Programme de colles PCC :

La colle commence obligatoirement par une question de cours. Cela peut être au choix :

- Un ou deux énoncés parmi ceux qui sont proposés sans démonstration (pour au moins un élève du groupe)
- Un énoncé avec sa démonstration (uniquement parmi ceux qui sont exigibles).

Ensuite, le colleur propose un ou plusieurs exercices de son choix.

Du 30/11 au 05/12 (semaine 11)

Les questions de cours :

1) **Un ou plusieurs énoncés sans démonstration à choisir parmi les suivants :**
   - Limite uniforme d'une suite de fonctions continues.
   - Permutation limite-intégrale sur un segment lorsqu'il y convergence uniforme.
   - Théorème de convergence dominée.
   - Régularité de la limite d'une suite de fonctions C^1 et d'une suite de fonctions C^k.
   - Définitions de la convergence simple, convergence uniforme, convergence normale d'une série de fonctions. Implications entre les trois.
   - Continuité de la somme d'une série de fonctions.
   - Théorème de la double limite.
   - Caractère C^1 ou C^k de la somme d'une série de fonctions suivant les hypothèses.
   - Théorème d'intégration terme à terme sur un segment en cas de convergence uniforme.
   - Théorème d'intégration terme à terme sur un intervalle quelconque.

2) **Un des résultats suivants, avec la démonstration :**
   Pas de démonstration cette semaine.

Les thèmes d'exercices :

Tout exercice sur les suites ou séries de fonctions.

Du 07/12 au 13/12 (semaine 10)

Les questions de cours :

1) **Un ou plusieurs énoncés sans démonstration à choisir parmi les suivants :**
   - Continuité de la somme d'une série de fonctions.
   - Théorème de la double limite.
   - Caractère C^1 ou C^k de la somme d'une série de fonctions suivant les hypothèses.
   - Théorème d'intégration terme à terme sur un segment en cas de convergence uniforme.
   - Théorème d'intégration terme à terme sur un intervalle quelconque.
   - Lemme d'Abel pour les séries entières.
   - Rayon et domaine de convergence. Cercle d'incertitude.
   - Si on considère une série entière $\sum a_n z^n$ de rayon de convergence R, alors que dire si $|z| < R$, et si $|z| > R$?
   - Si on considère une série entière $\sum a_n z^n$ de rayon de convergence R et $r > 0$, que dire si $(a_n r^n)$ est bornée ? Et si $(a_n r^n)$ ne tend pas vers 0 ?
   - Lien entre les rayons de convergence de $\sum a_n z^n$ et $\sum b_n z^n$ lorsque $a_n \underset{n\to+\infty}{\sim} b_n$ ou $a_n \underset{n\to+\infty}{=} O(b_n)$.
   - Règle de d'Alembert pour les séries entières.
   - Convergence normale sur tout segment de l'intervalle ouvert de convergence. Continuité sur l'intervalle ouvert de convergence. Continuité dans le cas complexe.
   - Comparaison des rayons de convergence des séries entières $\sum a_n z^n$ et $\sum n a_n z^n$.
   - Dérivation et intégration terme à terme. La somme d'une série entière d'une variable réelle est C^∞ sur l'intervalle ouvert de convergence.

2) **Un des résultats suivants, avec la démonstration :**
   - Produit de Cauchy de deux séries entières à partir du produit de Cauchy de deux séries numériques.

Les thèmes d'exercices :

Tout exercice sur les suites et séries de fonctions.