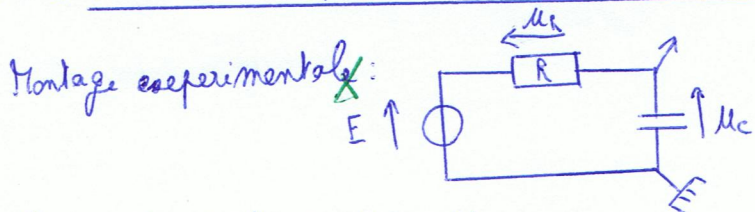


TP 1 2.1) Étude de la réponse en tension aux bornes du condensateur



• Expression du temps de montée  $\tau$  à 63% de  $U_c(t)$

Loi des mailles:  $E = U_c + Ri = U_c + RC \frac{dU_c}{dt}$

d'où  $\frac{E}{\tau} = \frac{U_c}{\tau} + \frac{dU_c}{dt}$  avec  $\tau = RC$

On a donc  $U_c = E + Ae^{-t/\tau}$

Condition aux limites: À  $t=0$   $U_c = 0$  car  $U_c(0) = 0$

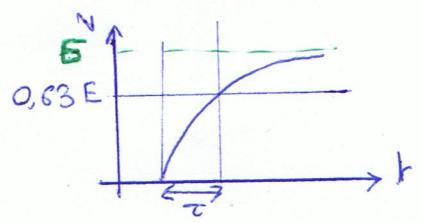
Donc finalement  $U_c(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$

(continuité de la tension aux bornes du condensateur)

On veut  $U_c = 0,63E$

Donc  $1 - e^{-t/\tau} = 0,63 \Leftrightarrow 1 - 0,63 = e^{-t/\tau}$   
 $\Leftrightarrow \ln(0,37) = -t/\tau$   
 $\Leftrightarrow \tau \ln(0,37) = -t$   
 $\Leftrightarrow t = \tau$

• Courbe expérimentale:  $E = 5V$



• Mesure de C

$\tau_{mesure} = 520 \text{ ms}$

On estime l'incertitude à  $\tau = 520 \pm 10 \text{ ms}$

D'où  $u(\tau) = \frac{d}{\sqrt{3}} = 5,7 \times 10^{-3} \text{ A}$

On a donc  $\tau = RC \Leftrightarrow C = \frac{\tau}{R} = 5,20 \times 10^{-6} \text{ F}$

De plus on a  $R = 1000 \pm 10 \times 10^{-3} \Omega$

On a donc  $\frac{u(C)}{C} = \sqrt{\left(\frac{u(R)}{R}\right)^2 + \left(\frac{u(\tau)}{\tau}\right)^2} = 1,10 \times 10^{-2}$

Donc  $u(C) = 1,10 \times 10^{-2} \times C = 0,057 \times 10^{-6} \text{ F}$

Donc  $C = 5,2 \times 10^{-6} \pm 0,057 \times 10^{-6} \text{ F}$  ✓