

# Ondes progressives

## Sommaire

|  |          |
|--|----------|
| <b>I Onde progressive à une dimension</b>                      | <b>2</b> |
| I/A Introduction   | 2        |
| I/B Représentation spatiale et célérité des ondes              | 3        |
| I/C Représentation temporelle et retard                        | 4        |
| I/D Lien entre les représentations                             | 5        |
| <b>II Onde progressive sinusoïdale</b>                         | <b>6</b> |
| II/A Double périodicité spatiale et temporelle                 | 6        |
| II/B Expression mathématique de l'onde progressive sinusoïdale | 6        |
| II/C Vitesse de phase  | 7        |
| II/D Milieux dispersifs  | 8        |

## Capacités exigibles

- |  |  |
|--|--|
| <ul style="list-style-type: none"> <li><input type="checkbox"/> Identifier les grandeurs physiques correspondant à des signaux acoustiques, électriques, électromagnétiques.</li> <li><input type="checkbox"/> Propagation d'un signal dans un milieu illimité, non dispersif et transparent.</li> <li><input type="checkbox"/> Onde progressive dans le cas d'une propagation unidimensionnelle non dispersive.</li> <li><input type="checkbox"/> Modèle de l'onde progressive sinusoïdale unidimensionnelle. Vitesse de phase, déphasage, double périodicité spatiale et temporelle.</li> <li><input type="checkbox"/> Définir un milieu dispersif. Citer des exemples de situations de propagation dispersive et non dispersive.</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li><input type="checkbox"/> Citer quelques ordres de grandeur de fréquences dans les domaines acoustique, mécanique et électromagnétique.</li> <li><input type="checkbox"/> Écrire les signaux sous la forme <math>f(x - ct)</math> ou <math>f(x + ct)</math>, et sous la forme <math>g(t - x/c)</math> ou <math>g(t + x/c)</math>.</li> <li><input type="checkbox"/> Prévoir, dans le cas d'une onde progressive, l'évolution temporelle à position fixée et l'évolution spatiale à différents instants.</li> <li><input type="checkbox"/> Établir la relation entre la fréquence, la longueur d'onde et la vitesse de phase.</li> <li><input type="checkbox"/> Relier le déphasage entre les signaux perçus en deux points distincts au retard dû à la propagation.</li> </ul> |
|--|--|

## L'essentiel

### Définitions

|   |   |
|---|---|
| <input type="checkbox"/> ON1.1 : Onde                               | 2 |
| <input type="checkbox"/> ON1.2 : Onde transversale et longitudinale | 2 |
| <input type="checkbox"/> ON1.3 : Onde progressive à une dimension   | 3 |
| <input type="checkbox"/> ON1.4 : Célérité                           | 3 |
| <input type="checkbox"/> ON1.5 : Retard d'une onde                  | 4 |
| <input type="checkbox"/> ON1.6 : Onde progressive sinusoïdale       | 6 |
| <input type="checkbox"/> ON1.7 : Périodicités                       | 6 |
| <input type="checkbox"/> ON1.8 : Vecteur d'onde                     | 7 |
| <input type="checkbox"/> ON1.9 : Vitesse de phase                   | 7 |
| <input type="checkbox"/> ON1.10 : Milieu dispersif                  | 8 |

### Propriétés

|   |   |
|---|---|
| <input type="checkbox"/> ON1.1 : Lien entre représentations | 5 |
| <input type="checkbox"/> ON1.2 : Forme générale d'une OPS   | 6 |
| <input type="checkbox"/> ON1.3 : Vitesse de phase           | 7 |

### Démonstrations

|   |   |
|---|---|
| <input type="checkbox"/> ON1.1 : Lien entre représentations | 5 |
| <input type="checkbox"/> ON1.2 : Forme générale d'une OPS   | 7 |
| <input type="checkbox"/> ON1.3 : Vitesse de phase           | 7 |

### Applications

|   |   |
|---|---|
| <input type="checkbox"/> ON1.1 : Vague en représentation spatiale   | 4 |
| <input type="checkbox"/> ON1.2 : Vague en représentation temporelle | 4 |
| <input type="checkbox"/> ON1.3 : Double périodicité d'une OPS       | 7 |

### Exemples

|  |   |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> ON1.1 : Ondes                                 | 2 |
| <input type="checkbox"/> ON1.2 : Ondes transversales et longitudinales | 3 |
| <input type="checkbox"/> ON1.3 : Ondes et dimensions                   | 3 |
| <input type="checkbox"/> ON1.4 : Célérité                              | 3 |
| <input type="checkbox"/> ON1.5 : Milieux dispersifs ou non             | 8 |

### Points importants

|  |   |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> ON1.1 : Représentation spatiale             | 3 |
| <input type="checkbox"/> ON1.2 : Représentation temporelle           | 4 |
| <input type="checkbox"/> ON1.3 : Longueur et nombre d'onde d'une OPS | 6 |

### Erreurs communes

|  |   |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> ON1.1 : Retard spatial et temporel        | 5 |
| <input type="checkbox"/> ON1.2 : Vers la droite ou vers la gauche? | 5 |
| <input type="checkbox"/> ON1.3 : Faux-ami                          | 7 |

# I Onde progressive à une dimension

## I/A Introduction

Dans les chapitres précédents, nous avons étudié des signaux, électriques ou mécaniques, variant dans le temps mais à une position fixée. Les interactions physico-chimiques sont remplies d'ondes en tout genre, la matière-même ayant une nature ondulatoire (cf. mécanique quantique) ; mais nous ne pouvons pas nous contenter de les quantifier à un unique endroit, il faut savoir traiter leur **propagation** dans le temps **et** l'espace. Un peu de vocabulaire :



On appelle **signal** une grandeur physique mesurable pouvant varier dans le **temps** et qui transporte une **information**.



- ◇ Signal sonore ;
- ◇ Signal sismique ;
- ◇ Signal électrique. . .



La notion de signal **dépend de l'observation**. Par exemple, la découverte des ondes radios était perturbée par le premier signal lumineux de l'Univers, le fond diffus cosmologique : il baigne la totalité de l'Univers et est fondamental dans la cosmologie, mais peut être parasite selon l'objectif.



Une **perturbation** est une **modification locale et temporaire** des propriétés d'un milieu.



- ◇ Caillou dans un lac ;
- ◇ Séisme ;
- ◇ Membrane d'un haut-parleur. . .

Une perturbation, quand elle est créée, se propage autour d'elle de proche en proche : chaque point impacté va subir des modifications temporaires similaires à celle de la source. Après le passage de cette perturbation, chaque point retrouve sa position initiale. Ceci nous amène à la notion d'onde :



### Définition ON1.1 : Onde

Certaines ondes ont besoin d'un milieu matériel pour se propager : ce sont les ondes **mécaniques**. Les ondes sismiques, les ondes dans la corde ou les ondes sonores en sont des exemples. Certaines ondes peuvent se propager dans le vide, comme les ondes **électromagnétiques**. Les infrarouges, la lumière visible ou les micro-ondes sont des exemples d'ondes électromagnétiques.



### Exemple ON1.1 : Ondes

- ◇ Lorsqu'on secoue l'extrémité d'une corde tendue, les positions des différents points sont modifiées. Une fois l'onde passée, les points retrouvent leur position initiale.
- ◇ Le caillou dans le lac forme des **rides qui s'éloignent** du point d'impact, mais il n'y a pas de mouvement d'ensemble du fluide.
- ◇ La membrane du haut-parleur, lors de son déplacement elle provoque une brève **compression-dilatation** de l'air qui la touche. Cette propagation se déplace ensuite dans l'air : ce sont les ondes sonores. Elles peuvent aussi se déplacer dans les liquides et dans les solides.

Il y a donc deux variations spatiales dans la notion d'onde : la direction de la **perturbation** et celle de la **propagation**. On distingue ainsi deux grands types d'ondes :



### ♥ Définition ON1.2 : Onde transversale et longitudinale

- ◇ Onde transversale<sup>1</sup> :
- ◇ Onde longitudinale<sup>2</sup> :

FIGURE ON1.1 – Onde transversale.

FIGURE ON1.2 – Onde longitudinale.

**Exemple ON1.2 : Ondes transversales et longitudinales**

◇ Longitudinales :

◇ Transversales :

Dans le cas de ce chapitre, on commence par une restriction sur les caractéristiques étudiées.

**♥ Définition ON1.3 : Onde progressive à une dimension**

◇ Progressive :

◇ À une dimension :

- ▷ une onde qui se propage dans un milieu matériel à une dimension ;
- ▷ ou une onde qui se propage dans un milieu matériel à deux ou trois dimensions, avec une direction de propagation unique.

**Exemple ON1.3 : Ondes et dimensions**

◇ 1D :

◇ 2D :

◇ 3D :

**I/B Représentation spatiale et célérité des ondes****Important ON1.1 : Représentation spatiale**

Dans une représentation **spatiale**, on regarde à un **temps fixé** la perturbation dans **tout l'espace** ; on parle également de représentation **photographique**<sup>3</sup>.

**FIGURE ON1.3** – Exemple représentation spatiale

Lorsqu'une onde se propage, on peut définir une **vitesse de propagation de la perturbation**. Pour la distinguer de la vitesse d'un point matériel, on emploie plutôt le terme **célérité**. Par convention, celle-ci est toujours positive. En première approximation, la célérité ne dépend pas de la perturbation mais seulement de la nature et des propriétés du milieu.

**Définition ON1.4 : Célérité**

La célérité  $c$  d'une onde est le quotient de la distance  $d$  parcourue par la perturbation, sur l'intervalle de temps  $\Delta t$  que dure ce parcours :

**Exemple ON1.4 : Célérité**

Sur le schéma précédent,

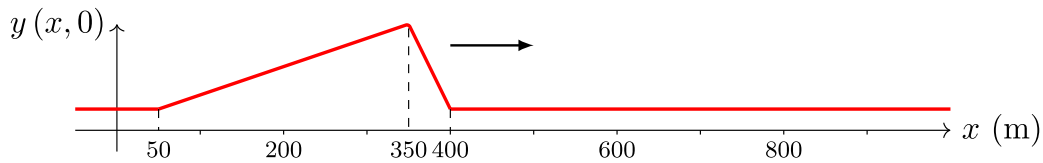
**♥ Ordre de grandeur ON1.1 :**

| Signal                        | Célérité |
|-------------------------------|----------|
| Ondes électromagnétiques      |          |
| Son dans l'air (20 °C, 1 bar) |          |
| Son dans les métaux           |          |
| Son dans l'eau                |          |

1. [https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/onde\\_transversale.php](https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/onde_transversale.php)  
 2. [https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/onde\\_longitudinale.php](https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/onde_longitudinale.php)  
 3. <https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/retard.php>

**Application ON1.1 : Vague en représentation spatiale**

On considère ici une vague solitaire qui se déplace à la vitesse  $c = 18 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$  le long d'un fleuve rectiligne, et on définit un axe  $(Ox)$  dans la direction du sens de sa propagation. À l'instant  $t = 0$ , le profil du niveau de l'eau du fleuve a l'allure suivante :



Faire un schéma du profil du fleuve à  $\tau = 1 \text{ min}$  en supposant que l'onde se propage sans déformation.

FIGURE ON1.4 – Vague solitaire à  $\tau = 1 \text{ min}$

**I/C Représentation temporelle et retard****Important ON1.2 : Représentation temporelle**

Dans une représentation **temporelle**, on regarde à un **endroit fixé** la perturbation **sur sa durée**<sup>4</sup>. On obtient alors un **chronogramme**, à l'opposé d'une photographie. On y lit des **décalages temporels**.

**Définition ON1.5 : Retard d'une onde**

En créant à l'instant  $t = 0$  une déformation à un **endroit M**, cette perturbation se propage le long de l'axe avec une célérité  $c$ . Elle parvient donc en un **point M'** après le temps  $\tau$ . La grandeur  $\tau$  est le **retard** du point M' par rapport au point M. Avec  $c$  la célérité de l'onde, on

**Application ON1.2 : Vague en représentation temporelle**

On reprend l'exemple de la vague précédente.

- 1) À quel instant la vague arrive-t-elle au point d'abscisse  $x_1 = 2,2 \text{ km}$  ?
- 2) Un détecteur fixe, enregistrant la hauteur du fleuve en fonction du temps, est placé à l'abscisse  $x_d = 1,6 \text{ km}$ . Dessiner l'allure des variations  $y(x_d, t)$  en fonction du temps à cette abscisse.

4. [https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/evolution\\_temporelle.php](https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/evolution_temporelle.php)



## II Onde progressive sinusoïdale

### Définition ON1.6 : Onde progressive sinusoïdale

Une onde progressive est dite **sinusoïdale** si la source à  $x = 0$  impose une **perturbation sinusoïdale** :

### II/A Double périodicité spatiale et temporelle

#### Observation ON1.1 : Animation [Geogebra](#)

- 1)
- 2)
- 3)

### ♥ Définition ON1.7 : Périodicités

#### Périodicité temporelle

Si la perturbation créée en S est sinusoïdale avec une période  $T$ , alors l'onde en M l'est également (il n'y a qu'un retard entre les deux dû à la propagation).

#### Périodicité spatiale

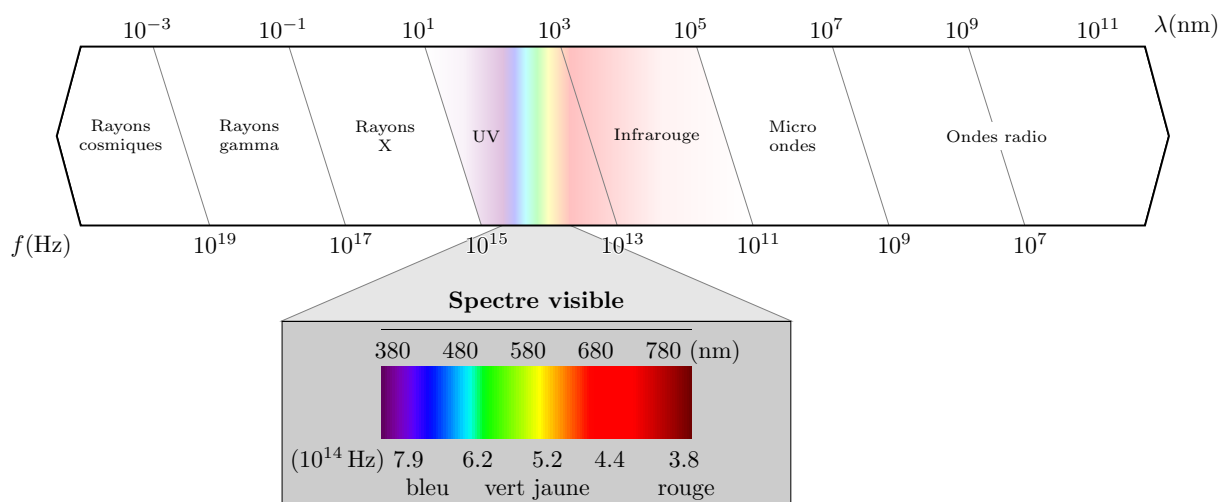
Au moment de l'émission du deuxième maximum, le premier maximum a déjà parcouru une distance  $cT$ . L'écart spatial entre deux maximum successifs est la période spatiale.

### Important ON1.3 : Longueur et nombre d'onde d'une OPS

Une onde progressive sinusoïdale présente à la fois une périodicité spatiale, nommée **longueur d'onde** et notée  $\lambda$ , et une périodicité temporelle, notée  $T$ . Elles sont reliées par la relation

et on définit aussi son nombre d'onde sa « fréquence spatiale »

Cette relation est celle donnant les périodes spatiales et temporelles des ondes électromagnétiques :



### II/B Expression mathématique de l'onde progressive sinusoïdale

#### ♥ Propriété ON1.2 : Forme générale d'une OPS

L'expression générale d'une onde progressive sinusoïdale se propageant *vers la droite* sans déformation ni atténuation est :

 **Définition ON1.8 : Vecteur d'onde**

Comme pour la fréquence et la pulsation, on relie la longueur d'onde à une autre grandeur permettant une expression simple dans une fonction sinusoïdale : le **vecteur d'onde**  $k$ , tel que

**Unité**

C'est le **taux de variation de la phase due à la position** : c'est l'homologue de  $\omega$  pour le temps.

 **Attention ON1.3 : Faux-ami**

Sous cette forme, le vecteur d'onde n'est pas un vecteur !! C'est vraiment un vecteur quand on travaille en trois dimensions d'espace.

 **Démonstration ON1.2 : Forme générale d'une OPS**

On s'intéresse à un mouvement vers la droite. Par définition, la perturbation  $g(t)$  imposée en  $x = 0$  est sinusoïdale :

 **Application ON1.3 : Double périodicité d'une OPS**

Soit un signal  $s(x, t)$  double-périodique. Montrer que  $s(x + \lambda, t) = s(x, t)$ .

**II/C Vitesse de phase**

Soit une onde progressive sinusoïdale. La **phase** de l'onde est, par définition, l'**angle à l'intérieur** de la fonction :  $\omega t - kx + \varphi$ . Cette phase varie spatialement *et* temporellement, de manières corrélées.

 **Définition ON1.9 : Vitesse de phase**

Si on trouve une phase mesurée en  $x_1$  à l'instant  $t_1$ , le signal aura la même phase en  $x_2$  à un instant  $t_2$  donnés par la **vitesse de phase**, notée  $v_\varphi$ , telle que :


**Unité**

Elle représente la vitesse de déplacement des **crêtes** de l'onde.

 **Propriété ON1.3 : Vitesse de phase**

Pour une OPS, on a

 **Démonstration ON1.3 : Vitesse de phase** **Remarque ON1.1 : Intérêt de la vitesse de phase**

Pour une OPS, la vitesse de phase est égale à la célérité  $c$  de l'onde, mais ça n'est pas toujours le cas pour des ondes ou des milieux plus complexes. Notamment, la vitesse de phase ne représente **pas la vitesse de transmission** de l'information d'une onde réelle ; celle-ci est donnée par la **vitesse de groupe**, qui sera vue plus tard. Voici néanmoins une  [animation en ligne](#) pour les curieux-ses.

## II/D Milieux dispersifs

### ♥ Définition ON1.10 : Milieu dispersif

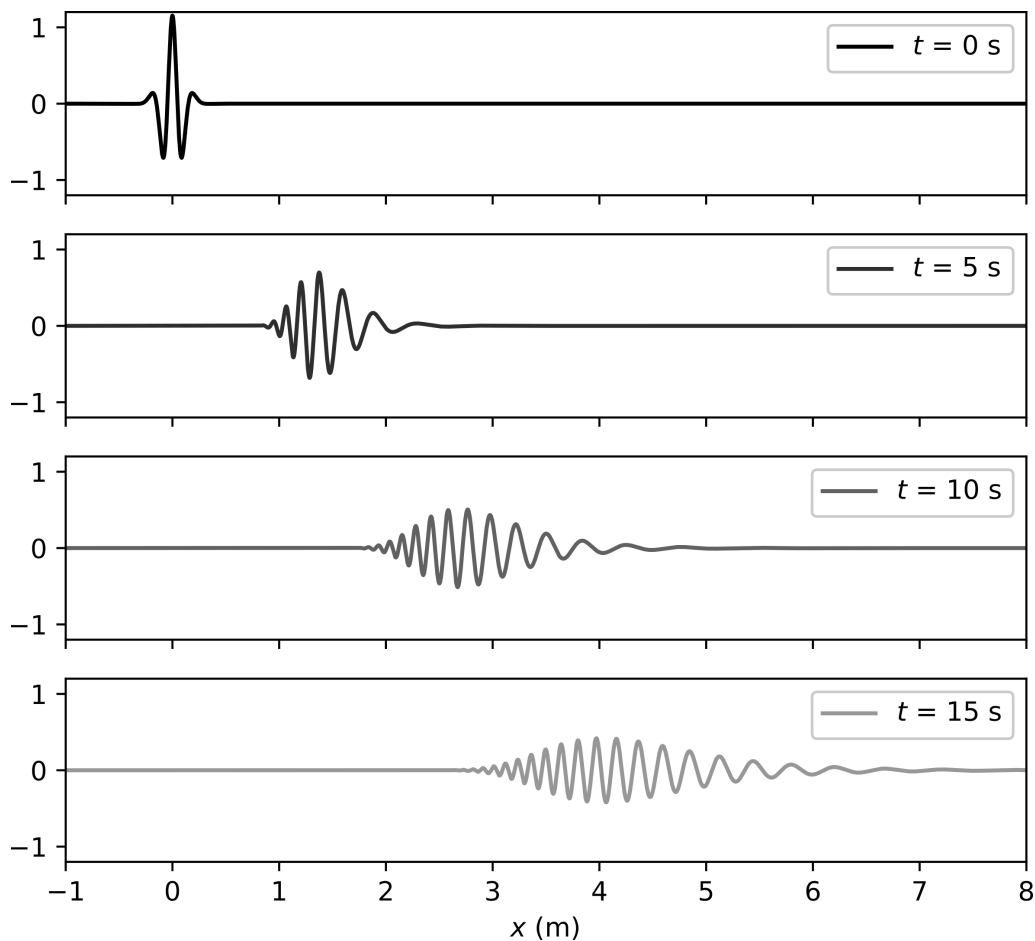
Un milieu est dit **dispersif** si

Si c'est le cas, les différentes composantes spectrales d'un signal composé ne vont pas à la même vitesse, et donc le signal peut se déformer lors de la propagation.

### Exemple ON1.5 : Milieux dispersifs ou non

Propagation non-dispersive

Propagation dispersive



**FIGURE ON1.7** – Propagation dispersive d'une onde à la surface de l'eau. On observe nettement que les composantes sinusoïdales de hautes fréquences se propagent avec une moins grande vitesse que les composantes de basses fréquences. En ordonnée, l'unité de la hauteur d'eau est arbitraire.