équati	on	CaCO _{3(s)}	$=$ $CaO_{(s)}$	$+ CO_{2(g)}$	$n_{ m tot, \ gaz}$
Initial (mmol)	$\xi = 0$	10	0	0	0
Interm. (mmol)	ξ	$10 - \xi$	ξ	ξ	ξ
Final (mmol)	$\xi_f = \xi_{\text{max}}$	0	10	10	10



3 Si on part de 50 mmol de calcaire, quelle est la quantité de chaux obtenue? Comment faire pour augmenter la quantité de chaux produite?

Réponse –

En ne partant que de calcaire, dès que ξ_f atteint $\xi_{\rm eq}$ la réaction s'arrêtera puisqu'on aura atteint l'équilibre. Mettre plus de calcaire ne formera pas plus de chaux, l'excédent de réactif initial ne réagira simplement pas. Ainsi, la quantité de matière de calcaire maximale qui puisse être transformée est de $\xi_{\rm max} = 39\,{\rm mmol}$.

Pour déplacer l'équilibre dans le sens direct, il faut diminuer la quantité de $CO_{2(g)}$: on diminue alors Q_r qui peut repasser en-dessous de K° . Il suffit pour ça de **travailler en volume ouvert** ou **d'aspirer le** $CO_{2(g)}$.



Transformation de la matière – chapitre 3

Correction du TD d'entraînement



Équilibre en phase gazeuse

On étudie en phase gazeuse l'équilibre de dimérisation de FeCl₃, de constante d'équilibre $K^{\circ}(T)$ à une température T donnée et d'équation-bilan

$$2 \operatorname{FeCl}_{3(g)} = \operatorname{Fe}_2 \operatorname{Cl}_{6(g)}$$

La réaction se déroule sous une pression totale constante $P_{\text{tot}} = 2P^{\circ} = 2$ bars et à la température constante $T_1 = 750 \,\text{K}$, telle que $K^{\circ}(T_1) = 20.8$. Initialement le système contient n_0 moles de FeCl₃ et de Fe₂Cl₆. Soit n_{tot} la quantité totale de matière d'espèces dans le système.

1 Exprimer la constante d'équilibre en fonction des pressions partielles des constituants à l'équilibre et de P° .

- Réponse ·

On peut dresser le tableau d'avancement initial dans cette situation :

Équation	2FeCl _{3(g)} =	$= Fe_2Cl_{6(g)}$	$n_{ m tot,\ gaz}$
Initial $\xi = 0$	n_0	n_0	$2n_0$

Par la loi d'action des masses et les activités de constituants gazeux :

$$K^{\circ} = \frac{P_{\text{Fe}_2\text{Cl}_6,\text{eq}}P^{\circ}}{P_{\text{Fe}\text{Cl}_3,\text{eq}}^2}$$

Exprimer le quotient de réaction Q_r en fonction de la quantité de matière de chacun des constituants, de la quantité de matière totale, de la pression totale P_{tot} et de P° . Calculer la valeur initial $Q_{r,0}$ du quotient de réaction.

Réponse -

Pour passer des pressions partielles aux quantités de matière, on utilise la loi de DALTON:

Rappel TM3.1: loi de Dalton

Soit un mélange de gaz parfaits de pression P. Les pressions partielles P_i de chaque constituant X_i s'exprime

$$P_i = x_{i,g}P$$

avec x_i la fraction molaire du constituant :

$$x_{i,g} = \frac{n_{i,g}}{n_{\text{tot,gaz}}}$$

On écrit donc

$$P_{\mathrm{Fe_2Cl_6}} = \frac{n_{\mathrm{Fe_2Cl_6}}}{n_{\mathrm{tot}}} \times P_{\mathrm{tot}} \qquad P_{\mathrm{FeCl_3}} = \frac{n_{\mathrm{FeCl_3}}}{n_{\mathrm{tot}}} \times P_{\mathrm{tot}}$$

Pour simplifier l'écriture, on peut séparer les termes de pression totale des termes de matière en comptant combien vont arriver « en haut » et combien « en bas » : 1 en haut contre 2 en bas, on se retrouvera avec P_{tot} au dénominateur, ce qui est logique par homogénéité vis-à-vis de P° qui reste au numérateur. Comme n_{tot} apparaît le même nombre de fois que P_{tot} mais avec une puissance -1, on sait aussi qu'il doit se retrouver au numérateur, là aussi logiquement pour avoir l'homogénéité vis-à-vis de la quantité de matière. Ainsi,

$$Q_r = \frac{n_{\text{Fe}_2\text{Cl}_6}/n_{\text{tot}} \times P_{\text{tot}}}{n_{\text{Fe}\text{Cl}_3}^2/n_{\text{tot}}^2 \times P_{\text{tot}}^2} P^{\circ} = \frac{n_{\text{Fe}_2\text{Cl}_6}n_{\text{tot}}}{n_{\text{Fe}\text{Cl}_3}^2} \frac{P^{\circ}}{P_{\text{tot}}}$$

Avec $P_{\text{tot}} = 2P^{\circ}$ et $n_{\text{Fe}_2\text{Cl}_6,0} = n_0 = n_{\text{Fe}\text{Cl}_3,0}$, on a $n_{\text{tot}} = 2n_0$ (cf. tableau d'avancement), d'où

$$Q_{r,0} = \frac{n_0 \times 2n_0}{n_0^2} \frac{1}{2} \Leftrightarrow \underline{Q_{r,0} = 1}$$



3 Le système est-il initialement à l'équilibre thermodynamique? Justifier la réponse. Si le système n'est pas à l'équilibre, dans quel sens se produira l'évolution?

— Réponse –

Le système serait à l'équilibre si $Q_{r,0} = K^{\circ}$; or, ici $Q_{r,0} \neq K^{\circ}$, donc l'équilibre n'est pas atteint. De plus, $Q_{r,0} < K^{\circ}$ donc le système évoluera dans le sens direct.



On considère désormais une enceinte indéformable, de température constante $T_1 = 750 \,\mathrm{K}$, initialement vide. On y introduit une quantité n de FeCl₃ gazeux et on laisse le système évoluer de telle sorte que la pression soit maintenu constante et égale à $p = 2P^{\circ} = 2$ bars. On désigne par ξ l'avancement de la réaction.

4 Calculer à l'équilibre la valeur du rapport $z_{\rm eq} = \xi_{\rm eq}/n$.

— Réponse -

On dresse le tableau d'avancement pour effectuer un bilan de matière dans cette nouvelle situation :

Équation		2FeCl _{3(g)} =	$= \operatorname{Fe_2Cl_6(g)}$	$n_{ m tot,\ gaz}$
Initial	$\xi = 0$	n	0	n
Final	$\xi_f = \xi_{\rm eq}$	$n-2\xi_{\mathrm{eq}}$	$\xi_{ m eq}$	$n-\xi_{ m eq}$

On reprend l'expression du quotient réactionnel initial en remplaçant les quantités de matière par leur expression selon ξ pour déterminer l'avancement à l'équilibre, décrit par K° :

$$K^{\circ} = \frac{\xi_{\mathrm{eq}}(n - \xi_{\mathrm{eq}})}{(n - 2\xi_{\mathrm{eq}})^2} \underbrace{\frac{P^{\circ}}{P_{\mathrm{tot}}}}_{=\frac{1}{2}} \Leftrightarrow K^{\circ} = \underbrace{\frac{n^{2}}{n}}_{=1}^{\frac{\xi_{\mathrm{eq}}}{n}} \left(1 - \frac{\xi_{\mathrm{eq}}}{n}\right)^2 \frac{1}{2}$$

En faisant apparaître $z_{\rm eq}=\frac{\xi_{\rm eq}}{n}$ par factorisation. L'équation précédente devient :

$$\begin{split} K^{\circ} &= \frac{1}{2} \frac{z_{\rm eq} (1 - z_{\rm eq})}{(1 - 2z_{\rm eq})^2} \\ \Leftrightarrow 2K^{\circ} (1 - 2z_{\rm eq})^2 &= z_{\rm eq} (1 - z_{\rm eq}) \\ \Leftrightarrow 2K^{\circ} (1 - 4z_{\rm eq} + 4z_{\rm eq}^2) &= z_{\rm eq} - z_{\rm eq}^2 \\ \Leftrightarrow \boxed{z_{\rm eq}^2 (8K^{\circ} + 1) - z_{\rm eq} (8K^{\circ} + 1) + 2K^{\circ} = 0} \end{split}$$

On trouve un polynôme du second degré. Soit Δ son discriminant :

$$\Delta = (8K^{\circ} + 1)^{2} - 4(8K^{\circ} + 1) \times 2K^{\circ}$$

$$\Leftrightarrow \Delta = (8K^{\circ} + 1)(8K^{\circ} + 1 - 8K^{\circ})$$

$$\Leftrightarrow \Delta = 8K^{\circ} + 1 \quad \text{avec} \quad \left\{ K^{\circ} = 20, 8 \right\}$$
A.N. : $\Delta = 167, 4$

Les racines sont $\begin{cases} z_1 = 0.54 \\ z_2 = 0.46 \end{cases}$.

Étant donné qu'on part de $\xi_0 = 0$ et que ξ augmente, la valeur que prendrait $z_{\rm eq}$ serait $z_{\rm eq} = 0.46$. On doit cependant vérifier que cette valeur est bien possible, en déterminant $z_{\rm max}$: pour cela, on résout $n - 2\xi_{\rm max} = 0$, ce qui donne $z_{\rm max} = 0.5$. On a bien $z_{\rm eq} < z_{\rm max}$, donc l'équilibre est atteint et on a $\xi_{\rm eq}/n = 0.46$.





I ∣Équilibre... ou pas!

La dissociation du peroxyde de baryum sert à l'obtention de dioxygène avant la mise au point de la liquéfaction de l'air, selon l'équation

$$2 \operatorname{BaO}_{2(s)} \rightleftharpoons 2 \operatorname{BaO}_{(s)} + \operatorname{O}_{2(g)}$$
 $K^{\circ}(795 \,^{\circ}\text{C}) = 0.50$

Le volume de l'enceinte, initialement vide de tout gaz, vaut $V = 10 \,\mathrm{L}$. On rappelle que $R = 8{,}314 \,\mathrm{J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}}$.

 $\boxed{1}$ a – Exprimer la constante d'équilibre K° en fonction de la pression partielle à l'équilibre $P_{\mathrm{O}_{2},\mathrm{eq}}$.

—— Réponse -

Par définition, $K^{\circ} = Q_{r,eq}$. On exprime donc le quotient de réaction avec les activités à l'équilibre :

$$K^{\circ} = \frac{P_{\mathcal{O}_2, \, eq}}{P^{\circ}}$$

b – En déduire la valeur numérique de $P_{\mathrm{O}_2,\mathrm{eq}}.$

— Réponse —

On a la valeur de K° et la valeur de P° : de l'équation précédente on isole $P_{\mathrm{O}_{2},\mathrm{eq}}$:

$$\begin{array}{|c|c|} \hline P_{\rm O_2,eq} = K^{\circ} P^{\circ} & {\rm avec} & \begin{cases} K^{\circ} = 0{,}50 \\ P^{\circ} = 1{,}00 \, {\rm bar} \end{cases} \\ A.N. : P_{\rm O_2,eq} = 0{,}50 \, {\rm bar} = 5{,}0 \times 10^4 \, {\rm Pa}$$

Calculer le nombre de moles de dioxygène qui permet d'atteindre cette pression dans l'enceinte.

– Réponse

Avec la loi des gaz parfaits, on a

$$\begin{split} P_{\rm O_2,eq} V = n_{\rm O_2,eq} RT \Leftrightarrow \boxed{n_{\rm O_2,eq} = \frac{P_{\rm O_2,eq} V}{RT}} \quad \text{avec} \quad & \begin{cases} V = 10 \times 10^{-3} \, \text{m}^3 \\ T = 1068,\!15 \, \text{K} \end{cases} \end{split}$$
 A.N. : $n_{\rm O_2,eq} = 0,\!056 \, \text{mol}$



Équatio	n	2BaO _{2(s)} =	Arr 2BaO _(s) -	+ O _{2(g)}	$n_{ m tot,\ gaz}$
Initial (mol)	$\xi = 0$	0,20	0,00	0,00	0,00
Interm. (mol)	ξ				
Final (mol)	$\xi = \xi_f$				

Équation		2BaO _{2(s)} =	= 2BaO _(s)	$ O_{2(g)}$	$n_{ m tot, \ gaz}$
Initial (mol)	$\xi = 0$	0,20	0,00	0,00	0,00
Interm. (mol)	ξ	$0.20 - 2\xi$	2ξ	ξ	ξ
Final (mol)	$\xi = \xi_f$	0,088	0,112	0,056	0,056

a – Calculer le quotient de réaction initial $Q_{r,0}$ et en déduire le sens d'évolution du système.

— Réponse -

On change juste $P_{O_2,eq}$ de la première question en $P_{O_2,0}$; sachant qu'on commence sans gaz dans l'enceinte, cette pression est nulle :

$$Q_{r,0} = \frac{P_{O_2,0}}{P^{\circ}} = 0$$

On a donc $Q_{r,0} < K$, et l'évolution se fait en sens direct.

b – Compléter le tableau d'avancement en remplissant la ligne intermédiaire dans le tableau en fonction de ξ .

Voir tableau. Réponse —

c – Déterminer ξ_f en précisant si l'équilibre est atteint ou pas. On rappelle que l'équilibre correspond à la coexistence de toutes les espèces.

Réponse -

♦ -



Outils TM3.1 : État d'équilibre

Pour trouver l'état final dans cette situation, on détermine ξ_{eq} s'il y avait équilibre, et on regarde si c'est compatible avec ξ_{max} si la réaction était totale.

S'il y a équilibre, ça veut dire que $n_{\rm O_2,eq}=0.056\,\mathrm{mol}$ comme déterminé au début. Or, le tableau nous indique que $n_{\rm O_2,f}=\xi_f$, donc si c'est un équilibre $\xi_{\rm eq}=0.056\,\mathrm{mol}$.

L'avancement est maximal si BaO₂ est limitant : on trouve donc $\xi_{\rm max}$ en résolvant $0,20-2\xi_{\rm max}=0,$ c'est-à-dire $\xi_{\rm max}=0,1$ mol.

La valeur est finale ξ_f est la plus petite valeur (en valeur absolue) de $\xi_{\rm eq}$ et $\xi_{\rm max}$; or ici $\xi_{\rm eq} < \xi_{\rm max}$: il y a donc bien équilibre, et on a

$$\xi_f = \xi_{\rm eq} = 0.056 \, \text{mol}$$

d – Remplir la dernière ligne du tableau d'avancement.

- Réponse —

Voir tableau.



$\boxed{3}$ Mêmes questions dans le cas 2 :

Équatio	n	2BaO _{2(s)} =	\doteq 2BaO _(s) -	$+$ $O_{2(g)}$	$n_{ m tot,\ gaz}$
Initial (mol)	$\xi = 0$	0,10	0,00	0,00	0,00
Interm. (mol)	ξ				
Final (mol)	$\xi = \xi_f$				

- Réponse -

Cas 2:

Équation		2BaO _{2(s)} =	Arr 2BaO _(s) -	$+$ $O_{2(g)}$	$n_{ m tot,~gaz}$
Initial (mol)	$\xi = 0$	0,10	0,00	0,00	0,00
Interm. (mol)	ξ	$0.10 - 2\xi$	2ξ	ξ	ξ
Final (mol)	$\xi = \xi_f$	0,00	0,10	0,05	0,05

a - On a toujours aucun gaz au départ, donc ici aussi

$$Q_{r,0} = \frac{P_{O_2,0}}{P^{\circ}} = 0$$

et la réaction est en sens direct.

- b Voir tableau.
- c Même procédé : on détermine ξ_{eq} s'il y avait équilibre, et on regarde si c'est compatible avec ξ_{max} si la réaction était totale.

S'il y a équilibre, ça veut dire que $n_{\rm O_2,eq}=0.056\,\mathrm{mol}$ comme déterminé au début. Or, le tableau nous indique que $n_{\rm O_2,f}=\xi_f$, donc si c'est un équilibre $\xi_{\rm eq}=0.056\,\mathrm{mol}$.

L'avancement est maximal si BaO₂ est limitant : on trouve donc $\xi_{\rm max}$ en résolvant $0.10-2\xi_{\rm max}=0$, c'est-à-dire $\xi_{\rm max}=0.050\,{\rm mol}$.

La valeur est finale ξ_f est la plus petite valeur (en valeur absolue) de ξ_{eq} et ξ_{max} ; or ici $\xi_{eq} > \xi_{max}$: il n'y a donc **pas équilibre**, et on a

$$\xi_f = \xi_{\text{max}} = 0.050 \,\text{mol}$$

d - Voir tableau.



4 Mêmes questions dans le cas 3 :

Équation		2BaO _{2(s)} =	Arr 2BaO _(s) -	$+$ $O_{2(g)}$	$n_{ m tot,\ gaz}$
Initial (mol)	$\xi = 0$	0,10	0,050	0,10	0,10
Interm. (mol)	ξ				
Final (mol)	$\xi = \xi_f$				

Réponse

Cas 3:

Équation		2BaO _{2(s)} =	Arr 2BaO _(s) -	$ O_{2(g)}$	$n_{ m tot,\ gaz}$
Initial (mol)	$\xi = 0$	0,10	0,050	0,10	0,10
Interm. (mol)	ξ	$0.10 - 2\xi$	$0.050 + 2\xi$	$0.10 + \xi$	$0.10 + \xi$
Final (mol)	$\xi = \xi_f$	0,15	0,00	0,075	0,075

a – On a cette fois du gaz au départ, donc ici

$$Q_{r,0} = \frac{P_{O_2,0}}{P^{\circ}} \Leftrightarrow \boxed{Q_{r,0} = \frac{n_{O_2,0}RT}{VP^{\circ}}} \quad \text{avec} \quad \begin{cases} n_{O_2,0} = 0.10 \,\text{mol} \\ T = 1069.15 \,\text{K} \\ V = 10 \times 10^{-3} \,\text{m}^3 \end{cases}$$

$$A.N. : Q_{r,0} = 0.89$$

Cette fois, $Q_{r,0} > K^{\circ}$ donc la réaction se fait en sens indirect.

b – Voir tableau.



Attention TM3.1: Tableau sens indirect

Le procédé de remplissage du tableau **ne doit pas changer** même si la réaction se fait dans le sens indirect : les coefficients stœchiométriques de la réaction n'ont pas changé, donc les facteurs devant des $\xi(t)$ non plus.

Certes, on aura $\xi < 0$ mais il est plus naturel et moins perturbant de garder la forme de base du remplissage du tableau plutôt que de s'embêter à repenser l'écriture du tableau.

c – Même procédé : on détermine ξ_{eq} s'il y avait équilibre, et on regarde si c'est compatible avec ξ_{max} si la réaction était totale.

S'il y a équilibre, ça veut dire que $n_{\rm O_2,eq}=0.056\,\mathrm{mol}$ comme déterminé au début. Or, le tableau nous indique que $n_{\rm O_2,f}=0.10+\xi_f$, donc si c'est un équilibre $\xi_{\rm eq}=-0.044\,\mathrm{mol}$.

L'avancement est maximal si BaO ou O₂ sont limitant : on résout donc

$$\begin{cases} n_{\text{BaO},0} + 2\xi_{\text{max}} = 0 \\ n_{\text{O}_2,0} + \xi_{\text{max}} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \xi_{\text{max}} = -0.025 \,\text{mol} \\ \xi_{\text{max}} = -0.050 \,\text{mol} \end{cases}$$

Le seul ξ_{max} possible est le plus petit en valeur absolue, c'est-à-dire $\xi_{\text{max}} = -0.025 \,\text{mol}$.

La valeur est finale ξ_f est la plus petite valeur **en valeur absolue** de ξ_{eq} et ξ_{max} ; or ici $|\xi_{eq}| > |\xi_{max}|$: il n'y a donc **pas équilibre**, et on a

$$\xi_f = \xi_{\text{max}} = -0.025 \,\text{mol}$$

d - Voir tableau.





Transformations de gaz

1 On considère l'équilibre suivant :

$$H_2S_{(g)} + \frac{3}{2}O_{2(g)} = H_2O_{(g)} + SO_{2(g)}$$
 K_1°

Donner l'expression de la constante d'équilibre K_1° en fonction des quantités de matières et de la pression totale à l'équilibre. En supposant les réactifs introduits dans les proportions stœchiométriques, faire un bilan de matière à l'équilibre. Exprimer alors K_1° en fonction de ξ_{eq} et de la pression totale à l'équilibre.

Réponse

Par la loi d'action des masses, on a

$$K_{1}^{\circ} = \frac{P_{\rm SO_{2},eq}P_{\rm H_{2}O,eq}}{P_{\rm O_{2},eq}^{3/2}P_{\rm H_{2}S,eq}} \underbrace{\frac{P^{\circ 5/2}}{P^{\circ 2}}}_{=P^{\circ 1/2}} \Leftrightarrow K_{1}^{\circ} = \frac{n_{\rm H_{2}O,eq}n_{\rm SO_{2},eq}n_{\rm tot,~gaz,~eq}^{1/2}}{n_{\rm H_{2}S,eq}n_{\rm O_{2},eq}^{3/2}} \left(\frac{P^{\circ}}{P_{\rm eq}}\right)^{1/2}$$

Soit n_0 la quantité de matière de H_2S introduite initialement : pour que O_2 soit introduit dans les proportions stœchiométriques, on relie sa quantité initiale à celle de H_2S via les coefficients stœchiométriques tel que $n_{O_2,0}=\frac{3}{2}n_{H_2S,0}=\frac{3}{2}n_0$. D'où le tableau d'avancement :

Équ	ıation	$ m H_2S_{(g)}$	$+ \frac{3}{2}O_{2(g)} =$	$=$ $H_2O_{(g)}$ -	$+$ $SO_{2(g)}$	$n_{ m tot, \ gaz}$
Initial	$\xi = 0$	n_0	$\frac{3}{2}n_0$	0	0	$\frac{5}{2}n_0$
Final	$\xi_f = \xi_{\rm eq}$	$n_0 - \xi_{\rm eq}$	$\frac{3}{2}n_0 - \frac{3}{2}\xi_{\rm eq}$	$\xi_{ m eq}$	$\xi_{ m eq}$	$\frac{5}{2}n_0 - \frac{1}{2}\xi_{\rm eq}$

On peut donc remplacer les quantités de matière de l'expression de K_1° par les expressions avec $\xi_{\rm eq}$:

$$K_1^{\circ} = \frac{\xi_{\text{eq}}^2 (\frac{5}{2} n_0 - \frac{1}{2} \xi_{\text{eq}})^{1/2}}{(n_0 - \xi_{\text{eq}})(\frac{3}{2} n_0 - \frac{3}{2} \xi_{\text{eq}})^{3/2}} \left(\frac{P^{\circ}}{P_{\text{eq}}}\right)^{1/2}$$



2 On considère l'équilibre suivant :

$$2 H_2 S_{(g)} + S O_{2(g)} = 2 H_2 O_{(g)} + 3 S_{(l)}$$
 K_2°

Donner l'expression de la constante d'équilibre K_2° en fonction des quantités de matières et de la pression. On introduit les réactifs avec des quantités quelconques. Faire un bilan de matière à l'équilibre. Exprimer K_2° en fonction de ξ_{eq} et de la pression.

——— Réponse —

Par la loi d'action des masses, on a

$$K_{2}^{\circ} = \frac{P_{\rm{H_{2}O,eq}}{}^{2}P^{\circ}}{P_{\rm{SO_{2},eq}}P_{\rm{H_{2}S,eq}}{}^{2}} \Leftrightarrow K_{2}^{\circ} = \frac{n_{\rm{H_{2}O,eq}}{}^{2}n_{\rm{tot, gaz, eq}}}{n_{\rm{SO_{2},eq}}n_{\rm{H_{2}S,eq}}{}^{2}} \frac{P^{\circ}}{P_{\rm{eq}}}$$

Soit n_1 la quantité de matière de H_2S introduite initialement, et n_2 la quantité de matière initiale en SO_2 :

Équ	ation	$2\mathrm{H}_2\mathrm{S}_{(\mathrm{g})}$ -	$+$ $SO_{2(g)}$ =	$= 2H_2O_{(g)} -$	+ 3S ₍₁₎	$n_{ m tot,\ gaz}$
Initial	$\xi = 0$	n_1	n_2	0	0	$n_1 + n_2$
Final	$\xi_f = \xi_{\rm eq}$	$n_1 - 2\xi_{\rm eq}$	$n_2 - \xi_{\rm eq}$	$0+2\xi_{\rm eq}$	$0+3\xi_{\rm eq}$	$n_1 + n_2 - \xi_{\rm eq}$

On peut donc remplacer les quantités de matière de l'expression de K_2° par les expressions avec $\xi_{\rm eq}$:

$$K_2^{\circ} = \frac{4\xi_{\text{eq}}^2(n_1 + n_2 - \xi_{\text{eq}})}{(n_1 - 2\xi_{\text{eq}})^2(n_2 - \xi_{\text{eq}})} \frac{P^{\circ}}{p}$$



3 On fait brûler du méthane dans de l'oxygène :

$$\ldots \operatorname{CH}_{4(g)} + \ldots \operatorname{O}_{2(g)} \longrightarrow \ldots \operatorname{CO}_{2(g)} + \ldots \operatorname{H}_2 \operatorname{O}_{(l)}$$

Équilibrer l'équation de la réaction. Elle peut être considérée comme totale. On introduit les réactifs de façon à consommer la moitié du dioxygène. Décrire l'état final du système.

Réponse

L'équation bilan équilibrée est :

$$CH_{4(g)} + 2O_{2(g)} \rightarrow CO_{2(g)} + 2H_2O_{(l)}$$

Soit n_0 la quantité initiale en dioxygène. Si la moitié seulement est consommée, alors que la réaction est totale, c'est que le méthane est limitant. On trouve la quantité de CH_4 à introduire initialement en dressant le tableau d'avancement pour que $n_{\mathrm{H}_2\mathrm{O},f}=\frac{1}{2}n_0$, c'est-à-dire $n_0-2\xi_{\mathrm{max}}=0$: on obtient

$$\xi_{\text{max}} = \frac{1}{4}n_0$$
 or $n_{\text{CH}_4,0} - \xi_{\text{max}} = 0$ donc $n_{\text{CH}_4,0} = \frac{1}{4}n_0$

Équ	uation	$\mathrm{CH}_{4(\mathrm{g})}$	+ 2O _{2(g)} -	\rightarrow CO _{2(g)} -	+ 2H ₂ O _(l)	$n_{ m tot, \ gaz}$
Initial	$\xi = 0$	$\frac{1}{4}n_0$	n_0	0	0	$\frac{5}{4}n_0$
Interm.	ξ	$\frac{1}{4}n_0 - \xi$	$n_0 - 2\xi$	ξ	2ξ	$\frac{5}{4}n_0 - 2\xi$
Final	$\xi_f = \xi_{\text{max}}$	0	$\frac{1}{2}n_0$	$\frac{1}{4}n_0$	$\frac{1}{2}n_0$	$\frac{3}{4}n_0$



Coefficient de dissociation

On considère l'équilibre de l'eau en phase gazeuse :

$$2 H_2 O = 2 H_{2(g)} + O_{2(g)}$$

1 On se place à $400 \,\mathrm{K}$ sous une pression constante $P = 1,00 \,\mathrm{bar}$. Sous quelle forme se trouve l'eau?

- Réponse -

Pour connaître l'état de l'eau, on détermine la température en degrés pour interpréter par des connaissances élémentaires si elle est solide (glace), liquide, ou vapeur : $400\,\mathrm{K} = 127\,^{\circ}\mathrm{C}$, et la pression est de 1 bar, c'est-à-dire presque la pression habituelle. À cette température, l'eau est sous forme vapeur.

La valeur de la constante vaut $K^{\circ}(400\,\mathrm{K}) = 3.12 \times 10^{-59}$. Conclure sur la stabilité de l'eau dans ces conditions.

– Réponse –

La constante est extrêmement petite : $K^{\circ} \ll 10^{-4}$, donc la réaction est **quasi-nulle** dans ce sens : l'eau ne se dissocie pratiquement pas de cette manière et est par conséquent très stable.

3 En supposant que l'on introduit n_0 moles d'eau pure, calculer le coefficient de dissociation de l'eau. Rappel : le coefficient de dissociation α est égal au rapport de la quantité ayant été dissociée sur la quantité initiale.

– Réponse -

Si on introduit de l'eau pure, on n'a pas les autres composants au départ. Soit n_0 la quantité de matière d'eau pure introduite : on dresse le tableau d'avancement :

Équ	ıation	2H ₂ O _(g) =	$= 2H_{2(g)}$ -	$+$ $O_{2(g)}$	$n_{ m tot,\ gaz}$
Initial	$\xi = 0$	n_0	0	0	n_0
Final	$\xi_f = \xi_{\rm eq}$	$n_0 - 2\xi_{\rm eq} \approx n_0$	$2\xi_{\mathrm{eq}}$	$\xi_{ m eq}$	$n_0 + 3\xi_{\rm eq} \approx n_0$

Le coefficient de dissociation correspond à la quantité d'eau transformée sur la quantité initiale, c'est-à-dire

$$\alpha = \frac{2\xi_{\rm eq}}{n_0}$$

On va donc exprimer la constante d'équilibre en fonction des quantités de matière pour introduire $\xi_{\rm eq}$ et faire apparaître α , à l'aide de l'activité d'un gaz, de la loi de DALTON puis de la définition de la fraction molaire :

$$K^{\circ} = \frac{P_{\rm{H_2,eq}}^2 P_{\rm{O_2,eq}}}{P_{\rm{H_2O,eq}}^2 2 P^{\circ}} \Leftrightarrow K^{\circ} = \frac{n_{\rm{H_2,eq}}^2 n_{\rm{O_2,eq}}}{n_{\rm{H_2O,eq}}^2 n_{\rm{tot, gaz, eq}}} \frac{1}{P} P^{\circ}$$

$$\Leftrightarrow K^{\circ} = \frac{4\xi_{\text{eq}}^{3}}{n_{0}^{3}} = 4\left(\frac{\xi_{\text{eq}}}{n_{0}}\right)^{3} = 4\left(\frac{\alpha}{2}\right)^{3} = \frac{\alpha^{3}}{2}$$
$$\Leftrightarrow \alpha^{3} = 2K^{\circ} \Leftrightarrow \left[\alpha = (2K^{\circ})^{1/3}\right]$$

Une résolution numérique donne

$$\alpha = 3.97 \times 10^{-20} \ll 1$$

Ceci est en accord avec le très faible avancement de la réaction et valide l'hypothèse faite dans le tableau d'avancement.



Sans cette supposition, on trouve :

$$K^{\circ} = \frac{4\xi_{\text{eq}}^{3}}{(n_{0} - 2\xi_{\text{eq}})^{2}(n_{0} + \xi_{\text{eq}})} \Leftrightarrow K^{\circ} = \frac{n_{0}}{n_{0}} \frac{4\left(\frac{\xi_{\text{eq}}}{n_{0}}\right)^{3}}{\left(1 - \frac{2\xi_{\text{eq}}}{n_{0}}\right)^{2}\left(1 + \frac{\xi_{\text{eq}}}{n_{0}}\right)}$$
$$\Leftrightarrow K^{\circ} = \frac{4\left(\frac{\alpha}{2}\right)^{3}}{(1 - \alpha)^{2}\left(1 + \frac{\alpha}{2}\right)} \Leftrightarrow K^{\circ} = \frac{\alpha^{3}}{(1 - \alpha)^{2}(2 + \alpha)}$$

Ce qui donne le même résultat numérique in fine mais est plus compliqué à résoudre.



À 3000 K, toujours sous une pression de 1 bar, le coefficient de dissociation vaut $\alpha = 0.30$. Calculer $K^{\circ}(3000 \,\mathrm{K})$. Conclure sur la stabilité de l'eau dans ces conditions.



En prenant $\alpha = 0.30$, cela veut dire que 30% de l'eau se dissocie, l'eau ne serait plus stable dans ces conditions. La valeur de K° correspondant est $K^{\circ} = 2.4 \times 10^{-2}$, ce qui est peu favorisé dans le sens direct mais pas quasi-nulle.

